



استاندارد ملی ایران

۱۹۲۲۲

چاپ اول

۱۳۹۳



جمهوری اسلامی ایران

Islamic Republic of Iran

سازمان ملی استاندارد ایران

Iranian National Standardization Organization

INSO

19222

1st.Edition

2014

کیفیت آب-تغییرپذیری نتایج آزمون و
عدم قطعیت اندازه‌گیری در روش‌های
شمارش میکروبیولوژی

**Water quality — The variability of
test results and the uncertainty of
measurement of microbiological
enumeration methods**

ICS:13.060.70

به نام خدا

آشنایی با سازمان ملی استاندارد ایران

مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران به موجب بندیک ماده ۳ قانون اصلاح قوانین و مقررات مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران، مصوب بهمن ماه ۱۳۷۱ تنها مرجع رسمی کشور است که وظیفه تعیین، تدوین و نشر استانداردهای ملی (رسمی) ایران را به عهده دارد.

نام موسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران به موجب یکصد و پنجاه و دومین جلسه شورای عالی اداری مورخ ۹۰/۶/۲۹ به سازمان ملی استاندارد ایران تغییر و طی نامه شماره ۲۰۶/۳۵۸۳۸ مورخ ۹۰/۷/۲۴ جهت اجرا ابلاغ شده است.

تدوین استاندارد در حوزه های مختلف در کمیسیون های فنی مرکب از کارشناسان سازمان ، صاحب نظران مراکز و مؤسسات علمی، پژوهشی، تولیدی و اقتصادی آگاه و مرتبط انجام می شود و کوششی همگام با مصالح ملی و با توجه به شرایط تولیدی، فناوری و تجاری است که از مشارکت آگاهانه و منصفانه صاحبان حق و نفع، شامل تولیدکنندگان، مصرفکنندگان، صادرکنندگان و وارد کنندگان، مراکز علمی و تخصصی، نهادها، سازمان های دولتی و غیر دولتی حاصل می شود .پیش نویس استانداردهای ملی ایران برای نظرخواهی به مراجع ذی نفع و اعضای کمیسیون های فنی مربوط ارسال می شود و پس از دریافت نظرها و پیشنهادها در کمیته ملی مرتبط با آن رشته طرح و در صورت تصویب به عنوان استاندارد ملی (رسمی) ایران چاپ و منتشر می شود.

پیش نویس استانداردهایی که مؤسسات و سازمان های علاقه مند و ذی صلاح نیز با رعایت ضوابط تعیین شده تهیه می کنند در کمیته ملی طرح و بررسی و درصورت تصویب، به عنوان استاندارد ملی ایران چاپ و منتشر می شود .بدین ترتیب، استانداردهایی ملی تلقی می شوند که بر اساس مفاد نوشته شده در استاندارد ملی ایران شماره ۵ تدوین و در کمیته ملی استاندارد مربوط که سازمان ملی استاندارد ایران تشکیل می دهد به تصویب رسیده باشد.

سازمان ملی استاندارد ایران از اعضای اصلی سازمان بین المللی استاندارد (ISO)^۱، کمیسیون بین المللی الکترونیک (IEC)^۲ و سازمان بین المللی اندازه شناسی قانونی (OIML)^۳ است و به عنوان تنها رابط^۴ کمیسیون کدکس غذایی (CAC)^۵ در کشور فعالیت می کند. در تدوین استانداردهای ملی ایران ضمن توجه به شرایط کلی و نیازمندی های خاص کشور ، از آخرین پیشرفت های علمی، فنی و صنعتی جهان و استانداردهای بین المللی بهره گیری می شود .

سازمان ملی استاندارد ایران می تواند با رعایت موازین پیش بینی شده در قانون، برای حمایت از مصرف کنندگان، حفظ سلامت و ایمنی فردی و عمومی، حصول اطمینان از کیفیت محصولات و ملاحظات زیست محیطی و اقتصادی، اجرای بعضی از استانداردهای ملی ایران را برای محصولات تولیدی داخل کشور و/یا اقلام وارداتی، با تصویب شورای عالی استاندارد، اجباری نماید. سازمان می تواند به منظور حفظ بازارهای بین المللی برای محصولات کشور، اجرای استاندارد کالاهای صادراتی و درجه- بندی آن را اجباری نماید. همچنین برای اطمینان بخشیدن به استفاده کنندگان از خدمات سازمان ها و مؤسسات فعال در زمینه مشاوره، آموزش، بازرگانی، ممیزی و صدور گواهی سیستم های مدیریت کیفیت و مدیریت زیست محیطی، آزمایشگاه ها و مراکز کالیبراسیون (واسنجی) وسایل سنجش، سازمان ملی استاندارد ایران این گونه سازمان ها و مؤسسات را بر اساس ضوابط نظام تأیید صلاحیت ایران ارزیابی می کند و در صورت احراز شرایط لازم، گواهینامه تأیید صلاحیت به آن ها اعطا و بر عملکرد آن ها ناظارت می کند. ترویج دستگاه بین المللی یکاهای کالیبراسیون (واسنجی) وسایل سنجش، تعیین عیار فلزات گرانبهای و انجام تحقیقات کاربردی برای ارتقای سطح استانداردهای ملی ایران از دیگر وظایف این سازمان است.

1- International Organization for Standardization

2 - International Electrotechnical Commission

3- International Organization of Legal Metrology (Organisation Internationale de Metrologie Legale)

4 - Contact point

5 - Codex Alimentarius Commission

کمیسیون فنی تدوین استاندارد

«کیفیت آب-تغییرپذیری نتایج آزمون و عدم قطعیت اندازه‌گیری در روش‌های شمارش میکروبیولوژی»

سمت و / یا نمایندگی

کارشناس استاندارد

رئیس :

ابراهیمی امام، غلامحسن

(کارشناس مهندسی کشاورزی- علوم و صنایع غذایی)

دبیر :

اداره کل استاندارد استان کردستان

آغه‌میری، اسرین

(کارشناس مهندسی کشاورزی- علوم و صنایع غذایی)

اعضاء : (اسمی به ترتیب حروف الفبا)

شرکت دوام انرژی

آغه‌میری، کیا

(کارشناس مهندسی صنایع- برنامه‌ریزی و تحلیل سیستم‌ها)

اداره کل استاندارد استان لرستان

الماسیان، ریکا

(کارشناس ارشد میکروبیولوژی)

اداره کل استاندارد استان اصفهان

جانی قربان، محترم

(کارشناس ارشد شیمی)

دانشگاه آزاد اسلامی واحد سنترج

داوری، کامبیز

(دکترای میکروبیولوژی)

دانشگاه شهید بهشتی

سالمی، امیر

(دکترای شیمی تجزیه)

شرکت زاگرس صنعت سپاهان

محمدی، میلاد

(کارشناس مهندسی صنایع- برنامه‌ریزی و تحلیل سیستم‌ها)

اداره کل استاندارد استان کردستان

یزدانی، ژیلا

(کارشناس ارشد شیمی فیزیک)

فهرست مندرجات

صفحه	عنوان
ب	آشنایی با سازمان ملی استاندارد
ج	کمیسیون فنی تدوین استاندارد
۵	پیش گفتار
۹	مقدمه
۱	۱ هدف و دامنه کاربرد
۱	۲ مراجع الزامی
۲	۳ اصطلاحات و تعاریف
۵	۴ روش‌های آزمون میکروبیولوژی
۶	۵ انتخاب رویکرد
۹	۶ رویکرد مولفه‌ای جهت ارزیابی عدم قطعیت عملیاتی
۱۱	۷ رویکرد کلی نگر برای تعیین عدم قطعیت عملیاتی
۱۳	۸ عدم قطعیت مرکب در نتایج آزمون
۱۵	پیوست الف (اطلاعاتی) نمادها و تعاریف
۱۷	پیوست ب (الزامی) قواعد کلی ترکیب کردن مولفه‌های عدم قطعیت
۲۲	پیوست پ (الزامی) تغییرپذیری ذاتی - عدم قطعیت توزیع نسبی شمارش کلنجی‌ها
۲۴	پیوست ت (الزامی) تغییرپذیری ذاتی تخمین‌های MPN
۲۷	پیوست ث (الزامی) تغییرپذیری ذاتی (عدم قطعیت استاندارد) در شمارش‌های تأییدی
۳۱	پیوست ج (الزامی) رویکرد کلی نگر برای تعیین عدم قطعیت‌های عملیاتی و مرکب
۳۷	پیوست ج (الزامی) رویکرد مولفه‌ای برای ارزیابی عدم قطعیت نسبی مرکب در شرایط تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی
۴۲	پیوست ح (الزامی) ارزیابی تجربی واریانس نمونه‌برداری فرعی
۴۵	پیوست خ (الزامی) تکرارپذیری و تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی نسبی در اندازه‌گیری‌های حجمی
۴۸	پیوست د (الزامی) عدم قطعیت نسبی مجموع آزمونه‌ها
۵۲	پیوست ذ (الزامی) عدم قطعیت نسبی فاکتور رقت F
۵۴	پیوست ر (الزامی) تکرارپذیری و تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی شمارش
۵۹	پیوست ز (الزامی) اثرات گرمخانه‌گذاری - عدم قطعیت ناشی از موقعیت و زمان
۶۵	پیوست ژ (اطلاعاتی) نحوه بیان و کاربرد عدم قطعیت اندازه‌گیری
۷۲	پیوست س (اطلاعاتی) کتابنامه

پیش‌گفتار

استاندارد "کیفیت آب- تغییرپذیری نتایج آزمون و عدم قطعیت اندازه‌گیری در روش‌های شمارش میکروبیولوژی" که پیش‌نویس آن در کمیسیون‌های مربوط توسط (سازمان ملی استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران/ پژوهشگاه استاندارد) تهیه و تدوین شده و در سیصد و هفتادمین اجلاس کمیته‌ملی استاندارد بیولوژی و میکروبیولوژی مورخ ۱۳۹۳/۴/۷ مورد تصویب قرار گرفته است، اینک به استناد بند یک ماده ۳ قانون اصلاح قوانین و مقررات سازمان ملی استاندارد ایران، مصوب بهمن ماه ۱۳۷۱، به عنوان استاندارد ملی ایران منتشر می‌شود.

برای حفظ همگامی و هماهنگی با تحولات و پیشرفت‌های ملی و جهانی در زمینه صنایع، علوم و خدمات، استانداردهای ملی ایران در موقع لزوم تجدید نظر خواهد شد و هر پیشنهادی که برای اصلاح و تکمیل این استانداردها ارائه شود، هنگام تجدید نظر در کمیسیون فنی مربوط مورد توجه قرار خواهد گرفت. بنابراین، باید همواره از آخرین تجدیدنظر استانداردهای ملی استفاده کرد.

منبع و مأخذی که برای تهیه این استاندارد مورد استفاده قرار گرفته به شرح زیر است:

ISO 29201: 2012, Water quality — The variability of test results and the uncertainty of measurement of microbiological enumeration methods.

مقدمه

آزمایشگاهها ملزم به انجام روش‌های اجرایی برای تخمین عدم قطعیت آزمون‌های خود می‌باشند. بدون چنین شاخصی نتایج آزمون‌ها با یکدیگر و یا با نتایج آزمون مواد مرجع قابل مقایسه نیست.

دستورالعمل‌های کلی برای ارزیابی و بیان عدم قطعیت اندازه‌گیری توسط کارشناسان اندازه‌شناسی شیمیایی و فیزیکی تدوین شده و با عنوان ISO/IEC Guide 98-3:2008¹ انتشار یافته است (کتاب‌نامه شماره ۷). ولی در این دستورالعمل‌ها راجع به شمارش شاخص‌های مشاهده شده هیچ بحثی صورت نگرفته است.

تاكيد ISO/IEC Guide 98-3:2008 متكى براصل "قانون تعيم عدم قطعیت" است، که بر مبنای آن تخمین نهايی عدم قطعیت از ترکیب مولفه‌های جداگانه تاثيرگذار قابل دسترسي حاصل می‌شود. در اين استاندارد به اين روش، اصل "رويکرد مولفه‌اي"² گفته می‌شود و همچنان با نام "رويکرد قدم به قدم" يا "پايين-بالا" نيز شناخته می‌شود.

اطلاعات موجود نشان‌می‌دهد که رویکرد مولفه‌ای در بررسی عوامل موثر بر عدم قطعیت شمارش‌های ميكروبیولوژي، قابل توجيه نیست و پاسخگویی کافی ندارد (مطابق استاندارد ملی ايران شماره ۹۶۰۶). در چنین رویکردی بهدلیل نادیده‌گرفته شدن برخی مولفه‌های موثر بر عدم قطعیت، امكان دارد که مقدار آن کمتر از حد واقعی نشان‌داده شود. اگرچه، كتاب‌نامه شماره ۱۹ نشان‌می‌دهد که مفاهيم ISO/IEC Guide 98-3:2008 نيز قابلیت تطبیق و عملیاتی شدن برای شمارش داده‌ها را می‌توانند داشته باشند.

اصل دیگر، رویکرد "جعبه سیاه" نام دارد و به عنوان رویکرد "بالا - پايين" یا کلی‌نگر³ نيز شناخته شده است، که بر مبنای آزمون آماری يك سري مشاهدات تكراري نتيجه نهايی آزمون قرار دارد (مطابق استاندارد ملی ايران شماره ۹۶۰۶). در رویکرد کلی‌نگر لزومی به کمي‌کردن و يا حتى شناخت دقیق حضور هریک از عوامل موثر در جعبه سیاه نیست.

طبق فلسفه کلی‌نگر، تخمین عدم قطعیتی که برای يك روش مشخص در يك آزمایشگاه خاص مورد ارزیابی قرار می‌گیرد، می‌تواند برای نتایج حاصله بعدی که توسط همان آزمایشگاه و با همان روش به دست می‌آید نيز قابلیت کاربرد داشته باشد مشروط بر آن که با داده‌های کنترل کیفیت مرتبط قابل توجيه باشد (كتاب‌نامه شماره ۱۰). هر نتيجه آزمون به دست‌آمده توسط همان روش، می‌تواند همان عدم قطعیت پيش‌бинی شده را داشته باشد. اين قاعده در آزمون‌های شیمیایی قابل درک و فهم است. در آزمون‌های شیمیایی معمولاً عدم قطعیت روش اجرایی و عدم قطعیت نتيجه نهايی آزمون يکسان هستند. رویکرد کلی‌نگر امکان وجود موارد منحصر به فرد در رابطه با عدم قطعیت در آزمون‌های خاص را نادیده می‌گيرد.

در اغلب اوقات "تغییرپذیری بدون علت" غیر قابل کنترل در شمارش‌ها مداخله کرده و سبب تغيير وضعیت در آزمون‌های شمارش ميكروبیولوژي می‌گردد. عدم قطعیت کامل نتيجه آزمون فقط بعد از به دست آوردن کامل نتيجه نهايی قابل تخمین‌زنن است. اين امر در هر دو رویکرد مولفه‌ای و کلی‌نگر باید مورد توجه قرار داشته باشد.

1 component approach

2 global approach

در مواردی که نتیجه شمارش‌ها مقادیر کوچکی هستند ، تغییرپذیری‌های غیر قابل کنترل در آن‌ها به سرعت افزایش می‌یابد، بنابراین رویکرد کلی‌نگر پایه، برای شمارش‌های کم مناسب نیست و همچنین برای روش MPN و سایر روش‌های اعداد کم مانند شمارش‌های بر پایه تایید جزئی کلني‌های احتمالی کاربر ندارد. اغلب اوقات لازم و حتی مفید است که بین دو مولفه دقت، اولی عدم قطعیت فنی روش اندازه‌گیری (قابلیت تکرارپذیری عملیاتی) که کم و بیش قابل پیش‌بینی است و دیگری، تغییرپذیری غیرقابل پیش‌بینی ناشی از توزیع ذرات، فرق گذاشته شود. با اصلاح و بهبود اصل کلی‌نگر که به نحوی این دو منبع عدم قطعیت را شامل شود، می‌توان بر محدودیت عدم استفاده از رویکرد کلی‌نگر در شمارش‌های پایین فائق آمد. در این استاندارد چنین مدل کلی‌نگری به صورت مشروح بیان گردیده است.

از لحاظ نظری هر دو رویکرد تخمین عدم قطعیت می‌توانند نتایج یکسانی را ارائه دهند. مزیت‌ها و محدودیت‌های هر دو رویکرد در این استاندارد بیان شده است. هر دو رویکرد قابلیت یکسانی دارند و هیچ‌کدام بر دیگری ارجحیت ندارد. بر حسب شرایط ممکن است یک رویکرد موثرتر بوده کیفیت عملیاتی بهتری نسبت به دیگری داشته باشد.

با وجود این، هیچ‌کدام از این دو راهبرد قادر به تخمین بدون ابهام عدم قطعیت نیست. همیشه بعضی چیزها مسلم فرض می‌شوند بدون آن که امکان تاثیرگذاری آن بر یک موقعیت معین مورد سنجش قرار گرفته باشد. تخمین عدم قطعیت، بر اساس نتایج کسب شده قبلی (عدم قطعیت استاندارد تجربی) و/یا مفروضات کلی منطقی استوار است.

کیفیت آب-تغییرپذیری نتایج آزمون و عدم قطعیت اندازه‌گیری در روش‌های شمارش میکروبیولوژی

۱ هدف و دامنه کاربرد

هدف از تدوین این استاندارد تعیین دستورالعمل‌هایی برای ارزیابی عدم قطعیت در آزمون‌های کمی میکروبیولوژی بر اساس شمارش ذرات میکروبی به‌وسیله کشت میکروبی است. این دستورالعمل‌ها برای همه روش‌های شمارش کلی و روش MPN کاربرد دارد.

این استاندارد برای روش‌های آزمون جستجو و شناسایی میکرووارگانیسم‌ها (غیرشمارش) کاربرد ندارد. در این استاندارد رویکردهای مولفه‌ای (معروف به پایین- بالا و قدم به قدم) و رویکرد اصلاح شده کلی‌نگر (بالا - پایین) تشریح شده است و چگونگی به‌دست آوردن مقادیر تغییرات کاربردی درون‌آزمایشگاهی و عدم قطعیت مرکب نتایج نهایی آزمون را نشان می‌دهد.

یادآوری ۱- اکثر پیوست‌ها الزامی هستند، با این حال تنها پیوست‌های مربوط به هر مورد خاص به کارگرفته می‌شوند. اگر رویکرد کلی‌نگر انتخاب شود از پیوست‌های الزامی متعلق به رویکرد مولفه‌ای صرف‌نظر می‌شود و برعکس.

یادآوری ۲- واریانس نمونه‌برداری از منابع اصلی پیش از آزمون، در دامنه کاربرد این استاندارد قرار ندارد اما لازم است در طرح‌های نمونه‌برداری و برنامه‌های پایش مورد بررسی و توجه قرار گیرد.

یادآوری ۳- شک یا عدم قطعیت تصمیم‌هایی که عدم قطعیت آن‌ها بر اساس به کارگیری نتایج آزمون تخمین زده شده است، خارج از دامنه کاربرد این استاندارد قرار دارد.

یادآوری ۴- تغییراتی که در خارج از حوزه مکان آزمون و از طریق شرکت در دوره‌های آزمون‌های مهارت بین آزمایشگاهی و کالیبراسیون داخلی تعیین می‌شوند در این استاندارد تشریح نشده است. اما لازم است که در برنامه‌های کنترل آزمون مورد ملاحظه قرار بگیرند. به کارگیری داده‌های کالیبراسیون داخلی سبب می‌شود که عامل اریبی^۱ بین آزمایشگاهی در تخمین عدم قطعیت دخالت داده شود (کتابنامه شماره ۱۲).

۲ مراجع الزامی

مدارک الزامی زیر حاوی مقرراتی است که در متن این استاندارد ملی ایران به آن‌ها ارجاع داده شده است. بدین ترتیب آن مقررات جزئی از این استاندارد ملی ایران محسوب می‌شود.

در صورتی که به مدرکی با ذکر تاریخ انتشار ارجاع داده شده باشد، اصلاحیه‌ها و تجدیدنظرهای بعدی آن مورد نظر این استاندارد ملی ایران نیست. در مورد مدارکی که بدون ذکر تاریخ انتشار به آن‌ها ارجاع داده شده است، همواره آخرین تجدیدنظر و اصلاحیه‌های بعدی آن‌ها مورد نظر است.

استفاده از مراجع زیر برای این استاندارد الزامی است:

1 Bias

استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶، میکروبیولوژی مواد غذایی و خوراک دام - تخمین عدم قطعیت
اندازه‌گیری در آزمون‌های کمی - راهنما

۳ اصطلاحات و تعاریف

در این استاندارد، اصطلاحات و تعاریف زیر به کار می‌رود:

۱-۳ عدم قطعیت اندازه‌گیری

متغیر مرتبط با نتیجه اندازه‌گیری که نشان‌دهنده میزان پراکندگی مقادیری است که می‌توان به‌طور منطقی به کمیتی که اندازه‌گیری می‌شود (اندازه‌ده) نسبت داد. این متغیر معیاری از دقت است و به‌صورت عدم قطعیت استاندارد یا عدم قطعیت استاندارد نسبی بیان می‌شود [کتابنامه شماره ۷].

۲-۳ تخمین عدم قطعیت اندازه‌گیری

نوعی ارزیابی است که به دو روش انجام می‌شود. یک روش که تخمین عدم قطعیت نوع A نام دارد براساس تجزیه و تحلیل یک‌سری از مشاهدات صورت می‌گیرد.

روش دیگر تخمین عدم قطعیت، نوع B نام دارد. مرسوم‌ترین تخمین نوع B در روش‌های میکروبیولوژی، بر اساس توزیع‌های آماری فرض شده در رویکرد مولفه‌ای استوار می‌باشد.

ارزیابی نوع A و نوع B را می‌توان بر هر کدام از هر یک از مولفه‌های تشکیل‌دهنده عدم قطعیت کل، و یا عدم قطعیت مرکب نتیجه نهایی اجرا کرد.

ارزیابی نوع A لزوماً از ارزیابی نوع B مطمئن‌تر نیست. در برخی اندازه‌گیری‌ها وقتی که تعداد مشاهدات کم است، مولفه‌های حاصل از ارزیابی نوع B بهتر از ارزیابی نوع A در نظر گرفته می‌شود [کتابنامه شماره ۷].

۳-۳ تجدیدپذیری درون‌آزمایشگاهی

تجددی‌پذیری درون‌آزمایشگاهی، به عنوان بیان موجزی از عدم قطعیت، به کرات مورد استفاده قرار می‌گیرد. این اصطلاح همچنین به عنوان تجدیدپذیری میانی^۱ یا دقت میانی (زمان، تجهیزات، کاربر) شناخته شده است [کتابنامه شماره ۲].

نحوه ارزیابی به این صورت تحلیل می‌شود که نتیجه آزمون یک نمونه هنگامی که توسط کارکنان دیگر همان آزمایشگاه ولی با تجهیزات، محیط‌های کشت، شرایط آزمون و گرمخانه‌های مختلف دیگر تحت آزمون قرار می‌گیرد تا چه مقدار ممکن است تحت تاثیر قرار گرفته باشد. مقدار تخمین زده شده دقت میانی هرگز وابسته به نتایج آزمون واقعی نیست، اما فرض می‌شود که یک تخمینی کلی از عدم قطعیت منطقی از به کارگیری یک روش آزمون در یک آزمایشگاه خاص را ارائه می‌دهد.

عدم قطعیت درون‌آزمایشگاهی یا با ترکیب کردن مولفه‌های مجزای عدم قطعیت که در شرایط تجدیدپذیری درون‌آزمایشگاهی تخمین زده شده‌اند (رویکرد مولفه‌ای) یا با روش‌های تجربی خاص که در آن شرایط آزمون بر حسب نوع طراحی آن تغییر یافته است (رویکرد کلی‌نگر)، تخمین زده می‌شود.

1 intermediate

۴-۳ عدم قطعیت استاندارد مرکب

۱-۴-۳ کلیات

نتایج نهایی آزمون میکروبیولوژی از روی مقادیر مشاهده شده میانی محاسبه می‌شود. مشاهده میانی اصلی، نتایج شمارش است. بیشتر مقادیر مشاهده شده دیگر مربوط به اندازه‌گیری‌های حجمی می‌باشد. عدم قطعیت استاندارد مرکب همان عدم قطعیت نتیجه یک اندازه‌گیری است، وقتی که آن نتیجه از ترکیب چندین کمیت دیگر به وجود آمده باشد و مقدار آن مساوی است با مجموع ریشه دوم مثبت عباراتی که آن عبارات، واریانس‌ها و کوواریانس‌های کمیت‌های مزبور می‌باشند و بطبقه آن چگونگی انحراف نتیجه اندازه‌گیری با تغییرات در این کمیت‌ها سنجیده می‌شود [کتابنامه شماره ۷].

یادآوری ۱- بررسی کوواریانس تنها در شرایطی ضروری است که واستگی‌های معنی‌داری بین مولفه‌های عدم قطعیت برقرار باشد. در غیر این صورت مجموع ریشه دوم واریانس‌ها کافی است (بند ۲-۴-۳ و بند ۵-۳).

یادآوری ۲- در موارد شمارش‌های میکروبیولوژی می‌توان فرض کرد که همه مولفه‌های عدم قطعیت غیر واسته هستند به این معنا که از لحاظ آماری گستره می‌باشند. در چنین حالاتی عدم قطعیت استاندارد مرکب از جمع کردن ریشه دوم مثبت مولفه‌های واریانس یا به عبارتی از مجموع ریشه‌های زوج به دست می‌آید (پیوست - ب)، [کتابنامه شماره ۷].

۲-۴-۳ خصوصیات معنی‌دار عدم قطعیت‌های مرکب

برحسب کتابنامه شماره ۱۰، مولفه‌های کوچک‌تر از یک‌سوم بزرگ‌ترین مولفه موجود، نیازی به ارزیابی ندارند مگر آن که به تعداد زیاد وجود داشته باشند. این قاعده به طور ضمنی بر این موضوع دلالت دارد که در موارد تصمیم‌گیری بینابینی، حتی یک مولفه منفرد نیز می‌تواند در تخمین عدم قطعیت مرکب تأثیر کافی بگذارد. برای تصمیم‌گیری در خصوص اهمیت یک مولفه، حد نصاب تقریبی آن در ارتباط با سایر مولفه‌ها مورد شناسایی قرار می‌گیرد. معمولاً حداقل دو مولفه و یا بیشتر با اهمیت بوده و در محاسبه وارد می‌شود.

مثال - فرمول محاسبه عدم قطعیت مرکب دو مولفه‌ای، یکی سه‌باره دیگری به شرح زیر است :

$$u_c(y) = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10} = 3.16$$

بدون در نظر گرفتن مولفه‌های کوچک‌تر، مقدار تخمین برابر ۳۰۰ خواهد شد. در چنین حالتی با حذف مولفه‌های کوچک‌تر، مقدار عدم قطعیت مرکب به مقدار حدود ۵٪ کمتر تخمین‌زده می‌شود. برای اطمینان بیش‌تر تفاوت تا حد چهار رقم توصیه می‌شود.

۵-۳ عدم قطعیت استاندارد نسبی

۱-۵-۳ کلیات

فرمول‌های محاسبه نتایج نهایی آزمون‌های میکروبیولوژی فقط شامل ضرب و تقسیم است. تحت چنین شرایطی بهتر است عدم قطعیت استاندارد مرکب برحسب عدم قطعیت استاندارد نسبی محاسبه گردد (پیوست - ب)، [کتابنامه شماره ۷].

در هر دو روش تخمین نوع A و B از علامت u_{rel} جهت معرفی عدم قطعیت استاندارد نسبی استفاده می‌شود.

یادآوری ۱- عدم قطعیت استاندارد نسبی اغلب به صورت درصد بیان می‌شود. اصطلاحی که معمولاً "برای بیان آن استفاده می‌شود ضریب تغییر، CV نام دارد.

یادآوری ۲- زمانی که بر محاسبه عدم قطعیت با استفاده از فرآیند نوع A تأکید شود، علامت S به کار می‌رود.

یادآوری ۳- هر تغییر سیستماتیک یا تصادفی که در فرایند قبل از تولید سوسپانسیون نهایی "مثلاً" در نمونه‌برداری فرعی، ماتریکس و اثرات رقیق‌سازی اتفاق بیافتد بهمان نسبت بر غلظت میکروارگانیسم هدف در سوسپانسیون نهایی اثر خواهد گذاشت. بنابراین، واریانس‌های نسبی این مولفه‌ها نیز اضافه می‌شوند. تأثیرات بعد از تلقیح نظری گرم‌خانه‌گذاری و خواندن نتایج می‌توانند از لحاظ آماری سبب پیچیده‌تر شدن شرایط شده و به اندازه کافی شناسایی نشوند. در حال حاضر نسبی گرایی بهترین نتیجه نزدیک به صحت را ارائه می‌کند. خطاهای سیستماتیک در این روش معمولاً به صورت خطای تصادفی فرض شده و رفع می‌گردد.

۳-۵-۲ لگاریتم‌ها و عدم قطعیت استاندارد نسبی

تخمین‌های کلی نگر عدم قطعیت استاندارد تجربی به صورت سنتی با محاسبه لگاریتم‌های اعشاری صورت می‌گیرد. زمانی که این سنجش‌ها انجام می‌شود در محاسبات آنی لازم است همه مولفه‌ها با مقیاس‌های مشابهی بیان شوند، یا با تبدیل عدم قطعیت استاندارد نسبی به لگاریتمی و یا تبدیل لگاریتمی به عدم قطعیت استاندارد نسبی. در بیشترین حالات، عدم قطعیت استاندارد مطلق در مقیاس لگاریتم طبیعی و عدم قطعیت استاندارد نسبی در مقیاس بازه‌ای معادل به صورت عددی یکسان بیان می‌شوند. مقادیر محاسبه شده بر حسب لگاریتم اعشاری با استفاده از ضرایب مناسب به لگاریتم طبیعی تبدیل می‌شود و بر عکس. روابط ریاضی میان عدم قطعیت استاندارد و عدم قطعیت استاندارد نسبی در مقیاس‌های مختلف لگاریتمی در پیوست - ب نشان داده شده است.

۶-۳ واریانس نسبی

مربع عدم قطعیت استاندارد نسبی، واریانس نسبی نامیده می‌شود [کتاب‌نامه شماره ۷].

۷-۳ عدم قطعیت گستردہ و عدم قطعیت گستردہ نسبی

در شرایط خاص هنگامی که از نتیجه آزمون برای مطابقت با حدود مجاز در موارد مرتبط با سلامت عمومی و بهداشت استفاده می‌شود، مقتضی است که عدم قطعیتی اعلام شود که مشتمل بر بخش‌های وسیع‌تری از محدوده مقادیر مشاهده شده باشد.

این متغیر عدم قطعیت گستردہ نام دارد و علامت آن U است.

مقدار U با ضرب مقدار عدم قطعیت مرکب در فاکتور پوشش، k به دست می‌آید :

$$U = ku_c(y)$$

مقدار k بین ۲ تا ۳ است. در مقیاس نسبی فرمول آن به صورت زیر است :

$$U_{\text{rel}} = ku_{c,\text{rel}}(y)$$

برای توزیع نرمال، حدود ۹۵٪ از نتایج با عدم قطعیت گستردہ $U \pm \mu$ پوشش داده می‌شوند که μ همان میانگین است و فاکتور پوششی $k = 2$ انتخاب شده است. زمانی که $k = 3$ باشد پوشش به حدود ۹۹٪ توسعه پیدا می‌کند.

نتایج آزمون‌های میکروبیولوژی هرگز به صورت کامل با توزیع نرمال تناسب ندارند. توزیع آن‌ها اغلب مورب و نامتقارن (چوله‌ای) می‌باشد. زمانی که دلایل کافی برای پذیرش توزیع‌های غیرنرمال (مثل پواسون یا دوجمله‌ای منفی یا توزیع نرمال لگاریتمی) داشته باشیم و تخمین‌های موجهی از متغیرهای مرتبط در دسترس باشد، حدود بالاتر و پایین‌تر ۹۵٪ می‌تواند بر اساس این توزیع‌ها قرار بگیرد. جزییات بیشتر در این رابطه و استفاده از آن‌ها در پیوست-س بیان شده است.

۴ روش‌های آزمون میکروبیولوژی

۱-۴ روش‌های اساسی

روش‌های شمارش میکروبیولوژی بر اساس کشت، از نظر فنی متفاوت هستند ولی از نظر اصولی، اساس یکسانی دارند. روش آزمون اغلب با مخلوط کردن قسمتی از ماده مورد آزمایش در محیط کشت مناسب و تهیه یک مخلوط یکنواخت که به آن سوسپانسیون اولیه گفته می‌شود، آغاز می‌گردد. این مخلوط می‌تواند در ادامه باز هم رقیق شده تا به سوسپانسیون نهایی که دارای چگالی مناسبی از شمارش میکروارگانیسم هدف می‌باشد تبدیل گردد. در آزمون آب، نمونه آب سوسپانسیون اولیه است و وقتی که رقیق کردن لازم نباشد اغلب به صورت مستقیم به عنوان سوسپانسیون نهایی عمل می‌کند.

۲-۴ وسائل شمارش

بخش‌های اندازه‌گیری سوسپانسیون نهایی به یک ابزار شناساگر برای ارزیابی کمی منتقل می‌شود. وسائل شناساگر در آزمون‌های میکروبیولوژی از یک پتربی دیش منفرد تا سیستم‌های چند پلیتی موازی در رقت‌های مختلف و سیستم‌های MPN با پیچیدگی‌های گوناگون تشکیل شده است.

۳-۴ ساختار عدم قطعیت

یک روش اجرایی کامل آزمون میکروبیولوژی شامل پنج یا شش مرحله متوالی به شرح زیر است:

- الف) نمونه‌برداری فرعی و مخلوط‌سازی؛
- ب) رقیق‌سازی (تهیه رقت)؛
- پ) انتقال آزمونه‌ها (ها) به سیستم شناسایی در محیط‌های کشت مغذی؛
- ت) رشد در زمان گرمخانه‌گذاری؛
- ث) شمارش و شاید تایید ارگانیسم احتمالی هدف.

تغییرپذیری عملیاتی شامل اثرات مراحل فنی مذکور است. این عوامل هر کدام به صورت منفرد برای به کار گیری در رویکرد مولفه‌ای مورد تخمین قرار می‌گیرند. هنگام تخمین عدم قطعیت نتیجه نهایی، علاوه بر آن، عدم قطعیت ناشی از توزیع تصادفی ذرات نیز در محاسبه وارد می‌شود (بند ۲-۶). در رویکرد سنتی کلی نگر همه مولفه‌های عملیاتی و توزیع تصادفی ذرات با همدیگر مورد تخمین قرار می‌گیرند.

۴-۴ بیان عدم قطعیت مرکب

۱-۴-۴ مدل دو مولفه‌ای

در بسیاری از اهداف عملی و تشریحی کافی است که عدم قطعیت نتایج آزمون میکروبیولوژی شامل دو گروه از مولفه‌ها باشد. عدم قطعیت اندازه‌گیری مرکب اندازه‌گیری با ترکیب‌کردن تغییرپذیری عملیاتی و تغییرپذیری ذاتی (عدم قطعیت توزیعی) به دست می‌آید.

در متون میکروبیولوژی این دو واریانس بر حسب واریانس‌های نسبی (یا لگاریتمی) بیان می‌شود. فرمول مورد استفاده در این ارتباط عبارت است از :

$$u_{c,rel}(y) = \sqrt{u_{o,rel}^2 + u_{d,rel}^2} \quad (1)$$

که در آن :

$u_{c,rel}(y)$ عدم قطعیت استاندارد نسبی مرکب

$u_{o,rel}$ تغییرپذیری عملیاتی نسبی (عدم قطعیت استاندارد نسبی تجربی)

$u_{d,rel}$ تغییر پذیری ذاتی نسبی (عدم قطعیت توزیع نسبی)، است.

فرمول (1) هم در رویکرد اصلاح شده کلی نگر و هم رویکرد مولفه‌ای برای تخمین عدم قطعیت نسبی مرکب اندازه‌گیری نتیجه نهایی به کار می‌رود.

یادآوری - از نمادهای پایینی هر علامت می‌توان برای نشان دادن شرایط تجربی و یا سطح عدم قطعیت استفاده کرد (r برای تکرارپذیری، R برای تکرارپذیری میانی یا درون‌آزمایشگاهی و R برای تکرارپذیری بین‌آزمایشگاهی)

۲-۴-۴ تغییرپذیری عملیاتی (عدم قطعیت فنی)

تغییرپذیری عملیاتی عبارت است از ترکیب‌کردن همه عدم قطعیت‌های در ارتباط با مراحل فنی روش اجرای آزمون. این متغیر شامل تغییرپذیری نمونه‌برداری فرعی، مخلوط‌کردن و تهیه رقت از نمونه آزمایشگاهی برای آماده‌سازی سوسپانسیون نهایی آزمون است. همچنین شامل اثرات احتمالی گرمخانه‌گذاری و عدم قطعیت خواندن نتیجه آزمون نیز می‌باشد. همچنین در این حالت مولفه اریبی نیز درگیر است اما به عنوان بخشی از تغییرپذیری تصادفی.

۳-۴-۴ تغییرپذیری ذاتی (عدم قطعیت توزیعی)

تغییرپذیری ذاتی شامل تغییرات اجتناب‌ناپذیر بدون علت مرتبط با توزیع ذرات در سوسپانسیون نهایی و در ابزار تشخیص است. سوسپانسیون‌های میکروبیولوژیکی معمولاً از توزیع پواسون پیروی می‌کنند. اگر از آزمون‌های تأییدی جزئی استفاده شود یا روش MPN به کار رود، تغییرپذیری ذاتی به نحو قابل ملاحظه‌ای افزایش می‌یابد و کمتر از توزیع پواسون پیروی می‌کند (پیوست های ت و ث).

یادآوری - تغییرپذیری ذاتی را می‌توان با استفاده از تکرار پلیت‌ها و در روش MPN با افزایش تعداد لوله‌های موازی کاهش داد.

۵ انتخاب رویکرد

۱-۵ کلیات

از ارزیابی، ارائه و استفاده از عدم قطعیت اندازه‌گیری در میکروبیولوژی زمان زیادی نمی‌گذرد. هنوز هم گروه‌های مختلف تفاسیر و درک متفاوتی از معنا و کاربرد عدم قطعیت اندازه‌گیری دارند. بهدلیل این وضعیت شناور، یک مسیر هموار و یکنواخت برای تعیین، بیان و استفاده از عدم قطعیت اندازه‌گیری وجود ندارد.

این استاندارد به صورت مقدماتی دستورالعمل‌هایی برای آزمایشگاه‌ها ارائه داده است تا با کمک آن شروع به انجام عملیات ارزیابی عدم قطعیت اندازه‌گیری بنمایند. رویکردهای مولفه‌ای و کلی‌نگر به صورت پایه‌ای تشریح شده‌اند. اگرچه پیشنهادات مطرح شده رویکردهای معتبری هستند ولی سیستم‌های ارزیابی عدم قطعیت دیگری نیز وجود دارند که دارای کاربردهای محدودتر یا وسیع‌تر از پروتکل‌های ارائه شده در این استاندارد می‌باشند. این سیستم‌ها دارای راه حل‌هایی برای مسائل خاص یا وضعیت‌های کنترل کیفی متفاوت هستند، بعضی از آن‌ها در ادامه این بند تشریح می‌شوند.

علاوه بر دو رویکرد پایه‌ای بیان شده در این استاندارد، رویکردهای دیگری برای آزمون و بیان عدم قطعیت اندازه‌گیری وجود دارد. این رویکردها به‌ویژه در کشورهایی که در آن‌ها ابداع شده و توسعه یافته‌اند، بیش‌تر مورد توجه قراردارند. در ادامه به پنج مورد اشاره می‌شود. خصوصیت کلی و معمول آن‌ها این است که بیش‌تر یا همه آن‌ها براساس داده‌های به‌دست‌آمده از فعالیت‌های کنترل کیفیت داخلی یا خارجی پایه‌گذاری شده‌اند. همه آن‌ها به جای توجه به عدم قطعیت اندازه‌گیری نتایج آزمون به جنبه‌های اعتباربخشی روش آزمون و احراز صلاحیت آزمایشگاه جهت انجام آزمون و عدم قطعیت‌های مرتبط با آن تاکید دارند و اغلب از آنالیز آماری متفاوت و غیر استاندارد استفاده می‌کنند.

روش‌های ارائه شده در کتابنامه‌های شماره ۱۱ و ۱۲ بر اساس نمونه‌های مرجع پایدار قرار دارد که در آن‌ها امکان کنترل برخی مولفه‌های اریبی نیز وجود دارد. روش ارائه شده در کتابنامه شماره ۱۱ برای تعیین عدم قطعیت در آزمون‌های کمی میکروبیولوژی در بسیاری از تجزیه و تحلیل‌های مواد غذایی در کشورهای اسکاندیناوی مورد پذیرش واقع شده است. در این روش از داده‌های کنترل کیفیت داخلی و نتایج داده‌های حاصل از مطالعات اشتراکی جهت تخمین عدم قطعیت آزمایشگاه‌های مشارکت‌کننده استفاده می‌شود. در کتابنامه شماره ۱۲ به اریبی بین آزمایشگاهی پرداخته شده است.

جامع‌ترین سیستم در زمان انتشار این استاندارد توسط استاندارد فرانسه در دست تهیه می‌باشد (کتابنامه شماره ۹) که شامل ارزیابی سطوح متفاوت عدم قطعیت (تکرارپذیری، تجدیدپذیری میانی و بین‌آزمایشگاهی) از طریق داده‌های کنترل کیفیت داخلی و خارجی و به‌کارگیری آمار بایز^۱ در تخمین بازه اطمینان، CL^۲ می‌باشد.

روشی دیگر در کتابنامه شماره ۸ طراحی شده است که به وسیله آن وجود پراکندگی بالا (اصطلاحاً عدم قطعیت اندازه‌گیری) بین شمارش‌های دوتایی^۳ در نمونه‌های آب آشامیدنی طبیعی شناسایی می‌شود.

سیستم مورد استفاده در نیوزیلند (کتابنامه شماره ۱۶) براساس آزمون‌های عملی ویژه در نمونه‌های آب طبیعی طراحی شده است. این سیستم توسعه یافته طرح پایه کلی‌نگر است. از داده‌ها به‌دست‌آمده از آزمون

1 Bayesian

2 Confidence Limmit

3 duplicate

نمونه‌های متعدد آب توسط سه کاربر در پنج تکرار برای تخمین عدم قطعیت استفاده می‌شود. در این سیستم، مولفه‌های عملیاتی و ذاتی از همدیگر تفکیک نمی‌گردند لذا، شمارش‌های کم و نرمال (حدود ۲۰ کلندی) نیازمند ارزیابی جداگانه هستند.

۲-۵ انتخاب رویکرد ارزیابی

در این استاندارد تخمین عدم قطعیت اندازه‌گیری در شرایط تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی (دققت میانی) صورت می‌گیرد. تحت این شرایط، مولفه‌های عدم قطعیت شناسایی می‌شوند و می‌توان از هر دو رویکرد مولفه‌ای و کلی نگر استفاده کرد. استفاده از نمونه طبیعی حائز اهمیت می‌باشد.

هر دو رویکرد عدم قطعیت اندازه‌گیری بیان شده در این استاندارد، اصولاً باید نتایج یکسانی را ارائه دهند. دلایل عینی زیادی برای ترجیح یک رویکرد نسبت به دیگری وجود دارد. ترجیحات ذهنی یا درخواست مشتریان یا الزام مقام احراز صلاحیت هر کدام می‌توانند دلایل با اهمیتی باشند. اگر هر کدام از رویکردهای دیگر بیان شده در بند ۱-۵ تناسب بیشتری با سیستم و داده‌های کنترل کیفیت آزمایشگاه داشته باشند، ممکن است هیچ کدام از این دو رویکرد انتخاب نشود.

هم‌چنان اگر آزمایشگاهی قبل‌اً یک سیستم کنترل کیفی خوبی برای پایش جزئیات روش اجرایی آزمون داشته باشد، احتمالاً دارای مناسب‌ترین داده‌ها برای محاسبه و بررسی عدم قطعیت مولفه‌ای است. در غیر این صورت رویکرد کلی نگر روش سریع‌تری جهت شروع برای تخمین عدم قطعیت است.

براساس مشاهدات اخیر به نظر می‌رسد که دو مولفه عدم قطعیت عملیاتی بزرگ‌تر از بقیه باشند. یکی از آن‌ها واریانس نمونه‌برداری فرعی (اثر ماتریکس) در مواد جامد است و دیگری تاثیر گرم‌خانه‌گذاری در اکثر روش‌های آزمون است. واریانس نمونه‌برداری فرعی هم‌چنان اثر توزیع ذرات در نمونه‌های جامد را افزایش می‌دهد. در جمعیت‌های میکروبی پیچیده و هنگام استفاده از روش‌های انتخابی ضعیف، اثر گرم‌خانه‌گذاری می‌تواند همان اهمیت تاثیر توزیع ذرات را داشته باشد، و حال آن که در صورت وجود روش آزمون انتخابی مناسب، جمعیت میکروبی ساده، و سهولت در شناسایی وضعیت ظاهری کلندی‌ها، اثر گرم‌خانه‌گذاری بی‌اهمیت می‌شود.

تاثیر گرم‌خانه‌گذاری را می‌توان با بررسی امکان توزیع نامتناسب شمارش‌های موازی در سوسپانسیون نهای ارزیابی کرد. چنان آزمون‌هایی صرف‌نظر از آن که کدام رویکرد ارزیابی ترجیح داده شود به حجم داده‌های کنترل کیفی آزمایشگاه‌ها بستگی دارد. بنابراین ارزیابی تاثیر مولفه گرم‌خانه‌گذاری معمولاً بدون هیچ ترتیبات خاصی امکان‌پذیر است.

در نمونه‌های آب به نظر نمی‌رسد که واریانس نمونه‌برداری فرعی به صورت معنی‌داری از واریانس توزیع پواسون بیشتر باشد. دیگر نمونه‌های مایع و مواد پودری نرم می‌توانند در این دسته قرار بگیرند. در آزمایشگاه‌هایی که کنترل کیفیت براساس جزئیات روش اجرای آزمون پایه‌گذاری شده است، تخمین عدم قطعیت را می‌توان از داده‌های کنترل کیفی موجود و معمول ارزیابی کرد. در یک چنان حالتی استفاده از رویکرد کلی نگر زائد و غیر ضروری می‌باشد.

در نمونه‌های جامد وضعیت متفاوت است. بین نمونه‌های فرعی توزیع نامتناسب و معنی‌داری وجود دارد و این یک اصل است. در این حالات، انتخاب رویکرد کلی‌نگر با مولفه نمونه‌برداری فرعی باید به کمک یک برنامه عملی خاص مورد توجه قرار بگیرد. کارهای عملی اختصاص یافته برای ارزیابی واریانس نمونه‌برداری فرعی (پیوست - ح) از لحاظ آماری تا اندازه‌ای طراحی پیچیده‌تری نسبت به کارهای عملی کلی‌نگر (پیوست - ج) دارد. سؤالی که به نظر می‌رسد این است که کدام پارامتر برای ارزیابی مفیدتر است، عدم قطعیت عملیاتی کلی‌نگر یا واریانس نمونه‌برداری فرعی. انتخاب به ترجیحات ذهنی بستگی دارد.

ارزیابی واریانس عملیاتی با رویکرد کلی‌نگر بواسطه عمل ریاضی تفریق قرار دارد. هرچه مولفه عملیاتی در مقایسه با عدم قطعیت توزیع کوچک‌تر باشد نادرستی نسبی آن بزرگ‌تر است. رویکرد کلی‌نگر در شمارش‌های کم نسبت به رویکرد مولفه‌ای کارآیی کمتری دارد. این امر یک وضعیت شاخص در نمونه‌های آب است. با افزایش یکنواختی نمونه‌ها، کارآمدی رویکرد کلی‌نگر به طور افزاینده‌ای بهبود می‌یابد. هر زمان که واریانس عملیاتی از واریانس توزیع بیشتر شود، انتخاب رویکرد کلی‌نگر معنی‌دارتر خواهد بود. چنین وضعیتی در نمونه‌های جامد احتمال بروز دارد.

زمانی که تخمین عدم قطعیت شامل اریبی بین آزمایشگاهی باشد، ارزیابی آن بر مبنای داده‌های کالیبراسیون داخلی توسط کار با نمونه‌های مرجع مشابه برای همه آزمایشگاهها صورت می‌گیرد. در چنین حالتی آزمون‌ها می‌توانند فقط بر مبنای رویکرد کلی‌نگر پایه‌گذاری شوند. در این حالت مولفه‌های عدم قطعیت به درستی قابل شناسایی نیست. این نحوه ارزیابی در دامنه کاربرد این استاندارد قرار ندارد، برای اطلاع بیشتر به کتاب‌نامه شماره ۱۲ مراجعه شود.

۳-۵ انتخاب نحوه بیان و کاربرد عدم قطعیت اندازه‌گیری

مشتریان، ارگان‌های تایید صلاحیت و آزمایشگاه‌ها ممکن است انتظارات متفاوتی از اطلاعات عدم قطعیت اندازه‌گیری داشته باشند. مشاهده چنین الزاماتی تعیین می‌کند که آیا عدم قطعیت باقیستی به صورت عدم قطعیت عملیاتی، عدم قطعیت مرکب، عدم قطعیت گستره یا بازه‌ای بر مبنای عدم قطعیت گستره اندازه‌گیری و در شکل یکی از مقیاس‌های اندازه‌گیری ارائه شود. موارد استفاده و نحوه بیان مرتبط با هر یک از کاربردها در پیوست س ذکر شده است.

۶ رویکرد مولفه‌ای جهت ارزیابی عدم قطعیت عملیاتی

۱-۶ کلیات

در تخمین مولفه‌ای، عوامل منفرد موثر در عدم قطعیت اندازه‌گیری (نمونه‌برداری فرعی، رقیق‌سازی، تلقیح، گرم‌خانه‌گذاری و خواندن نتایج) به صورت جداگانه ارزیابی شده و با استفاده از قانون تعمیم عدم قطعیت با کمک روابط ریاضی ترکیب می‌شوند (کتاب‌نامه شماره ۷). از لحاظ محاسباتی به معنای مجموع ریشه‌های مربعات عدم قطعیت مولفه‌ها است. زمانی که مولفه‌ها تحت شرایط تجدیدپذیری در داخل یک آزمایشگاه تعیین می‌گردند، تخمین حاصل را می‌توان تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی نام‌گذاری کرد.

۲-۶ شناسایی مولفه‌های عدم قطعیت

تفکر آماری ساختار عدم قطعیت در شمارش‌های میکروبیولوژی دارای سه لایه است: پیش، هنگام، و بعد از تهیه سوسپانسیون نهایی (بند ۳-۳).

عدم قطعیت پیش از تهیه سوسپانسیون نهایی شامل تغییرات مربوط به نمونه‌برداری فرعی و ماتریکس به علاوه رقیق‌سازی است. کمیت‌های اثرگذار پیش از تهیه سوسپانسیون نهایی مناسب با غلظت میانگین، روی عدم قطعیت مرکب اثر می‌گذارند. هر تغییر اضافه‌ای در نمونه‌برداری فرعی یا هنگام رقیق‌سازی اتفاق بیافتد به همان نسبت به میانگین غلظت سوسپانسیون نهایی منتقل می‌شود.

عدم قطعیت هنگام تهیه سوسپانسیون نهایی شامل توزیع تصادفی ذرات در سوسپانسیون است که همراه با توزیع کلی‌ها در پلیت و مشارکت احتمالی عدم قطعیت آزمون‌های تاییدی جزئی مجموعاً تغییرات ذاتی را تشکیل می‌دهند. تغییرات ذاتی در عدم قطعیت عملیاتی مشارکت ندارند.

تغییرات بعد از تولید سوسپانسیون نهایی شامل عدم قطعیت در ارتباط با خواندن نتایج و اثرات محیط گرم‌خانه‌گذاری و زمان بر روی نتایج است. عدم قطعیت‌ها می‌تواند هم شامل نوع افزوده شده (مثل آلدگی ثانوی) و هم عنصر دیگر مناسب با این وضعیت باشد (مثل عدم قطعیت شمارش).

آزمون‌ها و مثال‌ها از تخمین کمی مولفه‌های عدم قطعیت همراه با جزئیات در پیوست‌ها ذکر شده‌اند. مولفه‌های واریانس تاثیرات نمونه‌برداری فرعی و گرم‌خانه‌گذاری نیازمند آزمون‌های ویژه‌ای است. سه مولفه عملیاتی دیگر با روش‌های اجرایی کنترل کیفی قابل دست‌یابی هستند.

۳-۶ ارزیابی

زمانی که مولفه‌ها مستقل هستند (از لحظه آماری گستته هستند) و کمیت‌ها تاثیرگذاری افزاینده دارند، عدم قطعیت عملیاتی نسبی از روی واریانس نسبی مجموع مربعات واریانس نسبی به دست می‌آید. واریانس عملیاتی نسبی مرکب از مجموع واریانس‌های نسبی مولفه‌ها به کمک فرمول شماره ۲ حاصل می‌شود:

$$u_{o,rel}^2 = u_{rel,M}^2 + u_{rel,F}^2 + u_{rel,V}^2 + u_{rel,I}^2 + u_{rel,L}^2 \quad (2)$$

معانی علائم در جدول (۱) ذکر شده‌است. جزئیات دستور کار ارزیابی عملی مولفه‌ها در پیوست‌های بیان شده در همین جدول تشریح شده‌اند.

جدول ۱- معنی نشانه‌ها (علائم)

مراحل آزمون	مولفه	علامت	چگونگی تعیین آنها
۱	ماتریکس و نمونه‌برداری	$u_{rel,M}$	پیوست ح
۲	فاکتور رفت	$u_{rel,F}$	پیوست ذ
۳	آزمونه	$u_{rel,V}, u_{rel,\Sigma V}$	پیوست‌های خ و د
۴	گرم‌خانه‌گذاری	$u_{rel,I}$	پیوست ز
۵	شمارش	$u_{rel,L}$	پیوست ر

عدم قطعیت مراحل یک تا سه آزمون خیلی به روش‌ها و کاربر وابستگی ندارد اما می‌تواند تحت تأثیر مواد و تجهیزات باشد. با یک بار تخمین‌زنن، مقدار آن‌ها را می‌توان به صورت مکرر و برای روش‌های مختلف آزمون میکروبیولوژی مورد استفاده قرار داد.

در مرحله چهارم، عدم قطعیت وابسته به شرایط گرمخانه‌گذاری (دما، اتمسفر و زمان) و ارگانیسم هدف است، اما وابسته به کاربر نیست. این مرحله می‌تواند به محیط کشت مغذی نیز وابسته باشد. این مرحله برای هر روش، اختصاصی است.

در مرحله پنجم، عدم قطعیت وابسته به کاربر یا تجهیزات مورد استفاده برای شناسایی و شمارش است.

۷ رویکرد کلی نگر برای تعیین عدم قطعیت عملیاتی

۱-۷ کلیات

اگر همه کمیت‌هایی که نتیجه یک اندازه‌گیری به آن‌ها بستگی دارد با هم متفاوت باشند، عدم قطعیت آن‌ها را می‌توان به شیوه آماری ارزیابی کرد (کتابنامه شماره ۷). این نظریه اساس رویکرد کلی نگر است. طراحی یک کار تجربی کلی نگر نه تنها نیازمند بینش خوب در شناخت کمیت‌های تاثیرگذار است بلکه همچنین یک طرح خوب آن‌ها را به یک مسیر واقعی و موجه سوق می‌دهد.

رویکرد کلی نگر ارائه شده در این استاندارد براساس مدل بیان شده در استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶ (کتابنامه شماره ۶) قرار دارد و مفهوم آن این است که تمامی فرایند آزمون از مرحله تهیه سوسپانسیون اولیه تا شمارش نهایی در دو مرتبه تکرار می‌شود. در صورت امکان از نمونه‌های با بار میکروبی طبیعی استفاده می‌شود و تنها تغییر ایجاد شده مربوط به نحوه محاسبه است.

دقت میانگین‌ها به تعداد نمونه‌های آزمون شده بستگی دارد. براساس استاندارد ملی شماره ۹۶۰۶، نتایج حاصل از ۱۰ نمونه می‌تواند داده‌های لازم را تأمین نماید. ولی در این استاندارد حداقل ۳۰ نمونه و ترجیحاً بیشتر از آن توصیه شده است.

تخمین عدم قطعیت کلی نگر باید به صورت مجزا برای هر روش آزمون، هر نوع ماتریکس و هر میکرووارگانیسم هدف انجام شود. برای به دست آوردن یک تخمین واقعی و نشان‌دهنده تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی، عوامل مهم و تاثیرگذار در روند آزمون بایستی متفاوت باشند (بنده ۳-۴).

در استاندارد ملی شماره ۹۶۰۶ در کل، تخمین عدم قطعیت اعتباربخشی شده تحت شرایطی به دست می‌آید که عدم قطعیت توزیع (ذاتی) ناچیز تصور شده است. در صورتی که شمارش‌ها کم باشد یا حتی شمارش بالا بوده ولی واریانس نمونه‌برداری فرعی کم باشد، این شرایط برقرار نیست. بهمین دلیل رویکرد کلی نگر اصلاح نشده برای آب، روش‌های MPN و شمارش در سطح کم در کل مناسب نیست و اصلاح رویکرد اصلی پیشنهاد شده است.

اصلاحات پیشنهادی در محاسبات به این صورت است که بخش‌های پایدارتر یعنی واریانس عملیاتی توسط عمل ریاضی تفریق کردن (بنده ۲-۷) تخمین زده شود. به این ترتیب محدودیت مربوط به شمارش کم، اصلاح می‌شود. در رویکرد کلی نگر تا آنجا که ممکن است بهتر است از موارد شمارش کم و آزمون‌های تأییدی

جزئی اجتناب کرد، زیرا سبب افزایش بی دقتی در تخمین عدم قطعیت عملیاتی می شوند. اگر این امر غیرقابل اجتناب است اثر آن ها باستی با افزایش نمونه های در دست بررسی جبران شود.

۲-۷ ارزیابی

متغیری که در ابتدا تعیین می شود، عدم قطعیت استاندارد مرکب است. اگر عملیات تحت شرایط تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی صورت گرفته باشد می توان آن را عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی، $S_{R'}$ (در مقیاس لگاریتم اعشاری) نام گذاری کرد. جزئیات طراحی و اجرای این آزمایشات در پیوست -ج بیان شده است.

بعد از تبدیل $S_{R'}$ به مقیاس لگاریتم طبیعی با فرمول $u_{R',rel} = 2/3 \cdot 3^{S_{R'}}$ و با عمل تفریق مقدار واریانس ذاتی (عدم قطعیت توزیع) $u_{o,rel}^2$ از واریانس تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی $u_{d,rel}^2$ ، واریانس عملیاتی نسبی تخمین زده می شود (پیوست ب-۹) :

$$u_{o,rel}^2 = u_{R',rel}^2 - u_{d,rel}^2 \quad (3)$$

که در آن :

$u_{d,rel}$ تخمین عدم قطعیت توزیع استاندارد نسبی
 $u_{R',rel}$ عدم قطعیت تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی استاندارد نسبی است.
 در شمارش کلی معمولًا فرض بر این است که توزیع پواسون یک مدل موجه ای برای بیان واریانس توزیع شمارش نهایی است.

یادآوری ۱- در استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶ چنین ذکر شده است که عدم قطعیت های تجدیدپذیری استاندارد حاصل از روش های عملیات کنترل عملکرد بین آزمایشگاهی و آزمون های مهارت می تواند همان نقش S_R را ایفا نماید. متغیر مذکور که همان عدم قطعیت تجدیدپذیری بین آزمایشگاهی استاندارد است هیچ ارتباطی به هیچ کدام از نتایج آزمون آزمایشگاه های مشارکت کننده ندارد. در کتابنامه شماره ۱۲ مواردی از کاربرد داده های برنامه های بین آزمایشگاهی در ارزیابی عدم قطعیت پیشنهاد شده است.

بر طبق استاندارد ملی شماره ۹۶۰۶ ، تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی با مقیاس لگاریتم اعشاری محاسبه می شود. برای این منظور ابتدا مقدار $s_{R'}^2$ محاسبه شده و سپس طبق فرمول زیر به لگاریتم طبیعی تبدیل می شود : $u_{R',rel}^2 = 5/3 \cdot 19 \times s_{R'}^2$
 برای اطلاع بیشتر به پیوست س-ب مراجعه کنید.

محاسبات بدون لگاریتم گیری نیز امکان پذیر است (پیوست -خ).

در کل رویکرد کلی نگر برای هر نوع شمارش میکروبیولوژی امکان پذیر است. اگرچه در مورد تخمین عدم قطعیت توزیع از شفافیت برخوردار نیست. بنابراین توصیه می شود در مواردی که عدم قطعیت توزیع سهم زیادی از عدم قطعیت کل را در رویکرد کلی نگر به خود اختصاص می دهد از کاربرد این رویکرد اجتناب شود.

در کل شمارش‌های کم، شمارش‌های MPN و شمارش‌های ناشی از آزمون‌های تأییدی جزئی از جمله این موارد هستند. استفاده از عامل ریاضی تفریق در پیوست - ج تشریح شده است.

یادآوری ۲- اگر تعداد قابل ملاحظه‌ای از مجموعه تکرار آزمون‌ها با یک رقت موجود، همه محدوده شمارش کلنی‌ها را پوشش دهد می‌توان از رویکرد رگرسیون استفاده کرد (كتابنامه شماره ۴).

تخمین واریانس عملیاتی نسبی، K از روی شب خطرگرسیون در نمودار رسم شده، بر حسب نسبت واریانس به میانگین برای میانگین تعداد کلنی‌ها، n_C توسط فرمول شماره ۴ بدست می‌آید :

$$K = a + u_{o,rel}^2 \bar{n}_C \quad (4)$$

که در آن $u_{o,rel}^2$ تخمین واریانس عملیاتی نسبی است.
مزیت رویکرد رگرسیون این است که اگر توزیع تعداد نهایی کلنی‌ها بعد از گرمخانه‌گذاری با توزیع پواسون هم‌خوانی نداشته باشد، نگران‌کننده نیست. تخمین $u_{o,rel}^2$ احتمالاً قابل استنادتر از مقدار به دست آمده با تفریق است.

۸ عدم قطعیت مرکب در نتایج آزمون

۱-۸ اصل اساسی

تغییرپذیری (عدم قطعیت مرکب) نتیجه نهایی، $u_{c,rel}(y)$ به وسیله ترکیب کردن تخمین تغییرپذیری عملیاتی با تغییرپذیری ذاتی که به مشاهده نتایج شمارش (شمارش کل، شمارش تایید شده‌ها، یا تخمین MPN) بستگی دارد و با فرمول شماره ۵ بدست می‌آید :

$$u_{c,rel}(y) = \sqrt{u_{o,rel}^2 + u_{d,rel}^2} \quad (5)$$

که در آن :
 $u_{o,rel}$ عدم قطعیت عملیاتی استاندارد نسبی تحت شرایط تجدیدپذیری میانی
 $u_{d,rel}$ عدم قطعیت استاندارد ذاتی نسبی نتیجه آزمون، است.
 این اصل برای هر دو رویکردهای کلی‌نگر و مولفه‌ای ثابت است. همچنان تغییرات ذاتی در هر دو حالت مشابه هستند. اختلاف، در متفاوت بودن نحوه تعیین تغییرپذیری عملیاتی در دو رویکرد می‌باشد. اختلاف دیگر آن است که در رویکرد کلی‌نگر، لگاریتم اعشاری مقیاس بهتری است ولی در رویکرد مولفه‌ای از لگاریتم طبیعی یا مقیاس بازه‌ای استفاده می‌شود.

۲-۸ تغییرپذیری عملیاتی

در رویکرد کلی‌نگر تنها عدم قطعیت عملیاتی به ازاء ترکیبی از ماتریکس و میکروب هدف تخمین زده می‌شود. زمانی که یک بار مقدار آن برای یک روش معین محاسبه شود، می‌توان آن مقدار را برای هر نمونه تحت آزمون دیگر تعمیم داد، مگر آن که در آینده تغییرات عمده‌ای در تجهیزات، کاربران یا روش آزمون پیش بیاید. برای تخمین عدم قطعیت عملیاتی به پیوست - ج مراجعه کنید.

جزییات روش‌های اجرایی برای تعیین تک‌تک مولفه‌ها در رویکرد مولفه‌ای در پیوست - ح و پیوست - ز و تخمین عدم قطعیت عملیاتی مرکب در پیوست چ ذکر شده‌اند.

۳-۸ تغییرپذیری ذاتی

برای اطلاع از مشروح توضیحات نحوه تعیین مولفه ذاتی برای شمارش‌های عادی به پیوست - پ، شمارش کلندی‌های تایید شده به پیوست - ث و سیستم‌های MPN به پیوست - ت مراجعه کنید.

۴-۸ عدم قطعیت مرکب

برای اطلاع از مولفه‌ها، عدم قطعیت مرکب و گسترده و موارد کاربرد عدم قطعیت اندازه‌گیری به پیوست - ژ مراجعه کنید.

۵-۸ حالت‌های بینابینی

زمانی که مولفه‌ای در عدم قطعیت مرکب غالب باشد، امکان حذف مولفه کوچک‌تر وجود دارد (بند ۳-۴-۲). این امر به ویژه در مواردی که تغییرپذیری عملیاتی مولفه معنی‌داری باشد، دارای اهمیت است. بنابراین، تغییرپذیری ذاتی را می‌توان نشان‌دهنده عدم قطعیت مرکب در نظر گرفت و نیازی به انجام هیچ‌گونه کار تجربی نخواهد بود. این تخمین‌ها از نتایج آزمون‌ها با فرض توزیع پواسون یا دیگر توزیع‌ها (در مورد MPN یا تایید جزئی کلندی‌ها) به‌دست می‌آید.

در آزمون ارگانیسم‌های شاخص در نمونه‌های آب به روش‌های سنتی شمارش کلندی یا سیستم MPN مشابه چنین حالات بینابینی برقرار می‌باشد (کتاب‌نامه شماره ۳). در بعضی مواد مایع یا پودری نیز بدون شک چنین حالتی وجود دارد به‌ویژه وقتی که شمارش کلندی‌ها اعداد کوچکی باشد.

پیوست الف
(اطلاعاتی)
نمادها و تعاریف

میانگین (میانگین حسابی)	μ
فاکتور رقت سریهای رقت	F
فاکتور رقت در یک مرحله رقت	f
نسبت واریانس به میانگین (نسبت Lexis)	K
فاکتور پوشش	k
تعداد شمارش شده	L
تعداد تکرار مشاهدات، تعداد موضوع شناسایی	n
تعداد لولهای مثبت	n_+
تعداد کلنی‌ها	n_c
تعداد کل قسمت‌ها	n_q
تعداد انتخابی قسمت‌ها	n_s
شمارش، تعداد ورودی‌های ناپیوسته (سلول‌ها، کلنی‌ها، لولهای مثبت و غیره)	n_z
عدم قطعیت استاندارد آزمون براساس سری مشاهدات	s
عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری تجربی	s_R
عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی	$s_{R'}$
حدود پایین‌تر تخمین بازه‌ای	T_0
حدود بالاتر تخمین بازه‌ای	T_1
عدم قطعیت گسترده	U
$U_{\text{rel}} = ku_{c,\text{rel}}(y)$ عدم قطعیت استاندارد نسبی گسترده	U_{rel}
عدم قطعیت استاندارد	u
عدم قطعیت استاندارد مرکب	u_c
$u_{c,\text{rel}}(y)$ عدم قطعیت استاندارد مرکب نسبی	
عدم قطعیت توزیع نسبی	$u_{d,\text{rel}}$
عدم قطعیت استاندارد مولفه‌ای عملیاتی نسبی، پراکندگی بالا	$u_{o,\text{rel}}$
$u_{\text{rel}} = s/\bar{x} = u/\mu$ عدم قطعیت استاندارد نسبی	u_{rel}
واریانس نسبی، مربع عدم قطعیت استاندارد نسبی	u^2_{rel}
عدم قطعیت استاندارد نسبی تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی	$u_{R',\text{rel}}$
حجم	V
یک کمیت ورودی، یک مقدار اندازه‌گیری شده، شمارش کلنی تأیید شده	x

یک کمیت خروجی، نتیجهنهایی آزمون y

پیوست ب

(الزامی)

قواعد کلی ترکیب کردن مولفه‌های عدم قطعیت

ب-۱ کلیات

مفهوم غامض "قانون تعیین عدم قطعیت" بیان شده در کتابنامه شماره ۷، با ورود کوواریانس پیچیده‌تر می‌شود. تا هنگامی که مولفه‌های عدم قطعیت غیروابسته به یکدیگر هستند (از لحاظ آماری گسترش)، کوواریانس‌ها در حد صفر می‌باشند و محاسبات ساده‌تر است. بیشترین مولفه‌های عدم قطعیت در روش‌های آزمون میکروبیولوژی را می‌توان غیروابسته یا با وابستگی ضعیف قلمداد کرد و ساده‌سازی مسأله، قابل پذیرش است. عدم قطعیت مرکب مولفه‌های غیر وابسته از مجموع ریشه دوم مثبت واریانس‌های هریک از عدم قطعیت‌های تک‌تک مولفه‌ها به دست می‌آید. کمیتی که به آن مجموع ریشه توان دوم‌ها می‌گویند. عدم قطعیت مجموع‌ها و تفیق‌ها با همدیگر در یک مقیاس بازه‌ای و حاصل ضرب و حاصل تقسیم آن‌ها در مقیاس اندازه‌گیری نسبی (یا لگاریتم طبیعی) جمع می‌شود.

تخمین عدم قطعیت در برخی اوقات نیازمند حاصل جمع و حاصل ضرب است. به منظور کاستن از امکان بروز پیچیدگی هنگام کار با این دو مقیاس اندازه‌گیری، از علائم مختلف u و u_{rel} برای عدم قطعیت استفاده می‌شود. ارتباط میان نماد مطلق، u و نماد نسبی، u_{rel} به صورت عدم قطعیت $X = u_{\text{rel},X}$ است که X مقدار اندازه‌گیری شده (یا میانگین) کمیت است. علاوه بر این از علامت δ برای اشاره به عدم قطعیت استاندارد تجربی به دست آمده براساس یکسری از نتایج استفاده می‌شود.

برای دانستن نوع مقیاس اندازه‌گیری به کارگرفته شده، ارتباط ریاضی نتایج آزمون با مقادیر کمی ورودی باید به صورت معادلات ریاضی بیان شود.

ب-۲ قوائد اساسی برای ترکیب کردن دو مولفه غیر وابسته عدم قطعیت

فرض کنید که مقادیر دو کمیت غیر وابسته A و B و عدم قطعیت‌های استاندارد u_A و u_B یا عدم قطعیت استاندارد نسبی $u_{\text{rel},A}$ و $u_{\text{rel},B}$ آن‌ها معلوم است.

عدم قطعیت مرکب کمیت‌ها با معادلات جبری پایه $A - B$, $A + B$ و A/B به نحوی که در ادامه شرح داده شده است قابل محاسبه است.

ب-۳ عدم قطعیت استاندارد مجموع، $A + B$

$$u_{A+B} = \sqrt{u_A^2 + u_B^2} \quad (ب-۱)$$

عدم قطعیت استاندارد نسبی مجموع

$$u_{\text{rel},A+B} = \frac{u_A + B}{A + B} \quad (ب-۲)$$

ب-۴ عدم قطعیت استاندارد تفاضل، $A - B$

عدم قطعیت استاندارد تفاضل مشابه مجموع است

$$u_{A-B} = \sqrt{u_A^2 + u_B^2} \quad (b-3)$$

اما عدم قطعیت استاندارد نسبی متفاوت است

$$u_{rel,A-B} = \frac{u_{A-B}}{A-B} \quad (b-4)$$

ب-۵ عدم قطعیت استاندارد حاصل ضرب ، AB

$$u_{AB} = AB \sqrt{\frac{u_A^2}{A^2} + \frac{u_B^2}{B^2}} = AB \sqrt{u_{rel,A}^2 + u_{rel,B}^2} \quad (b-5)$$

عدم قطعیت استاندارد نسبی

$$u_{rel,AB} = \frac{u_{AB}}{AB} = \sqrt{u_{rel,A}^2 + u_{rel,B}^2} \quad (b-6)$$

ب-۶ عدم قطعیت استاندارد تقسیم ، A/B

$$u_{A/B} = \frac{A}{B} \sqrt{\frac{u_A^2}{A^2} + \frac{u_B^2}{B^2}} = \frac{A}{B} \sqrt{u_{rel,A}^2 + u_{rel,B}^2} \quad (b-7)$$

عدم قطعیت استاندارد نسبی تقسیم مشابه حاصل ضرب است

$$u_{rel,A/B} = \frac{u_{A/B}}{A/B} = \sqrt{u_{rel,A}^2 + u_{rel,B}^2} \quad (b-8)$$

ب-۷ بسط معادله‌ها به بیش از دو مولفه

عدم قطعیت مجموع و یا تفاضل بیش از دو مولفه با بسطدادن فرمول‌های ب-۳ و ب-۴ به دست می‌آید.

به عنوان مثال برای مجموع $y = A + B - C$ عدم قطعیت ترکیب شده به صورت زیر است.

$$u_c(y) = \sqrt{u_A^2 + u_B^2 + u_C^2} \quad (b-9)$$

برای حاصل ضرب و تقسیم قانون حاصل از (ب-۵) و (ب-۶) به کار می‌آید. مولفه منفرد به صورت عدم

قطعیت نسبی عنوان می‌شود. به عنوان مثال، عدم قطعیت نسبی ترکیب شده حاصل ضرب $y = AB/C$

به صورت فرمول (ب-۱۰) است.

$$u_{c,rel} = \sqrt{u_{rel,A}^2 + u_{rel,B}^2 + u_{rel,C}^2} \quad (b-10)$$

زمانی که محاسبه شامل مجموع و حاصل ضرب است باید در ابتدای عملیات موازن بود که از مقیاس درست استفاده شود.

ب-۸ محاسبه متغیرهای وابسته

زمانی که دو متغیر به هم وابسته باشند مقدار عدم قطعیت مرکب آن با متغیرهای غیروابسته تفاوت دارد. مطابق فرمول کلی ب - ۱۱ همبستگی مثبت عدم قطعیت افزایش یافته و همبستگی منفی آن کاهش می‌یابد.

$$u_{A+B} = \sqrt{u_A^2 + u_B^2 + 2r_{cc}u_Au_B} \quad (b-11)$$

که در آن u_A و u_B به ترتیب عدم قطعیت‌های A و B و r_{cc} ضریب همبستگی بین عدم قطعیت‌ها هستند. در نتایج آزمون میکروبیولوژی همیشه اطلاعات مربوط به همبستگی (یا کوواریانس) دو کمیت تاثیرگذار در دسترس قرار ندارد.

ب-۹ تبدیل‌های ریاضی

در میکروبیولوژی معمول است که نتایج آزمون‌ها یا شمارش‌ها قبل از محاسبات ریاضی به لگاریتم تبدیل شوند. بخش قابل توجهی از اطلاعات علمی مربوط به دقت نتایج آزمون‌های میکروبیولوژی معمولاً در مقیاس لگاریتم اعشاری گزارش می‌شود. در میکروبیولوژی آب معمولاً از لگاریتم استفاده نمی‌شود. عدم قطعیت‌های استاندارد، در مقیاس بازه‌ای یا نسبی و در صورت امکان به صورت درصد بیان می‌شود. عدم قطعیت نسبی یک کمیت، تقریباً معادل با عدم قطعیت مطلق آن در لگاریتم طبیعی است. بنابراین پیش از محاسبه عدم قطعیت، استفاده از لگاریتم طبیعی یکی از راههای تبدیل نتایج به مقیاس نسبی آن است،

$$u_{rel}(y) \approx u(\ln y)$$

چنین نتیجه مشابهی از رابطه $y = u(y)/u_{rel}(y)$ نیز به دست می‌آید. اگرچه تخمین‌های محاسبه شده در مقیاس بازه‌ای معمولاً به صورت دقیق شبیه به محاسبات با استفاده از لگاریتم‌های طبیعی نیستند ولی تفاوت قابل توجهی ندارند.

اغلب هنگام محاسبه و ترکیب کردن مولفه‌های عدم قطعیت تبدیل یک مقیاس به مقیاس دیگر ضروری است. تبدیل کردن از لگاریتم اعشاری به طبیعی (پایه e) با ضریب تبدیل امکان‌پذیر است. مقدار این ضریب ۲.۳۰۲۵۹ است ولی برای مقاصد تجربی از تقریب $2^{30} \approx 2,300,000$ استفاده می‌شود. ضریب تبدیل لگاریتم طبیعی به لگاریتم اعشاری $2.30259 = 0.4343$ است.

برای تبدیل واریانس‌ها از یک لگاریتم به لگاریتم دیگر، از توان دوم ضریب تبدیل استفاده می‌شود. تبدیل اعشاری به لگاریتم طبیعی برابر است با $5.3019 = (2.30259)^2$ ، تبدیل طبیعی به لگاریتم اعشاری برابر است با $0.1886 = (0.4343)^2$.

ب-۱۰ محاسبه واریانس نسبی

فراوان‌ترین عملیات ریاضی مورد استفاده در این استاندارد برای تخمین عدم قطعیت‌ها، محاسبه واریانس نسبی بین دو مقدار (x_1 و x_2) است. مقادیر محاسبه شده در مقیاس‌های متفاوت در ادامه بیان شده‌اند. معادله استاندارد عبارت است از :

$$s^2 = \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n-1}$$

وقتی $n = 2$ باشد، واریانس می‌شود :

$$s^2 = \frac{(x_1 - x_2)^2}{2}$$

و واریانس نسبی برابر است با :

$$u_{\text{rel}}^2 = \frac{s^2}{\bar{x}^2}$$

میانگین برابر است با $\frac{2}{(x_1 + x_2)}$ ، و واریانس نسبی در مقیاس بازه‌ای به صورت زیر است :

$$(b-12) \quad u_{\text{rel}}^2 = 2 \times \left(\frac{x_1 - x_2}{x_1 + x_2} \right)^2$$

با گرفتن میانگین لگاریتمی به مقیاس نسبی تبدیل می‌شود. از این پس واریانس نسبی با استفاده از لگاریتم طبیعی به دست می‌آید :

$$(b-13) \quad u_{\text{rel}}^2 = \frac{(\ln x_1 - \ln x_2)^2}{2}$$

با استفاده از لگاریتم اعشاری :

$$(b-14) \quad s^2 = \frac{(\lg x_1 - \lg x_2)^2}{2}$$

نماد s از کتابنامه شماره ۱ در پیوست - الف و استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶ آمده است تبدیل s^2 و u_{rel}^2 به یکدیگر با استفاده از رابطه زیر امکان‌پذیر است:

$$u_{\text{rel}}^2 (2.303)^2 = 5.302 s^2$$

ب-۱۱ مثال

زمانی که شمارش در بیش از یک پلیت انجام می‌شود، غلظت میکروبی سوسپانسیون نهایی با تقسیم مجموع کلندی‌های شمارش شده بر مجموع حجم آزمونهای به دست می‌آید.

$$(b-15) \quad y = \frac{\sum n_c}{\sum V}$$

به منظور تخمین عدم قطعیت نتیجه y ، عدم قطعیت‌های استاندارد دو جمع $\sum n_c$ و $\sum V$ مورد نیاز هستند. نحوه محاسبه آن‌ها در (ب-۱) بیان شده است.

تخمین y نتیجه عمل تقسیم است. عدم قطعیت آن از روی عدم قطعیت‌های استاندارد نسبی $\sum n_c$ و $\sum V$ طبق روش ارائه شده در (ب-۶) به دست می‌آید.

فرض کنید نتیجه شمارش دو پلیت موازی تلقیح شده با 10 ml از سوسپانسیون نهایی برابر $n_{c1} = 45$ و $n_{c2} = 35$ می‌باشد. نتیجه کالیبراسیون نشان می‌دهد که عدم قطعیت استاندارد نسبی اندازه‌گیری 0.1 ml است.

با پذیرش توزیع پواسون در سوسپانسیون نهایی، هر شمارش کلندی همزمان، تخمینی از میانگین و واریانس جمعیت میکروبی است (در توزیع پواسون واریانس و میانگین با یکدیگر برابرند). بنابراین، عدم قطعیت استاندارد جمع برابر است با :

$$(b-16) \quad u_{\text{rel}, \sum n_c} = n_{c1} + n_{c2} = \sum n_c = 80$$

$$u_{\sum n_c} = \sqrt{n_{c1} + n_{c2}} = \sqrt{\sum n_c} = \sqrt{45 + 35} = \sqrt{80}$$

عدم قطعیت نسبی جمع به صورت زیر است :

$$u_{\text{rel},\Sigma nc} = \frac{\sqrt{\sum nc}}{\sum nc} = \frac{1}{\sqrt{\sum nc}} = \frac{1}{\sqrt{80}} = 0.1118 = 11.2 \% \quad (\text{ب-17})$$

به منظور محاسبه عدم قطعیت استاندارد مجموع آزمونه‌ها، عدم قطعیت ml باستی به صورت میلی‌لیتر بیان شود. $\% 3$ از ml برابر ml است. مقدار عدم قطعیت ml از رابطه زیر به دست می‌آید.

$$u_{\Sigma V} = \sqrt{0.003^2 + 0.003^2} = 0.0042 \text{ ml} \quad (\text{ب-18})$$

و بنا بر این عدم قطعیت نسبی $\sum_V u_{\text{rel}} = 0.0042 \text{ ml}/0.2 \text{ ml} = 0.021 (2.1 \%)$ برابر است با (ب-19) . با داشتن مقدار عدم قطعیت استاندارد نسبی در مجموع شمارش‌ها و عدم قطعیت استاندارد مجموع آزمونه‌ها (ب-20)، می‌توان عدم قطعیت استاندارد نسبی تقسیم آن‌ها را به کمک فرمول ب-6 محاسبه نمود.

$$u_{\text{rel},y} = \sqrt{0.112^2 + 0.021^2} = 0.114 = 11.4 \% \quad (\text{ب-19})$$

پیوست پ

(الزامی)

تغییرپذیری ذاتی - عدم قطعیت توزیع نسبی شمارش کلنی‌ها

پ-۱ کلیات

برای تحت پوشش قراردادن تعداد ذرات در نمونه‌های فرعی توسط توزیع پواسون می‌توان فرض کرد که سوسپانسیون نهایی به اندازه کافی مخلوط و یکنواخت شده است. تغییرپذیری ذاتی غیر قابل اجتناب که همچنین می‌توان آن را عدم قطعیت توزیع نامید بستگی به میانگین تعداد ذرات یا کلنی‌های شمارش شده در آزمونه‌های کشت داده شده دارد. در ادامه مباحث فرض می‌شود که هر تعداد n_c ذرات زنده (واحدهای تشکیل‌دهنده کلنی) کشت داده شده در پلیت، به همان تعداد n_c کلنی‌های قابل مشاهده در پلیت نتیجه می‌دهد.

پ-۲ عدم قطعیت نسبی یک شمارش کلنی منفرد

در یک سوسپانسیون ایده‌آل به خوبی مخلوط شده، میانگین و واریانس تعداد ذرات با هم برابرند. این قاعده در توزیع‌هایی کاربرد دارد که آزمایه یک بخش کوچکی از حجم کل را تشکیل می‌دهد. به دلیل مساوی بودن میانگین و واریانس توزیع "پواسون نامحدود"، واریانس نسبی یک شمارش کلنی n_c از فرمول پ-۱ به دست می‌آید.

$$u_{d,rel}^2 = \frac{1}{n_c} \quad (پ-۱)$$

با تبدیل آن به مقیاس لگاریتم اعشاری به صورت زیر در می‌آید :

$$u_{d(lg)}^2 = 0.1886 \times u_{d,rel}^2 = \frac{0.1886}{n_c}$$

مثال: فرض کنید $n_c = 36$ کلنی قابل مشاهده در یک پلیت باشد.

براساس فرمول پ-۱، واریانس توزیع نسبی به صورت زیر محاسبه می‌شود :

$$u_{d,rel}^2 = \frac{1}{36} = 0.0278 \quad (پ-۲)$$

مقدار تبدیل شده به لگاریتم اعشاری آن معادل $0.00052 = 0.0278 \times 0.1886$ است .

چنانچه آزمونه بخش بزرگی (بیش از ۵٪ تا ۱۰٪) از نمونه‌های آزمایشگاهی (غیر از بخش رقت نهایی) باشد، واریانس توزیع نسبی بایستی در فاکتور تصحیح محدود نمونه همانند فرمول پ-۳ ضرب شود (کتابنامه شماره ۱۵).

$$u_{d,rel}^2 = \frac{1}{n_c} \left(\frac{V - V_{tp}}{V} \right) \quad (پ-۳)$$

که در آن :

تعداد کلنی‌های مشاهده شده؛	n_c
حجم آزمونه بر حسب نمونه آزمایشگاهی؛	V_{tp}
حجم نمونه آزمایشگاهی است.	V

در نمونه‌های آب و روش‌های فیلتراسیون غشایی، استفاده از حجم‌های بزرگ نمونه فرعی عادی و معمول است.

یادآوری- برخی اوقات کل نمونه آزمایشگاهی در آزمون مصرف می‌شود ($V_{tp} = V$). در چنین حالاتی ضریب اصلاح نمونه محدود، صفر شده و از لحاظ نظری واریانس توزیع وجود ندارد.

پ-۳ عدم قطعیت نسبی مجموع شمارش‌ها

زمانی که چند آزمونه (مانند پلیت‌های موازی) از سوسپانسیون نهایی یکسانی مشتق شوند، تخمین کمی چگالی باکتریایی با تقسیم مجموع همه کلنی‌ها بر مجموع حجم آزمونه‌ها محاسبه می‌شود. به دلیل اضافه شدن توزیع پواسون، تغییرپذیری ذاتی به صورت معکوس متناسب با مجموع شمارش‌ها است. واریانس نسبی توزیع فرمول پ-۴ به دست می‌آید.

$$u^2_{d,rel} = \frac{1}{\sum n_{ci}} \quad (پ-۴)$$

که $\sum n_{ci}$ مجموع تعداد کلنی‌های مشاهده شده است. مجموع حجم آزمونه‌ها می‌تواند بخش بزرگی از نمونه آزمایشگاهی باشد. بهتر است ضریب تصحیح نمونه محدود بر $u^2_{d,rel}$ تاثیر داده شود (کتابنامه شماره ۱۴). در این حالت فاکتور تصحیح برابر است با :

$$u^2_{d,rel} = \frac{1}{\sum n_{ci}} \left(\frac{V - \sum V_{tp}}{V} \right) \quad (پ-۵)$$

که $\sum V_{tp}$ مجموع حجم آزمونه‌ها بر حسب نمونه آزمایشگاهی است.

مثال- شمارش‌های انجام شده از چهار پلیت به صورت دو تابعی از دو رقت متواالی به دست آمده است. حجم آزمونه تلقیح شده در هر پلیت ml ۱ است. حجم کل رقت نهایی ml ۱۰۰ می‌باشد و تصحیح نمونه محدود لازم نیست.

مجموع	شمارش	رقت
۳۴۱	۱۸۵/۱۵۶	۱۰ ^{-۴}
۳۹	۱۷۲۲	۱۰ ^{-۵}
۳۸۰		= n_c جمع کل

واریانس توزیع پواسون نسبی $u^2_{d,rel} = \frac{1}{380} = 0.0026$ است. و مقدار آن در مقیاس لگاریتم اعشاری معادل با $0.1886 \times 0.0026 = 0.00049$ است.

پیوست ت

(الزامی)

تغییرپذیری ذاتی تخمین‌های MPN

ت-۱ کلیات

حتی اگر بپذیریم که توزیع پواسون در همه سوسپانسیون‌های روش MPN غالب می‌باشد، به دلیل اضافه شدن عنصر احتمال دو جمله‌ای، تغییرپذیری ذاتی مقدار MPN افزایش پیدا می‌کند.

جدول‌های معمول MPN مستقیماً قادر به تخمین عدم قطعیت نیستند. این جداول معمولاً تخمین‌هایی از حدود بالاتر و پایین‌تر از ۹۵٪ اطمینان را ارائه می‌نمایند که از روی آن‌ها می‌توان عدم قطعیت را محاسبه کرد. برخی از برنامه‌های کامپیوتری می‌توانند علاوه بر حدود اطمینان ۹۵٪، عدم قطعیت استاندارد MPN را نیز بر حسب لگاریتم اعشاری به دست آورند. این مقدار با ضرب در $2/303$ (پیوست ب) تبدیل به تخمین عدم قطعیت استاندارد نسبی، u_{rel} می‌شود.

برای روش‌های MPN تکرقتی بدون کمک گرفتن از برنامه‌های کامپیوتری امکان محاسبه عدم قطعیت توسط معادله ارائه شده در کتابنامه شماره (۱۷) وجود دارد.

ت-۲ محاسبه عدم قطعیت از روی حدود اطمینان

مقدار عدم قطعیت توزیع نسبی را می‌توان توسط سطح بالاتر، T_1 و پایین‌تر، T_0 حدود اطمینان به کمک فرمول ت-۱ محاسبه کرد.

$$u^2_{d,rel} = \frac{\ln T_1 - \ln T_0}{2 \times 1.96} = \frac{\ln T_1 - \ln T_0}{3.92} \quad (ت-1)$$

فرمول تعیین عدم قطعیت استاندارد در مقیاس لگاریتم اعشاری به صورت زیر است :

$$u_{d(lg)} = \frac{\lg T_1 - \lg T_0}{3.92} \quad (ت-2)$$

که در آن :

$$\begin{aligned} u^2_{d,rel}, u^2_{d(lg)} & \text{ به ترتیب ریشه دوم واریانس‌های مورد جستجوی } u_{d,rel}, u_{d(lg)} \\ & \text{ محدوده پایین‌تر حدود اطمینان } T_0 \text{ می‌باشند} \\ & \text{ محدوده بالاتر حدود اطمینان } T_1 \text{ است.} \end{aligned}$$

ت-۳ محاسبه توسط فرمول در حالت تکرقتی

در این حالت از فرمولی که منطبق با کتابنامه شماره ۱۷ است، برای محاسبه عدم قطعیت استاندارد تخمین لگاریتمی MPN استفاده می‌شود :

$$u(\ln M) = \frac{1 - \exp(-MV)}{MV\sqrt{n + \exp(-MV)}} \quad (\text{ت-۳})$$

که در آن :

$$\begin{aligned} M & \text{ مقدار MPN به ازاء هر میلی لیتر;} \\ V & \text{ حجم نمونه در هر لوله بر حسب میلی لیتر;} \\ n_+ & \text{ تعداد لوله‌های مثبت است.} \end{aligned}$$

اگر علامت بیشترین احتمال، M با فرمول آن در محاسبه بیشترین تعداد احتمالی جایگزین شود، محاسبات ساده‌تر می‌شوند:

$$u(\ln M) = \frac{n_+}{\ln[n/n-n_+] \sqrt{nn_+(n-n_+)}} \quad (\text{ت-۴})$$

که در آن :

n تعداد کل لوله‌ها;

$$u_{d,\text{rel}} = u(\ln M) \quad \text{عدم قطعیت توزیع نسبی است.}$$

اگر عدم قطعیت در لگاریتم اعشاری مورد نیاز باشد می‌تواند به صورت زیر به دست آید:

$$u_{d(lg)} = \frac{u(\ln M)}{2.303} = 0.4343 u(\ln M)$$

ت-۴ مثال

ت-۴-۱ مقدمه

فرض کنید سیستم MPN، یک سیستم تجاری تکررتی و ۵۰ چاهکی باشد. ml ۱۰۰ از نمونه کشت داده شده است و در ۲۳ چاهک بعد از انکوباسیون حالت مثبت دیده شود. با مراجعه به جدول MPN مرتبط اطلاعات زیر به دست می‌آید :

لولهای مثبت	MPN / ۱۰۰ ml	حد پایین تراطمینان٪	حد بالاتر اطمینان٪
۲۳	۳۱	۲۰	۴۷

ت-۴-۲ محاسبه با فرمول

برای به کارگیری فرمول ت-۴ داده‌های ورودی لازم عبارتند از :

$$u(\ln M) = \frac{23}{\ln[50/(50-23)]\sqrt{50\times(50-23)}} = 0.2118 \approx 0.21 \quad (\text{ت-۵})$$

ت-۴-۳ محاسبه از روی حدود اطمینان

تخمین عدم قطعیت توزیع نسبی از روی حدود اطمینان به صورت زیر است:

$$u_{d,\text{rel}} = \frac{\ln 47 - \ln 20}{3.92} = 0.218 \approx 0.22$$

خروجی حاصل از برنامه کامپیوتری (کتاب‌نامه شماره ۱۸) در چنین حالتی برابر است با:

لولهای مثبت	MPN / ۱۰۰ ml	حد بالا تر اطمینان%	حد پایین تراطمینان%	انحراف استاندارد	lg(MPN)
۲۳	۳۰/۸	۲۰/۳	۴۶/۷	۰/۰۹۱۹۹	۰/۰۹۱۹۹

از این اعداد داریم:

$$u_{d,rel} = \frac{\ln 46.7 - \ln 20.3}{3.92} = 0.2125 \approx 0.21$$

با تبدیل عدم قطعیت استاندارد در مقیاس لگاریتم اعشاری MPN به لگاریتم طبیعی مقادیر مشابهی به دست می‌آید :

$$2.303 \times 0.09199 = 0.2119 \approx 0.21$$

یادآوری - واریانس نسبی نظری توزیع پواسون با میانگین $30.8 = 0.0325$ عبارت است از، که ریشه دوم آن $\sqrt{30.8} = 5.55$ می‌باشد. مقایسه آن با مقادیر 0.21 ... 0.22 ... 0.23 محاسبه شده در بندهای ت-۴-۲ و ت-۳-۴ نشان می‌دهد که توزیع پواسون همیشه یک مدل مناسبی برای تعیین مقادیر عدم قطعیت در روش MPN نیست.

پیوست ث

(الزامی)

تغییرپذیری ذاتی (عدم قطعیت استاندارد) در شمارش‌های تأییدی

ث-۱ کلیات

برخی از روش‌های آزمون انتخابی، به صورت مطلوب اختصاصی نیستند. زمانی که اعلام نتیجه از وضوح و صراحت برخوردار نیست (کمتر از٪۸۰)، نتایج احتمالی باید با آزمون‌های دیگر تایید شود. در روش کنترل عملکرد و مطالعات مشترک بین آزمایشگاهی، تأیید تک‌تک کلندی‌ها ممکن است الزامی باشد. در کارهای روزمره و تکراری، آزمایشگاهها ترجیح می‌دهند که از تأیید جزئی یا خلاصه شده استفاده کنند که بر اساس آن تعداد کمی از کلندی‌های احتمالی به صورت تصادفی برای تأیید برداشته می‌شود.

فرض کنید تعداد n_z کلندی از کل n_c کلندی احتمالی، آزمون شده‌اند و تعداد n_k از آن‌ها دارای نتایج تأییدی مثبت است. از روی تعداد نسبی حاصل از رابطه n_z/n_k با ضرب در n_c تعداد کلندی‌های تأییدشده به دست می‌آید.

ث-۲ تأیید کل کلندی‌ها

در تأیید کل کلندی‌ها، تعداد کلندی‌های لازم برای تأیید مستقیماً به دست می‌آید:

$$x = \frac{n_k}{n_c} n_c = n_k$$

در این وضعیت، تغییرپذیری ذاتی (عدم قطعیت استاندارد) در شمارش تایید شده را می‌توان به صورت شمارش معمول کلندی‌ها با استفاده از تابع توزیع پواسون (ث-۱) برای جمعیت‌های نامحدود محاسبه کرد.

$$u_{\text{rel},x} = \sqrt{\frac{1}{n_k}} \quad (\text{ث-۱})$$

اگر آزمونه بخش معنی‌داری از نمونه‌ی آزمایشگاهی را تشکیل می‌دهد، می‌توان ضریب جمعیت‌های محدود را همانند روش بیان شده در پیوست پ در محاسبه وارد نمود.

ث-۳ تأیید جزئی از کلندی‌ها

ث-۳-۱ کلیات

وقتی که تعداد زیادی کلندی احتمالی وجود داشته باشد، پیشنهادات و عملیات متفاوتی برای انتخاب تصادفی زیرمجموعه n_z از مجموعه n_c ($n_z > n_c$) وجود دارد. در روش MPN در صورت امکان، تأیید جزئی انجام نمی‌شود.

ث-۳-۲ انتخاب تعداد ثابت یا نسبی

از معمول‌ترین روش‌های تأیید جزئی، انتخاب تصادفی تعداد n_z کلندی از پیش انتخاب شده برای آزمایش است (ث-۳-۲). انتخاب کردن یک بخش از کلندی‌ها یا ریشه دوم تعداد کلندی‌های احتمالی توصیه نمی‌شود.

نتیجه نهایی که تخمینی از کلندی‌های تأییدشده ارگانیسم هدف در هر پلیت، x می‌باشد، از فرمول ث-۲ به دست می‌آید:

$$x = \frac{n_k}{n_c} n_c \quad (\text{ث-۲})$$

که در آن :

تعداد کلندی‌های احتمالی	n_c
تعداد کلندی‌های برداشت شده جهت تأیید	n_z
تعداد تأیید شده مثبت است.	n_k

تعداد کلندی‌های احتمالی، n_c به غلظت احتمالی ارگانیسم هدف در نمونه‌های آزمایشگاهی بستگی دارد که با عدم قطعیت توزیع پواسون قابل توجیه است. نتیجه عملیات تأییدی، n_z/n_k که تخمینی از کلندی‌های مثبت است با عدم قطعیت توزیع دو جمله‌ای یا هندسی قابل توجیه می‌باشد. از مرکب کردن عدم قطعیت‌های مذکور، عدم قطعیت شمارش تأیید شده ارگانیسم هدف حاصل می‌شود.

فرمول ث-۳ نشان می‌دهد که واریانس نسبی توزیع پواسون شمارش احتمالی و واریانس نسبی دو جمله‌ای حاصل از آزمون تأییدی، با هم ادغام شده و عدم قطعیت استاندارد نسبی تقریبی در شمارش نهایی تخمین‌زده می‌شود.

$$u_{\text{rel},x} = \sqrt{\frac{1}{n_c} + \frac{n_z - n_k}{n_k n_z}} \quad (\text{ث-۳})$$

یادآوری - بیشتر نظریه‌های موشکافانه آماری در رابطه با تأیید جزئی، فرمول اصلاح شده‌ای را برای حالت توزیع دو جمله‌ای واریانس نسبی n_k/n_z ارائه داده‌اند (كتابنامه شماره ۱۳ و ۱۵). با این فرمول تخمین عدم قطعیت استاندارد نسبی کلندی‌های تأیید شده در بیشتر حالات تا اندازه‌ای کمتر از مقدار به دست آمده از فرمول ث-۳ خواهد شد.

$$u_{\text{rel},x} = \sqrt{\frac{1}{n_c} + \frac{(n_k + 0.5)(n_z - n_k + 0.5)n_z^2}{(n_z + 1)^2(n_z + 2)n_k^2}} \quad (\text{ث-۴})$$

ث-۳-۳ روش قطاعی تصادفی

در این روش تأییدی جایگزین، با تقسیم سطح پلیت به قطاع‌های مساوی، n_q از حجم کار کاسته می‌شود. همه کلندی‌های یک یا تعداد بیشتری از قطاع‌های انتخاب شده تصادفی در معرض آزمون تأییدی قرار می‌گیرند. تعداد قطاع‌ها، n_s به اندازه‌ای انتخاب می‌شود که میانگین تعداد کلندی‌های احتمالی در مجموع قطاع‌ها معنی‌دار باشد. لازم نیست که تعداد واقعی همه کلندی‌های احتمالی پلیت شمرده شود. اگرچه با غفلت از این عمل، عدم قطعیت شمارش‌های تأیید شده تا حدی افزایش می‌یابد.

توسط روش قطاعی تصادفی جایگزین، همه کلندی‌های یک آزمایه که در محدوده n_s/n_q آزمونه اصلی قراردارند، تأیید کامل می‌شوند. تعداد کل کلندی‌های برداشت شده (n_s) متفاوت است و از قبل نمی‌توان درباره آن تصمیم‌گیری کرد. آن را می‌توان یک نمونه تصادفی از سوسپانسیون نهایی مشابه همان n_c دانست، اما اصل آن آزمایه‌ای است که n_s/n_q بار کوچک‌تر از n_c است.

در نتیجه، تخمین شمارش نهایی ارگانیسم هدف به ازاء هر پلیت، x با استفاده از فرمول ث-۵ محاسبه می‌شود.

$$x = \frac{n_k}{(n_s V / n_q)} = \frac{n_k n_q}{n_s V} \quad (\text{ث-5})$$

که در آن :

$$\begin{aligned} n_q &= \text{تعداد قطاع‌های تقسیم شده سطح پلیت;} \\ n_s &= \text{تعداد قطاع‌های انتخاب شده;} \\ n_k &= \text{مجموع کلندی‌های تأیید شده در قطاع‌های } n_s \\ V &= \text{حجم آزمونه بر حسب میلی‌لیتر است.} \end{aligned}$$

فرمول محاسبه نتیجه نهایی شامل هیچ‌کدام از تعداد اولیه کلندی‌های احتمالی، n_c و تعداد جداسازی شده برای تأیید، n_z نیست. همه اطلاعات مرتبط با عدم قطعیت تخمینی در تعداد کلندی‌های تأیید شده، n_k وجوددارد. عدم قطعیت توزیع نسبی با روشی مشابه تأیید کامل (ث-۱) محاسبه می‌شود.

$$u_{\text{rel},x} = \sqrt{\frac{1}{n_k}} \quad (\text{ث-6})$$

که در آن، n_k تعداد کلندی‌های تأیید شده است.

اگر کاربر در دانستن تعداد کل کلندی‌های احتمالی، n_c و تعداد برداشت شده جهت تأیید، n_z دچار دردسر گردیده است، روش قطاعی تصادفی فقط با دانستن مقدار n_k انتخاب مناسبی است (بند ث-۳-۱). در حال عادی محاسبه تعداد تأیید شده نهایی با استفاده از همه اطلاعات و توسط فرمول $x = n_k n_c / n_z$ مناسب‌تر است. اطلاعات بیشتر، سبب تخمین عدم قطعیت کمتر می‌شود. در این خصوص فرمول‌های ث-۳ و ث-۴ را می‌توان به کار گرفت.

ث-۳-۴ اصلاح نمونه محدود

اگر آزمونه بیشتر از ۱۰٪ نمونه آزمایشگاهی را تشکیل می‌دهد، نتیجه تخمین $u^2_{\text{rel},x}$ را می‌توان در فاکتور اصلاح نمونه محدود ضرب کرد (بند پ-۲).

ث-۴ مثال

تعداد پنج کلندی، n_z به صورت تصادفی از کل $n_c = 50$ کلندی‌های احتمالی مشاهده شده انتخاب شد. چهار کلندی، n_k به صورت مثبت تأیید شدند. تخمین و شمارش نهایی $x = 50 (4/5) = 40$ انجام شد. عدم قطعیت توزیع نسبی در شمارش تاییدشده‌ها به صورت زیر است:

$$u_{\text{rel},x} = \sqrt{\frac{1}{50} + \frac{5-4}{4 \times 5}} = \sqrt{\frac{1}{50} + \frac{1}{20}} = \sqrt{0.02 + 0.05} = 0.26 \quad (\text{ث-7})$$

با استفاده از فرمول پیشرفته ث-۴، عدم قطعیت توزیع نسبی در شمارش تایید شده به صورت زیر است :

$$u_{\text{rel},x} = \sqrt{\frac{1}{50} + \frac{(4+0.5)(5-4+0.5) \times 5^2}{(5+1)^2(5+2) \times 4^2}} = \sqrt{\frac{1}{50} + \frac{168.75}{4032}} = \sqrt{0.02 + 0.0419} = 0.25$$

البته مقدار آن اندکی کمتر به دست می‌آید.
بیشترین سهم عدم قطعیت ۲۶٪ را عدم قطعیت تأیید تشکیل می‌دهد. اگر تک تک کلنی‌ها با نتایج $k = \sqrt{1/40} = 0.16$ تأیید شده بودند، عدم قطعیت تأیید آن صفر شده و عدم قطعیت نسبی نتایج خواهد بود.

پیوست ج

(الزامی)

رویکرد کلی نگر برای تعیین عدم قطعیت‌های عملیاتی و مرکب

ج-۱ گلیات

اصلی ترین ایده رویکرد کلی نگر در استاندارد ملی شماره ۹۶۰۶، تخمین عدم قطعیت نتایج نهایی آزمون با انجام دادن کل فرایند آزمون در دو تکرار می‌باشد. چندین نمونه مشابه مورد مطالعه و بررسی قرار می‌گیرند. برای به دست آوردن میانگین قابل اطمینان نتایج، بهتر است که حداقل ۳۰ نمونه در طول زمان بررسی شوند. اولین تخمین عدم قطعیت عملیاتی را بعد از بررسی ۱۰ نمونه می‌توان انجام داد. پروتکل آزمون و محاسبات برای دست‌یابی تدریجی به داده‌ها مناسب می‌باشد.

با جایگزینی درست کاربران، تجهیزات، و شرایط گرم‌خانه‌گذاری در روش کار اصلی می‌توان به تخمینی دست یافت که نمایان‌گر عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری درون‌آزمایشگاهی (تجهیزات + زمان + اپراتور متفاوت) باشد (کتابنامه شماره ۲). با یکبار تخمین عدم قطعیت، مقدار آن به عنوان یک تخمین معتبر برای همه آزمون‌های یک میکرووارگانیسم هدف در نوع خاصی از ماتریکس و با همان روش آزمون مورد پذیرش است. هنگامی که تغییری در عوامل مؤثر اتفاق بیافتد ارزیابی مجدد موردنیاز خواهد بود.

رویکرد کلی نگر اصلی دارای مشکلاتی در آزمون‌های میکروبیولوژی است، زیرا عدم قطعیت توزیع که از مولفه‌های غیر قابل اغماض واریانس است در این حالت مورد ارزیابی قرار نمی‌گیرد. در نتیجه طرح کلی نگر اصلی به‌طور کلی برای شمارش‌های کم به‌ویژه در روش‌های MPN و تأیید جزئی چندان مناسب نمی‌باشد.

مشکل کم بودن تعداد شمارش را می‌توان با اصلاح رویکرد کلی نگر حل کرد. مولفه پایدارتر عدم قطعیت عملیاتی از عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری هر نمونه در ضمن کار عملی استخراج می‌شود. به‌نظر می‌رسد که متوسط (ریشه دوم میانگین) عدم قطعیت عملیاتی محاسبه شده از چندین آزمایه تهیه شده از یک نوع نمونه مشابه، به اندازه کافی پایدار باشد که بتواند تجزیه و تحلیل‌های لازم را ارائه نماید. چون ارزیابی براساس تفرقیق است، این تخمین‌ها دقیق نیستند. در نتیجه مقادیر به دست آمده با شمارش‌های کم می‌توانند تا حد زیادی نادرست باشند. بنابراین توصیه شده است که از این رویکرد برای شمارش‌های کم، سیستم‌های MPN و شمارش‌های تاییدشده جزئی استفاده نشود. اگر تخمین عدم قطعیت عملیاتی در دسترس باشد، شمارش کم یا روش MPN مسائله‌ای نیستند. در استفاده روزمره از تخمین حاصل از رویکردهای مولفه‌ای و کلی نگر هیچ تفاوتی وجود ندارد. هر دو رویکرد در تأیید جزئی کلندی‌های احتمالی کاربرد دارند.

هر گاه در آینده عدم قطعیت استاندارد در نتایج آزمون مورد نیاز باشد، عدم قطعیت عملیاتی با عدم قطعیت توزیع مرتبط، u_d ترکیب شده طبق فرمول ج-۱ و به صورت عدم قطعیت مرکب به نتیجه آزمون، y نسبت‌داده می‌شود.

$$u^2_c(y) = u^2_0 + u^2_d \quad (ج-1)$$

که در آن :

- u_0 عدم قطعیت عملیاتی استاندارد؛
 u_d توزیع عدم قطعیت توزیع پذیرفته شده است.
 از تجربه کلی نگر یک تخمین منطقی و موجه از عدم قطعیت عملیاتی به دست می‌آید.

ج-۲ تفاهم‌نامه^۱ تجربی

طرح تعیین عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری در نتایج نهایی آزمون‌های میکروبیولوژی توسط رویکرد کلی نگر در استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶ تعیین شده است. این مدل مشابه با مدل‌های شیمی است. در میکروبیولوژی مرسوم است که محاسبات با استفاده از لگاریتم اعشاری انجام شود. به دلایل عملی و جهت ساده نمودن محاسبات، کار تجربی پیشنهادی فقط مرکب از دو آزمون مستقل در هر نمونه است. تعداد زیادی از نمونه‌های مشابه باستی مورد مطالعه قرار بگیرند. چالش موجود، برپایی نوعی شرایط تجربی است که تخمین حاصله بتواند از نقطه‌نظر لگاریتمی، عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی را مورد رسیدگی قرارداده باشد.

براساس استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶، شرایط آزمون در دو تکرار بهتر است تا حد امکان متفاوت بوده و به صورت ایده‌آل دربرگیرنده کلیه تفاوت‌هایی باشد که در روزهای مختلف از نظر کاربران، بهره‌های محیط کشت‌ها و محلول‌ها، تجهیزات و زمان آزمون در آزمایشگاه اتفاق می‌افتد. وجود تفاوت احتمالی بهتر است به این نحو تفسیر شود که "هر تعداد کمیت فنی تاثیرگذار" که امکان دارد. برای هر نمونه دو کاربر متفاوت، یک آزمونه (نمونه‌های فرعی از نمونه آزمایشگاهی یکسان) را برداشته و از آن یک سوسپانسیون اولیه تهیه می‌کنند و یکبار مورد آزمون قرار می‌دهند. لازم نیست که همین دو کاربر همه نمونه‌ها را آزمون کنند. بهتر است که دو کاربر از تجهیزات و مواد مختلف برای آزمون استفاده کنند.

با حداقل پنج مولفه عدم قطعیت عملیاتی، طراحی یک عملیات تجربی بر پایه دو تکرار، نمی‌تواند همه مولفه‌های متفاوت را در یک شرایط متعادل آماری دربر داشته باشد. تغییر کمیت‌های اثرگذار نظیر تجهیزات یکنواخت‌کردن سوسپانسیون اولیه، موقعیت درون گرمخانه و زمان گرمخانه‌گذاری، بهره‌های مختلف محیط‌های کشت مغذی و محلول‌ها را می‌توان تنها به صورت تقریبی با انتخاب‌هایی آرایش داد. با وجود این هیچ اطمینانی به دستیابی به شبیه‌سازی تغییر وجود ندارد. برای اطلاع بیشتر به پیوست - ز مراجعه شود.

ج-۳ محاسبات

ج-۳-۱ عدم قطعیت استاندارد تجدیدپذیری مرکب

در این پیوست محاسبات در مقیاس لگاریتم اعشاری صورت می‌گیرد. برای هر نمونه، دو نتیجه آزمایش به دست می‌آید. یعنی به ازاء هر کاربر، یک نتیجه. واریانس تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی را می‌توان از روی نتایج حاصل، محاسبه و تخمین‌زد. محاسبات در مقیاس لگاریتمی، این اطمینان را می‌دهند که مقدار

1 Protocol

پارامترها به غلظت ارگانیسم هدف (رقت‌ها) حساس نیستند. علاوه بر این می‌توان آنرا از روی شمارش‌های اصلی محاسبه کرد.

مقیاس لگاریتم اعشاری نوعی مقیاس نسبی است. با این وجود در این پیوست از زیرنویس^۱ "rel" در ارتباط با تخمین عدم قطعیت استفاده نمی‌شود. این امر به منظور جلوگیری از سردرگمی با بخش‌های دیگر این استاندارد است، زیرا زیرنویس "rel" نشان‌دهنده انحراف استانداردها در مقیاس لگاریتم طبیعی است. برای تغییر نتایج نهایی از مقیاس لگاریتم اعشاری به عدم قطعیت استاندارد نسبی، امکان تبدیل آن به لگاریتم طبیعی وجود دارد. برای این منظور به مثال ج-۵-۱ و ج-۵-۲ مراجعه کنید.

از روی نتایج تجارت کلی نگر پایه و با استفاده از فرمول ج-۲ می‌توان عدم قطعیت تجدیدپذیری استاندارد را برای هر مثال، محاسبه کرد:

$$u_{\text{R}}^2 = \frac{(lgn_{c1} - lgn_{c2})^2}{2} \quad (\text{ج-۲})$$

که در آن :

n_{c1} تعداد کلنی‌ها در اولین تکرار؛

n_{c2} تعداد کلنی‌ها در دومین تکرار، است.

پارامترهای تعیین‌شده برای هر نمونه به عنوان تخمین واریانس تجدیدپذیری استاندارد نسبی پذیرفته می‌شود. برای استفاده در محاسبات آتی، همچنان که در مثال زیر آمده است موازن باشد که عدم قطعیت‌های مرتبط (عملیاتی، توزیعی و مرکب) را در مقیاس لگاریتمی مشابه بیان کنید.

ج-۳ عدم قطعیت توزیع

تعییرپذیری ذاتی اندازه‌گیری ناشی از توزیع ذرات برای هر نمونه، σ در مقیاس لگاریتم اعشاری به کمک فرمول ج-۱ تخمین‌زده می‌شود.

$$u_{di}^2 = \frac{0.1886 \times 2}{n_{c1i} + n_{c2i}} = \frac{0.1886}{\bar{n}_{ci}} \quad (\text{ج-۳})$$

که \bar{n}_{ci} میانگین شمارش کلنی‌ها به ازای هر پلیت در نمونه i است.

میانگین حسابی در واریانس توزیع در نمونه‌ها از فرمول ج-۴ به دست می‌آید.

$$u_d^2 = \frac{\sum_{i=1}^n u_{di}^2}{n} \quad (\text{ج-۴})$$

که n تعداد نمونه‌ها است.

ج-۳-۳ میانگین عدم قطعیت عملیاتی

عدم قطعیت عملیاتی با تفریق میانگین واریانس توزیعی از میانگین واریانس تجدیدپذیری طبق فرمول ج-۵ تخمین‌زده می‌شود. توجه داشته باشد که هر دو در مقیاس لگاریتم طبیعی بیان می‌شوند.

$$u_o^2 = u_R^2 - u_d^2 \quad (\text{ج-۵})$$

عمل تفریق برای هر نمونه به تنها یکی می‌تواند اعمال شود و تفاوت میانگین به عنوان آخرین مرحله، محاسبه

1 Subscript

می‌شود. در روشی دیگر، جهت محاسبه می‌توان ابتدا به تعیین میانگین U^2_d و U^2_0 پرداخت و سپس آن‌ها را از یکدیگر تفریق کرد. هر دو انتخاب در مثال بعدی تشریح شده‌اند.

یادآوری - زمانی که از رویکرد کلی نگر در روش MPN استفاده می‌شود، متوسط واریانس توزیع بر حسب میانگین واریانس‌های نسبی دو تکرار تخمین MPN، همانند روش تعیین شده در پیوست - ت محاسبه می‌شود.

ج-۴ عدم قطعیت استاندارد مرکب نتیجه آزمون

هرگاه تخمین کلی نگر عدم قطعیت عملیاتی برای یک نوع نمونه معین در دسترس باشد، می‌تواند برای دست‌یابی به تخمین عدم قطعیت مرکب برای هر نتیجه آزمون جدید دارای روش کار یکسان، مورد استفاده قرار بگیرد. عدم قطعیت نسبی مرکب از نتیجه نهایی آزمون توسط فرمول ج-۶ زیر محاسبه می‌شود .

$$u_c(y) = \sqrt{u^2_d + u^2_0} \quad (ج-6)$$

که در آن :

u_o میانگین عدم قطعیت عملیاتی نسبی برای نوع نمونه معین و متغیر؛

u_d عدم قطعیت توزیع نسبی (تغییر ذاتی) شمارش، است.

لازم است u_o و u_d با مقیاس‌های یکسانی بیان شوند.

عدم قطعیت توزیع بدون انجام هیچ نوع کار تجربی و فقط از طریق توزیع آماری حاصل می‌شود. در روش‌های میکروبیولوژی مقدار این متغیرها وابسته به شمارش‌های مشاهده شده است و برای هر کدام از روش‌های شمارش کلی و MPN متفاوت است (پیوست‌های پ و ت).

یادآوری - برخی اوقات نتایج میکروبیولوژی با آزمون تعداد محدودی از مجموعه کلی‌های احتمالی تأیید می‌شوند که اصطلاحاً به آن تأیید جزئی می‌گویند. در چنین حالاتی عدم قطعیت تأیید، یک مولفه اضافه شده عمدتی است که از نوع تغییرات ذاتی می‌باشد و به مقدار قابل ملاحظه‌ای دقت تخمین عدم قطعیت مرکب را کاهش می‌دهد (پیوست ث).

ج-۵ مثال‌ها

ج-۵-۱ مثال ۱ : روش شمارش کلی - محاسبه با لگاریتم‌های اعشاری

چندین نمونه به صورت مستقل توسط دو کاربر مورد آزمون قرار گرفتند. برای هر نمونه هر کاربر یک آزمون را برداشت و یک سوسپانسیون اولیه از آن تهیه می‌کند و یکبار مورد آزمون قرار می‌دهد.

هر کاربر رقت‌های شاهد پلیت‌های محیط کشت از هر بھر را به صورت تصادفی انتخاب کرده و پلیت‌ها به صورت تصادفی در موقعیت‌های انتخاب شده درون گرمخانه‌ها قرار داده‌اند. پلیت‌ها پس از پایان زمان گرمخانه‌گذاری که آن‌هم به صورت تصادفی تعیین شده است، برای شمارش خارج می‌شوند. هر کاربر نتیجه شمارش پلیت‌ها را خوانده و یادداشت می‌کند. نتایج (شمارش کلی‌ها) شش نمونه در جدول ج-۱ نشان داده شده‌است.

جدول ج-۱ محاسبه با لگاریتم اعشاری

شماره نمونه	رقت ^۱	U^2_d	U^2_o	$U^2_{R'}$	$\lg n_{c2}$	$\lg n_{c1}$	n_{c2}	n_{c1}
-------------	------------------	---------	---------	------------	--------------	--------------	----------	----------

-0,00082	0,0290	0,0208	0,9031	0,6990	8	5	-4	1
-0,00054	0,0145	0,0091	1,0414	1,1761	11	15	-3	2
0,0156	0,0126	0,0282	1,2788	1,0414	19	11	-4	3
0,0298	0,0063	0,0361	1,5911	1,3222	39	21	-6	4
0,0128	0,0033	0,0161	1,6532	1,8325	45	68	-5	5
0,0072	0,0011	0,0082	2,3075	2,1790	203	151	-4	6
0,0086	0,011	0,0198				میانگین		

۱- وقتی مقیاس لگاریتم است، نیازی به نوشتمن رقت‌ها نیست.

یادآوری- از لحاظ نظری، واریانس هرگز منفی نیست. اگرچه وقتی که تخمین واریانس از راه تفریق به دست می‌آید و بررسی واریانس تجربی بر اساس تکرارهای کم صورت گرفته باشد، امکان دارد که واریانس منفی شود.

فرمول محاسبه واریانس عملیاتی نسبی در مقیاس لگاریتم اعشاری به صورت زیر است:

$$u_{o,R}^2 = u_{R'}^2 - u_d^2$$

نتیجه نهایی، یعنی تخمین میانگین عدم قطعیت عملیاتی را می‌توان از دو طریق به شرح زیر به دست آورد:

$$\text{الف- از میانگین مقادیر : } u_{o,R}^2 = u_{R'}^2 - u_d^2 = 0.0198 - 0.0111 = 0.0087$$

(با این نوع محاسبه ستون آخر جدول لازم نیست)

$$\text{ب) از میانگین مقادیر منفرد (ستون آخر) : میانگین } u_o^2 = 0.0086$$

تفاوت کوچک میان دو تخمین می‌تواند ناشی از اثرات گردکردن دستی محاسبات باشد.

لگاریتم‌های اعشاری در رویکرد مولفه‌ای کاربرد ندارند. تخمین عدم قطعیت‌ها به صورت عدم قطعیت استاندارد نسبی یا درصدی بیان می‌شوند. اگر مقایسه با تخمین عدم قطعیت‌ها به صورت نسبی یا لگاریتم

طبیعی بیان شود، نتیجه آزمون‌های کلی نگر، $u^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$ می‌تواند با ضرب در $\sqrt{\frac{30}{29}}$ به مقیاس نسبی تبدیل شود. در این مثال :

$$u_{o,rel}^2 = 5.302 \times 0.0086 = 0.0456$$

بنابراین متوسط عدم قطعیت عملیاتی نسبی از مجموع شش نمونه عبارت است از :

$$u_{o,rel} = \sqrt{0.0456} = 0.208 \approx 21\%$$

ج-۵-۲ مثال ۲ : روش MPN - محاسبه با لگاریتم اعشاری

دو کاربر به صورت مستقل برای آزمون کلی فرم در نمونه آب از یک سیستم تجاری MPN بهره گرفتند. سینی‌های تلقیح شده در موقعیت‌های اختصاص یافته تصادفی در طبقاتی از گرمخانه که آن‌هم تصادفی انتخاب شده است و در ردیف‌های مختلف گرمخانه‌گذاری شدند. حداقل ارتفاع سینی‌ها ۲۰ عدد بود. مقادیر MPN، x_1 و x_2 و محدوده اطمینان آن‌ها، T_0 و T_1 از جداول ارائه شده توسط تولیدکننده سیستم به دست آمد.

نتایج حاصله از ۵ نمونه در جدول ج-۲ نشان داده شده است.

تخمین واریانس‌های تجدیدپذیری نسبی از فرمول ج-۷ به دست می‌آید.

$$u_{R'}^2 = \frac{(lg x_1 - lg x_2)^2}{2} \quad (\text{ج})$$

که در آن x_1 و x_2 مقادیر تخمینی MPN است.

جدول ج-۲ محاسبه با لگاریتم معمولی

u_{o}^2	u_d^2	u_{d2}^2	u_{d1}^2	$u_{R'}^2$	$T_{1,2}$	$T_{0,2}$	x_2	$T_{1,1}$	$T_{0,1}$	x_1	نمونه
۰.۰۰۲۲	۰.۰۰۶۵	۰.۰۰۶۲	۰.۰۰۶۸	۰.۰۰۴۳	۷۶/۲	۳۷/۵	۵۳/۱	۶۲/۵	۲۹/۷	۴۲/۹	۱
۰.۰۰۳۱	۰.۰۰۹۴	۰.۰۰۸۶	۰.۰۱۰۳	۰.۰۰۶۴	۴۳/۹	۰/۱۹	۲۸/۸	۳۵/۲	۱۴/۱	۲۲/۲	۲
۰.۰۰۸۷	۰.۰۰۹۱	۰.۰۰۹۰	۰.۰۰۹۳	۰.۰۰۰۴	۴۱/۶	۱۷/۷	۲۷/۱	۳۹/۴	۱۶/۵	۲۵/۴	۳
۰.۰۳۰۹	۰.۰۰۸۲	۰.۰۰۶۶	۰.۰۰۹۷	۰.۰۳۹۱	۶۵/۶	۳۱/۵	۴۵/۳	۳۷/۳	۱۵/۳	۲۳/۸	۴
۰.۰۰۰۷	۰.۰۰۶۱	۰.۰۰۶۳	۰.۰۰۵۸	۰.۰۰۶۸	۷۲/۵	۳۵/۴	۵۰/۴	۹۳/۷	۴۷/۲	۶۵/۹	۵
۰.۰۰۳۵	۰.۰۰۷۹			۰.۰۱۱۴				میانگین			

$$u_{d1}^2 = \left[\frac{\log T_{0,1} - \log T_{1,1}}{3.92} \right]^2$$

$$u_{d2}^2 = \left[\frac{\log T_{0,2} - \log T_{1,2}}{3.92} \right]^2 ; u_d^2 = \frac{u_{d1}^2 + u_{d2}^2}{2}; u_o^2 = u_R^2 - u_d^2 \quad (\text{ج})$$

واریانس عملیاتی نسبی بر حسب لگاریتم اعشاری عبارت است از تفاوت میان میانگین های $u_{R'}$ و u_d^2 :

$$u_o^2 = 0.0114 - 0.0079 = 0.0035$$

روش جایگزین دیگر، محاسبه میانگین تفاوت هر کدام (ستون آخر) است. ریشه دوم آن تخمین کلی نگر عدم قطعیت عملیاتی نسبی است:

تبديل عدم قطعیت عملیاتی استاندارد به مقیاس لگاریتمی طبیعی آن را گویاتر می کند:
 $0.059 \times 2.303 = 0.136 = 13.6\%$

ج-۶ محاسبه عدم قطعیت مرکب یک نتیجه آزمون جدید

برای نتیجه شمارش کلی، n_c عدم قطعیت استاندارد نسبی مرکب در مقیاس لگاریتم اعشاری از فرمول ج-۹ به دست می آید :

$$u_c(y) = \sqrt{\frac{0.1886}{n_c} + u_o^2} \quad (\text{ج-۹})$$

برای نتایج MPN با حدود بالاتر و پایین تر سطح اطمینان ۹۵٪، T_0 و T_1 ، عدم قطعیت استاندارد نسبی مرکب در مقیاس لگاریتم اعشاری از فرمول ج-۱۰ به دست می آید:

$$u_c(y) = \sqrt{\left(\frac{\lg T_1 - \lg T_0}{3.92} \right)^2 + u_o^2} \quad (\text{ج-۱۰})$$

پیوست چ (الزامی)

رویکرد مولفه‌ای برای ارزیابی عدم قطعیت نسبی مرکب در شرایط تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی

چ-۱ کلیات

تخمین مولفه‌ای عدم قطعیت مرکب از روی مولفه‌های عملیاتی از پیش تعیین شده که توسط آزمون‌ها ارزیابی می‌شوند، به اضافه عدم قطعیت توزیع ذاتی که وابسته به شمارش‌های مشاهده شده است، شکل می‌گیرد. در حالت عادی کافی است که پنج مولفه عملیاتی و یک یا دو مولفه عدم قطعیت توزیع (ذاتی) مورد توجه قرار بگیرد. همه مولفه‌ها باید بر حسب عدم قطعیت‌های استاندارد نسبی یا به اشکال اعشاری یا در صد بیان شوند زیرا ارتباط ریاضی بین کمیت‌های تاثیرگذار اصلی (رقت، شمارش و حجم) به صورت حاصل ضرب است.

مقادیر عدم قطعیت استاندارد بر حسب لگاریتم طبیعی معادل با عدم قطعیت‌های استاندارد نسبی بررسی می‌شوند. اگر عدم قطعیت‌های استاندارد به صورت لگاریتم اعشاری (پایه ۱۰) در دسترس باشند، بهتر است آن‌ها را قبل از محاسبات بعدی به لگاریتم طبیعی تبدیل کرد.

چ-۲ عدم قطعیت عملیاتی نسبی

سه کمیت تاثیرگذار عملیاتی مداخله‌گر در فرایند آزمون برای نتیجه نهایی، y توسط فرمول چ-۱ قابل تعیین است:

$$y = F \frac{\sum n_c}{\Sigma V} \quad (چ-1)$$

که در آن :

F فاکتور رقت از نمونه تا رقت نهایی ($F \geq 1$)

$\sum n_c$ مجموع کلیه شمارش شده

$\sum V$ مجموع حجم آزمون‌ها بر حسب میلی لیتر در سوسپانسیون نهایی

فرمول چ-۱ نشان می‌دهد که لازم است تا عدم قطعیت‌های عملیاتی نسبی فاکتور رقت، شمارش تعداد کلیه و اندازه‌گیری آزمون‌ها را در اختیار داشته باشد. این مولفه‌ها از طریق عملیات کالیبراسیون و دیگر آزمون‌ها که باید بخشی از فعالیت کنترل کیفی عادی مراحل آزمون در آزمایشگاه باشد، قابل دسترسی است. علاوه بر این‌ها، ممکن است حالاتی مخفی از عدم قطعیت وجود داشته باشد که در فرمول چ-۱ به آن پرداخته نشده است. مهم‌ترین آن‌ها شامل: تغییر نمونه فرعی تهیه شده از نمونه آزمایشگاهی (اثرات ماتریکس) و عدم قطعیت حاصله در طی گرمخانه‌گذاری هستند. کارهای عملی خاصی برای ارزیابی این مولفه‌ها مورد نیاز می‌باشد. مقادیری که تنها برای یک مرتبه تعیین می‌شوند برای آزمون‌های مشابه در آینده نیز معتبر می‌باشند (پیوست‌های ح و ز).

ج-۳ عدم قطعیت نسبی مرکب نتیجه آزمون

عدم قطعیت نسبی مرکب در نتایج نهایی آزمون مشابه مدل کلی نگر توسط فرمول ج-۲ به دست می‌آید :

$$u_{c,rel}(y) = \sqrt{u_{o,rel}^2 + u_{d,rel}^2} \quad (ج-2)$$

که در آن :

$u_{o,rel}$ عدم قطعیت عملیاتی مرکب (عدم قطعیت استاندارد نسبی)؛

$u_{d,rel}$ عدم قطعیت توزیع (تغییر ذاتی نسبی)؛

در روش اجرایی مولفه‌ای، عدم قطعیت عملیاتی بر حسب مجموع پنج واریانس نسبی کمیت‌های تاثیرگذار

مطابق فرمول ج-۳ به دست می‌آید :

$$u_{o,rel}^2 + u_{rel,M}^2 + u_{rel,F}^2 + u_{rel,V}^2 + u_{rel,L}^2 + u_{rel,I}^2 \quad (ج-3)$$

معنای این علائم در جدول ج-۱ شرح داده شده است.

عدم قطعیت توزیع بدون نیاز به کار عملی از توزیع‌های آماری مورد قبول به دست می‌آید. در روش‌های آزمون میکروبیولوژی مقدار این متغیر وابسته به تعداد کلندی‌های قابل مشاهده است و در روش‌های شمارش کلندی و MPN متفاوت می‌باشد (پیوست‌های پ و ت). در عدم قطعیت توزیع باستی امکان تأیید جزئی کلندی‌های احتمالی لحاظ شود (پیوست ث).

برای ردیابی مولفه‌های عدم قطعیت، طراحی جدول ثبت داده‌ها مفید است. لیست کاملی از مولفه‌ها در جدول ج-۱ ارائه شده است. اگر مولفه‌ای حضور نداشته باشد یا اثر آن بسیار ناچیز باشد، خانه مربوط به آن را می‌توان خالی گذاشت.

جدول ج-۱ معانی علامت‌ها

مولفه	علامت	عدم قطعیت استاندارد نسبی	نحوه تعیین
ماتریکس و نمونه‌برداری فرعی	M	$u_{rel,M}$	پیوست-ح
فاکتور رقت	F	$u_{rel,F}$	پیوست-ذ
آزمونه	$V, \sum V$	$u_{rel,V}, u_{rel,\sum V}$	پیوست‌های-خ، -د
گرم‌خانه‌گذاری	I	$u_{rel,I}$	پیوست-ز
شمارش	L	$u_{rel,M}$	پیوست-ر
توزیع و تأیید	d	$u_{d,rel}$	پیوست‌های-پ، -ت، -ث

عدم قطعیت مرکب از مجموع واریانس همه مولفه‌ها (مربع عدم قطعیت‌های نسبی) حاصل می‌شود. به آگاهی می‌رساند که مولفه‌های ذاتی و عملیاتی را به صورت جداگانه جمع کنید.

ج-۴ مثال‌ها

ج-۴-۱ مثال ۱

ج-۴-۱-۱ کلیات

بار میکروبی مزو菲尔 هوازی یک نمونه شمارش و تعیین شد.

مراحل اصلی تفاهمنامه آزمون به صورت زیر است:

الف- یک نمونه فرعی g ۲۵ در g ۲۵ رقیق‌کننده وارد شده و به کمک مخلوط کن مکانیکی یکنواخت می‌شود تا سوسپانسیون اولیه (10^{-1}) به دست آید.

ب- رقت اعشاری بعدی تهیه می‌شود که به صورت ($1ml + 1ml$) است.

پ- دو پلیت موازی با $1ml$ از آزمونهای از رقت 10^{-5} تعداد قابل شمارش کلنی‌ها را ارائه می‌دهد.

ت- تعداد کلنی‌های شمارش شده ۴۱ و ۴۵ می‌باشد.

این کار جهت گزارش تعداد تخمینی مزو菲尔ها در نمونه، همراه با عدم قطعیت گستردہ انجام شد.

نتیجه نهایی برابر است با:

$$y = F_{\sum nc} / \sum V = 10^5 * (41 + 45) / (1 + 1) = 3.4 * 10^6 g^{-1}$$

عدم قطعیت مرکب نسبی از مجموع ریشه دوم واریانس‌های نسبی (مربع عدم قطعیت‌های نسبی) مولفه‌های مرتبط به دست می‌آید. جدول چ-۲ برای بررسی محاسبات مفید است (بیشتر مقادیر از پیوست‌های دیگر اخذ شده‌اند).

جدول چ-۲ - ترتیب محاسبات

واریانس نسبی	عدم قطعیت نسبی		مولفه
	مقادیر	علائم	
۰.۰۲۳۱۰۴	۰.۱۵۲	$u_{reb,M}$	ماتریکس و نمونه‌برداری فرعی
۰.۰۰۱۲۹۶	۰.۰۳۹	$u_{reb,F}$	فاکتور رقت
۰.۰۰۰۱۲۱	۰.۰۱۱	$u_{reb,\sum V}$	آزمونه
۰.۰۵۶۱۶۹	۰.۲۳۷	$u_{reb,I}$	گرم‌خانه‌گذاری
۰.۰۰۹۴۰۹	۰.۰۹۷	$u_{reb,L}$	شمارش
۰.۰۹۰۰۹۹	جمع جزء		
۰.۰۱۱۶۲۸	۰.۱۰۸	$u_{db,rel}$	توزیع
۰.۱۰۱۷۲۷	مجموع		تأثیر

چ-۱-۴ ماتریکس

عدم قطعیت نمونه فرعی تهیه شده از ماتریکس طبق روش خاصی که در پیوست-ح بیان می‌شود، به دست می‌آید. مقدار متوسط آن در این آزمایشگاه بر مبنای ۱۰ نمونه، برابر $0.152 u_{rel,M}$ می‌باشد.

یادآوری- اگر آزمایشگاهی دارای داده‌های تجربی در رابطه با نمونه‌برداری فرعی نباشد، می‌توان اطلاعات لازم را در منابع و مراجع پیدا کرد. به عنوان مثال جداول پیوست استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶ شامل عدم قطعیت‌های استاندارد تجربی سوسپانسیون اولیه (ماتریکس و نمونه‌برداری فرعی) در تعداد زیادی از انواع مواد غذایی برحسب لگاریتم اعشاری هستند. داده‌های مربوط به انواع نمونه‌های محیطی (خاک و لجن و ...) تا زمان انتشار این استاندارد یافت نشد.

ج-۱-۴ فاکتور رقت

تخمین این مولفه بر اساس اصول و مقادیر موجود در پیوست - ذ از روی مقادیر پایه عدم قطعیت حجم و جرم صورت می‌گیرد. عدم قطعیت وزن 25g برابر 1% و عدم قطعیت نسبی حجم (جرم واقعی) 225ml برابر 0.25% است. بنابراین عدم قطعیت ناشی از رقت اولیه 0.242 ml می‌شود. چهار مرحله رقیق‌سازی بعد از رقت اولیه (10^{-1}) نیز دارای عدم قطعیت‌های یکسان می‌باشد که توسط $V_{1\text{ml}} = 1.6\%$ و $V_{9\text{ml}} = 0.015$ محاسبه می‌شوند. عدم قطعیت یک مرحله رقیق‌سازی، $u_{\text{rel,f}} = 0.015$ است.

عدم قطعیت رقت تهیه شده بعد از چهار مرحله رقیق‌سازی مجموعاً برابر 0.387 می‌باشد.

$$\sqrt{0.0242^2 + 4 \times 0.015^2} = u_{\text{rel,f}} = 0.387$$

ج-۱-۴ آزمونه

حجم کل آزمونه $\text{ml} (2 \times 1)$ است. عدم قطعیت مرکب براساس روش تعیین شده در بند (۲-۲) از اطلاعات عدم قطعیت استاندارد نسبی 1 ml که برابر با $0.016(1.6\%)$ است، محاسبه می‌شود. با دو تکرار و حجم مساوی، مجموع عدم قطعیت استاندارد نسبی برابر با 0.0113 است.

ج-۱-۵ گرم خانه‌گذاری

پراکندگی بالای نسبت داده شده به گرم خانه‌گذاری، درباره شمارش کلنی‌های باکتری‌های هتروتروف با روش‌های تجربی خاص مطابق اصول بیان شده در پیوست - ز تعیین می‌شود. مقداری که در یکبار تعیین می‌شود، معتبر باقی می‌ماند. مقدار به دست آمده از کار با هفت نمونه و شش تکرار برابر 0.237 است.

ج-۱-۶ شمارش

تجددی‌پذیری درون آزمایشگاهی شمارش، به عنوان بخشی از فعالیت‌های کنترل کیفیت قبل از تعیین می‌شود (پیوست - ر). مقدار تخمینی برابر 0.097 است.

ج-۱-۷ توزیع ذرات

عدم قطعیت توزیع نسبی براساس مجموع کلنی‌ها شمارش شده، n_c به دست می‌آید. بنابراین عدم قطعیت‌ها ناشی از عامل توزیع ذرات پواسون در سوسپانسیون نهایی برابر است با:

$$u_{d,\text{rel}} = 1/\sqrt{\sum n_c} = 1/\sqrt{45 + 41} = \sqrt{1/86} = 0.108$$

ج-۱-۸ تخمین و کاربرد عدم قطعیت مرکب

مجموع ریشه دوم در پنج مولفه عملیاتی، $0.300 = \sqrt{0.090099}$ است. مولفه کوچک ناشی از اندازه‌گیری‌های حجمی (فاکتور رقیق‌سازی و آزمونه) به دلیل تأثیر ناچیز آن می‌تواند حذف شود. بدون این دو مولفه، عدم قطعیت عملیاتی بقیه مولفه‌ها 0.298 خواهد شد.

عدم قطعیت (واریانس) نسبی مرکب با تجمعی واریانس‌های عملیاتی و ذاتی می‌شود:

$$u_{c,\text{rel}}^2(y) = 0.0090099 + 0.011628 = 0.101727$$

$$u_{c,\text{rel}}(y) = 0.319 = 31.9 \%$$

و در نتیجه مقدار، $u_{c,\text{rel}}(y)$ به دست می‌آید:

عدم قطعیت نسبی گستردہ دو برابر عدم قطعیت مرکب است، لذا می‌شود: $U_{rel} = 0.638$. برای بیان عدم قطعیت گستردہ نتیجه نهایی بر مبنای بازه‌ای، اصل مقدار y را بایستی یکبار بر (U) ضرب کرده و بار دیگر بر آن تقسیم کرد و به شکل اعشاری بیان نمود (طبق پیوست ۳).

$$\text{در این مثال: } \exp(U) = \exp(0.638) = 1.893 \quad y = 4.3 \times 10^6$$

$$\text{حد بالاتر: } (4.3 \times 10^6)/1.893 = 2.3 \times 10^6 \quad \text{حد پایین تر: } (4.3 \times 10^6) \times 1.893 = 8.1 \times 10^6$$

است.

ج-۴-۲ مثال ۲

غلظت اشرشیاکلی در نمونه آب با استفاده از سیستم MPN تجاری تخمین‌زده شده است. بر مبنای تعداد چاهک‌های مثبت و با استفاده از جداول ارائه شده توسط تولیدکننده سیستم، تعداد آن ۸/۷ در هر ۱۰۰ ml با حدود اطمینان بالاتر ۹۵٪ و پایین‌تر آن به تعداد ۴/۵ و ۱۷/۱ ارزیابی شد.

آزمایشگاه با انجام آزمون‌های خاص قبلًا مقدار تجدیدپذیری نسبی این روش شمارش را، ۰/۰۶۷٪ (۶/۷٪) و تأثیر گرمخانه‌گذاری را، ۰/۱۰٪ (۱۰٪) به دست آورده است. متوسط تجدیدپذیری نسبی (چند کاربر) درخصوص اندازه‌گیری‌های آزمونه ۱۰۰ ml با عملیات کالیبراسیون حدود ۵/۰٪ (۵٪) شده است. درباره نمونه‌های آب، غیر از عدم قطعیت‌ها آزمونه‌ها می‌توان از واریانس نمونه فرعی صرف نظر کرد. در این مثال هیچ رقتی وجود ندارد.

تخمین عدم قطعیت‌های توزیع نسبی با حدود اطمینان ۹۵٪ به شرح زیر محاسبه می‌شود:

$$u_{d,rel} = (\ln 17.1 - \ln 4.5)/3.92 = 0.34 = 34.0\%$$

$$u_{d(lg)} = (\lg 17.1 - \lg 4.5)/3.92 = 0.148 \quad \text{یادآوری - محاسبه با لگاریتم اعشاری برابر است با:}$$

$$u_{d,rel} = 2.3 \times 0.148 = 0.34 = 34\% \quad \text{با تبدیل آن به لگاریتم طبیعی می‌شود:}$$

عدم قطعیت مرکب با جمع کردن مجدد مربعات مولفه‌های شناخته شده عدم قطعیت طبق فرمول (ج-۴) تخمین‌زده می‌شود:

$$u_{c,rel(y)} = \sqrt{0.067^2 + 0.1^2 + 0.05^2 + 0.34^2} = \sqrt{0.132589} = 0.364 \quad (\text{ج-۴})$$

بهتر است که مقدار عدم قطعیت مرکب با تقسیم بر عدد ۲/۳۰۳ بر حسب لگاریتم اعشاری گزارش شود:

$$u_{c(y)} = 0.364/2.303 = 0.158$$

پیوست ح

(الزامی)

ارزیابی تجربی واریانس نمونهبرداری فرعی

ح-۱ کلیات

طرح کلی نگر معمولی توانایی ارزیابی جزئی تک تک مولفه های عدم قطعیت را ندارد. تغییرات در طی نمونهبرداری فرعی از نمونه آزمایشگاهی را که اثر ماتریکس نیز نام دارد، می توان با انجام آزمون های دو بار تکرار بر روی دو سوسپانسیون اولیه یا بیشتر (ترجیحاً سه یا چهار) توسط نمونه های فرعی یکسان و برداشت شده از یک نمونه آزمایشگاهی، ارزیابی کرد.

طراحی آماری آن پیچیده تر از نوع عملیات کلی نگر است که عدم قطعیت کل فرایند آزمون را ارزیابی می کند. از این رو در صورتی نسبت به ارزیابی جداگانه این مولفه اقدام می شود که اطلاعات کمی مربوط به نمونهبرداری فرعی از اهمیت کافی برخوردار باشد. چنین اطلاعاتی در هنگام بررسی دلایل بالا بودن مقدار یک عدم قطعیت مرکب مشاهده شده یا مفروض هیچ اعتباری ندارد.

شبیه سازی در سطوح پایین تر برای بررسی و تخمین مولفه واریانس مرتبط با نمونهبرداری فرعی از نمونه های آزمایشگاهی لازم است. در آب و دیگر مایعات واریانس نمونهبرداری فرعی مهم نبوده و ارزیابی تجربی واریانس نمونهبرداری فرعی لازم نیست. مثال ارائه شده در این پیوست نشان دهنده آزمون یک نمونه است. حداقل 10 آزمونه از یک نوع نمونه مورد آزمایش باید آزمون شود تا مقدار میانگین واقعی کافی برای محاسبه واریانس نمونهبرداری فرعی به دست آید. استفاده از کاربران مختلف برای آزمون نمونه ها مجاز است، اما توصیه می شود که آزمون ها در شرایط تکرار پذیری انجام شود. تنها یک نفر بایستی به خواندن نتایج بپردازد.

ح-۲ تجزیه و تحلیل واریانس

روش استاندارد برای تجزیه و تحلیل عبارت است از مشابه سازی و تکرار چندباره یک سری نمونه های فرعی و رقت سازی به منظور تعیین دقت (بی دقتی) نمونه های فرعی است. نمونه آزمایشگاهی تا حد امکان در چنین شرایطی مخلوط شده و به صورت تصادفی به تعداد k مرتبه نمونه فرعی از آن گرفته شده و n مرتبه تکرار آزمون روی نمونه فرعی انجام می شود. حداقل مقدار n و k به میزان 2 است. تخمین واریانس نمونهبرداری فرعی از داده های حاصل انجام می شود.

توصیه می شود که داده ها به لگاریتم تبدیل شوند. دلیل اصلی آن، کاهش اثرات تغییر ناشی از سطوح مختلف آلودگی در نمونه های متفاوت است. همچنین نرمال بودن توزیع داده ها بهبود می یابد. لگاریتم طبیعی تا اندازه های معمول تر از لگاریتم های اعشاری است چون نتایج مستقیماً با واریانس نسبی تفسیر و تعبیر می شوند. اگر بیان نتیجه به صورت درصد یا نسبی ارجحیت دارد، لگاریتم اعشاری نیازمند ضرب شدن در یک ضریب ثابت است.

مثال - یک نمونه آزمایشگاهی حاوی مواد جامد تا حد امکان به خوبی مخلوط شده است. شش نمونه فرعی مستقل ($k = 6$) وزن شده و در رقیق کننده سترون قرار می‌گیرند و به دقت یکنواخت می‌شوند. دو سری رقت ($n = 2$) از هر سوسپانسیون اولیه ساخته شده و یک پلیت از سوسپانسیون نهایی هر سری تلقیح می‌شود. شمارش کلňی‌های هدف بعد از پایان زمان خاص گرمخانه‌گذاری انجام می‌شود. نتایج در جدول ۱-۱ نشان داده شده است.

جدول (ح-۱) - تجزیه و تحلیل واریانس یک طرفه، با استفاده از لگاریتم طبیعی، نتایج شش نمونه فرعی از یک نمونه آزمایشگاهی برای استخراج واریانس نمونه برداری فرعی

نتایج شمارش‌ها به مقیاس لگاریتم طبیعی تبدیل شده و تجزیه و تحلیل واریانس یک‌طرفه صورت می‌گیرد. نتایج در حدود (۲-۴) قاباً مشاهده است. نحوه انجام محاسبات به شرح زیر است:

الف - محاسیه مجموع همه مقادیر بر حسب لگاریتم طبیعی (48.3679)

$$t_{\text{corr}} = (48.3679)^2 / nk = 2339.4538 / 12 = 194.9545 \text{ (CT)}$$

پ - محاسبه مجموع توان دوم مقادیر بر حسب لگاریتم طبیعی (195.699)

ت - جمع کردن نتایج موازی هر نمونه فرعی

($3,5264 + 3,8067 = 7,333$ 0, $3,9120 + 4,1109 = 8,0229$, etc.).

ث - محاسبه مربع مقادیر و جمع کردن آن (391,000)

ج - به دست آوردن مجموع کل مربعات از رابطه زیر:

$$195,669 - t_{corr} = 195,669 - 194,9545 = 0,7145.$$

چ - محاسبه مجموع مربعات بین نمونه‌های فرعی

$$(391.000/n) - t_{corr} = (391.0/2) - t_{corr} = 195.500 - 194.9545 = 0.5455.$$

ج - به دست آوردن مجموع مربعات درون نمونه‌های فرعی $0.7145 - 0.5455 = 0.1690$.

خ - محاسبه واریانس (مربع میانگین) با تقسیم مجموع مربعات بر درجه آزادی مناسب

جدول ح-۲ تجزیه و تحلیل واریانس یک طرفه

P	F_{stat}	تخمین	واریانس	مجموع (مربع میانگین)	درجه آزادی	منبع تغییر
0.064	3.87	$s^2 + ns_B^2$	0.1091	0.5455	$(k-1) = 5$	بین نمونه‌های فرعی
		s^2	0.0282	0.1690	$k(n-1) = 6$	درون آنها
				0.7145	$(kn-1) = 11$	کل

نتایج جدول (ح-۲) به صورت دستی محاسبه شده‌اند. اگر داده‌ها در برنامه رایانه‌ای وارد شوند، تفاوت نتایج کم می‌شود چون دقت در پردازش و محاسبه بیشتر است.

ستون تخمین نشان می‌دهد که چگونه هر مربع میانگین به دست می‌آید. واریانس درون نمونه‌های فرعی، s^2 شامل اندازه‌گیری متوسط تغییر بین سری رقت‌های دوتایی از یک سوسپانسیون اولیه، با عدم قطعیت توزیع و دیگر مولفه‌های عملیاتی عدم قطعیت غیر از نمونه‌برداری فرعی می‌باشد.

جهت اطلاع یادآوری می‌شود که واریانس بین نمونه‌های فرعی (در سطح ۵٪) در مقایسه با واریانس درون نمونه‌های فرعی از نظر آماری معنی‌دار نیست ($F_{\text{stat}} = 0.1091/0.0282 = 3.87$, $P = 0.064$).

حتی اگر از لحاظ آماری معنی‌دار نباشد، ولی دارای اطلاعات لازم برای محاسبه واریانس نمونه‌برداری فرعی، s_B^2 می‌باشد. تخمین واریانس نمونه‌برداری فرعی می‌تواند به صورت زیر محاسبه شود:

$$s_B^2 = \frac{0.1091 - 0.0282}{2} = 0.0405$$

چون از لگاریتم طبیعی استفاده شده است، s_B همان تخمین عدم قطعیت نسبی نمونه‌برداری فرعی می‌باشد.
 $u_{\text{rel},M} = 0.20 = 20\%$ (ح-۱)

نتیجه حاصل، تخمینی از عدم قطعیت نمونه‌برداری فرعی در ماده مورد آزمایش است، یا به عبارت واقعی‌تر در یک نمونه آزمایشگاهی خاص به خوبی مخلوط شده با استفاده از تجهیزات و امکانات همان آزمایشگاه.

استفاده از یک نمونه برای تعیین عدم قطعیت نمونه‌برداری فرعی کافی نیست. بهتر است که چندین نمونه از انواع مشابه بررسی شده تا متوسط واریانس‌های نمونه‌برداری فرعی به دست آید.

در این مثال از ۱۰ نمونه مشابه استفاده شده است. مقدار میانگین آزمون‌ها ۱۵٪ است.

یادآوری - تجزیه و تحلیل مشابهی با استفاده از لگاریتم اعشاری در ابتدا واریانس نمونه‌برداری فرعی را $0.0206 - 0.0053 / 2 = 0.00765$ نشان داد که مربع آن ۰.۸۷۵ است. با تبدیل آن به لگاریتم طبیعی

حاصل می‌شود که تقریباً مشابه نتیجه به دست آمده از فرمول (ح-۱) است.

پیوست خ

(الزامی)

تکرارپذیری و تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی نسبی در اندازه‌گیری‌های حجمی

خ-۱ اصول

در روش‌های روزمره آزمایشگاهی عمل توزین درست‌تر از اندازه‌گیری‌های معمول حجمی است. دقت وسایل حجم‌سنجی را می‌توان با توزین حجم‌هایی از آب بدون یون تعیین کرد. میانگین عدم قطعیت استاندارد با محاسبه آماری استاندارد از روی مجموعه اندازه‌گیری‌ها به دست‌می‌آید.

برای کالیبره کردن ابزارهای سنجش حجمی (پی‌پت، مزور و غیره) بایستی حداقل ۲۰ اندازه‌گیری توسط وسیله موردنظر انجام شود. بهمنظور شبیه‌سازی شرایط کار اسپتیک، در هر نوبت باید از یک پی‌پت یا نوک جداگانه استفاده شود.

با مجموعه نتایج به‌دست‌آمده توسط یک کاربر می‌توان عدم قطعیت تکرارپذیری را محاسبه کرد. با تجزیه و تحلیل نتایج دو یا تعداد بیشتری از کاربران با همدیگر، تخمین عدم قطعیت حاصل را اصطلاحاً تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی می‌نامند. در روش‌های کلی تخمین عدم قطعیت، اربیبی احتمالی بین کاربران نیز در محاسبه دخالت داده می‌شود.

عدم قطعیت استاندارد نسبی مناسب‌ترین متغیر برای استفاده در موارد بعد است. مقدار آن با تقسیم عدم قطعیت استاندارد بر میانگین یا به کمک لگاریتم‌های طبیعی (یا اعشاری) طبق پیوست ب به دست‌می‌آید (همچنین مطابق پیوست خ-۳، یادآوری ۲).

خ-۲ عدم قطعیت استاندارد تکرارپذیری کاربران

دقت اندازه‌گیری 0.1 ml آزمونه با استفاده از پی‌پت شیشه‌ای به روش توزین مورد بررسی قرار گرفته است. هر یک از کاربران (A و B) مجموعه‌ای از ۲۰ اندازه‌گیری را انجام دادند. به منظور تشریح محاسبات، تعداد کمی از داده‌ها (شش اندازه‌گیری برای هر کاربر) در جدول خ-۱ نشان‌داده شده است.

جدول خ-۱ نتایج کالیبراسیون حجم‌های 0.1 ml آزمونه

مقیاس بازه‌ای	مقیاس لگاریتم طبیعی	مقیاس لگاریتم اعشاری	$\lg V_B$	$\lg V_A$	$\ln V_B$	$\ln V_A$	V_B	V_A
میانگین			-۰.۹۷۰۶	-۰.۹۷۸۸	-۲.۲۲۴۹	-۲.۲۵۳۸	۰.۱۰۷	۰.۱۰۵
عدم قطعیت استاندارد			-۰.۹۳۵۵	-۰.۹۴۶۹	-۲.۱۵۴۲	-۲.۱۸۰۴	۰.۱۱۶	۰.۱۱۳
عدم قطعیت استاندارد نسبی			-۰.۰۱۳۲	-۰.۹۶۲۶	-۲.۳۳۳۰	-۲.۲۱۶۴	۰.۰۹۷	۰.۱۰۹
a			-۰.۰۱۳۲	-۰.۹۸۷۲	-۲.۳۳۳۰	-۲.۲۷۳۰	۰.۰۹۷	۰.۱۰۳
			-۱.۰۸۰۹	-۰.۹۳۹۳	-۲.۴۸۸۹	-۲.۱۶۲۸	۰.۰۸۳	۰.۱۱۵
			-۱.۰۷۰۶	-۰.۹۱۰۱	-۲.۴۶۵۱	-۲.۰۹۵۶	۰.۰۸۵	۰.۱۲۳
			-	-	-	-	۰.۱۱۱۳	
			۰.۰۵۶۱	۰.۰۲۸۲	۰.۱۲۹	۰.۰۶۵	۰.۰۱۲۶	۰.۰۰۷۳
			۰.۱۲۹ ^a	۰.۰۶۵ ^a	۰.۱۲۹	۰.۰۶۵	۰.۱۲۹	۰.۰۶۶
با ضرب عدم قطعیت استاندارد در $۲/۳۰۳$ به دست می‌آید.								

یادآوری - در جدول خ-۱ ، شش اندازه‌گیری حجمی مستقل توسط دو کاربر (A و B) نشان داده شده است. عدم قطعیت استاندارد نسبی با هر سه مسیر انتخابی، طبق پیوست - ب ارزیابی شده است (همچنین به بند خ-۳ یادآوری ۲ مراجعه کنید). عدم قطعیت استاندارد کاربران، نشان‌دهنده تکرارپذیری حجم‌های اندازه‌گیری شده با دو کاربر مجزا است. آزمایشگاه احتمالاً از آن‌ها برای کنترل کیفیت داخلی و آموزش افراد استفاده می‌کند. زمانی که عدم قطعیت مرکب یک نتیجه آزمون برای مشتریان محاسبه می‌شود، تخمین تجدیدپذیری کلی برای آزمایشگاه بیشتر ارجحیت دارد.

خ-۲ تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی نسبی

عدم قطعیت تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی استاندارد اندازه‌گیری‌های حجمی بهتر است که شامل همه‌گونه اribی احتمالی بین کاربران باشد. اribی در صورتی در تخمین وارد می‌شود که محاسبه عدم قطعیت، قبل از به دست آوردن مقدار میانگین و عدم قطعیت استاندارد، در یک فایل داده یکسان صورت بگیرد. این مورد با وارد کردن ۱۲ مقدار در جدول خ-۱ با استفاده از هر سه روش تخمین بیان شده در پیوست- ب، یادآوری ۲ انجام شده است. نتایج آنرا در جدول خ-۲ مشاهده کنید.

جدول خ-۲ تجزیه و تحلیل تغییرپذیری اندازه‌گیری‌های حجمی

$\lg V$	$\ln V$	V	N
۱۲	۱۲	۱۲	
-	-	۰.۱۰۴۴	میانگین
۰.۰۵۲۶	۰.۱۲۱۲	۰.۰۱۲۲	عدم قطعیت استاندارد
۰.۱۲۱۱ ^۱	۰.۱۲۱۲	۰.۱۱۶۹	میزان نسبی
۱۲.۱ ^۱	۱۲.۱	۱۱.۷	میزان درصدی
			N حجم
			V تعداد مشاهدات
۱ با ضرب عدم قطعیت استاندارد لگاریتم طبیعی در $۲/۳۰۳$ به دست می‌آید.			

یادآوری ۱- داده‌های جدول خ-۲ ، ادغام شده داده‌های دو کاربر می‌باشد.
میانگین حسابی 10.44 ± 0.1 تفاوت معنی‌داری با حجم اسمی ml ندارد. همچنان محاسبه عدم قطعیت استاندارد نسبی از طریق عملیات $(0.0122/0.1) = 0.122$ قابل توجیه است.
در زمان محاسبه عدم قطعیت مرکب بایستی از تخمین تجدیدپذیری درونآزمایشگاهی همانند عدم قطعیت آزمونه استفاده شود.

یادآوری ۲- در زمان مطالعه بر روی عدم قطعیت شاهد، احتمالاً به کارگیری چند کاربر برای ارزیابی تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی اهمیتی ندارد و مشاهدات روی نوبتهاي مختلف اتوکلاو کردن يا توزيعهاي مختلف متفاوت می‌تواند جايگزين آن شود. رقت‌هاي شاهد باید پس از اتوکلاو کردن توزين شوند.

پیوست ۵

(الزامی)

عدم قطعیت نسبی مجموع آزمونهای آزمون

۱-۵ کلیات

وقتی که سیستم شناسایی آزمون مشتمل بر مجموعه‌ای از پلیت‌ها از یک یا چند رقت می‌باشد، نیاز است تا عدم قطعیت مجموع آزمونهای آزمون، در محاسبات عدم قطعیت غلظت عامل تحت آزمون در سوسپانسیون نهایی برآورد شود.

زمانی که مقادیر عدم قطعیت مولفه حجم‌ها در شرایط تجدیدپذیری تخمین‌زده می‌شود، عدم قطعیت مجموع، همان عدم قطعیت درون آزمایشگاهی است (بند خ-۲).

۲-۱ یک رقت، حالت کلی

۲-۵-۱ کلیات

هنگامی که از یک سوسپانسیون نهایی یکسری پلیت کشت داده شود، عدم قطعیت کل حجم‌ها با به کارگیری مستقیم قوانین عدم قطعیت مرکب به دست می‌آید. مطابق شرایط اعلام شده در پیوست-ب، عدم قطعیت مجموع $\sum V = V_1 + V_2 + \dots + V_n$ با فرمول (۱-۵) محاسبه می‌شود.

$$u_{\Sigma V} = \sqrt{u_1^2 + u_2^2 + \dots + u_n^2} \quad (1-5)$$

که u_1 و u_2 و ... تخمین عدم قطعیت استاندارد حجم‌های V_2, V_1 و ... هستند (میلی لیتر). برای استفاده بعدی در محاسبات عدم قطعیت، معمولاً بهتر است نتایج به صورت عدم قطعیت نسبی $u_{rel,\Sigma V} = u_{\Sigma V} / \sum V$ بیان شوند.

۲-۲-۱ مثال

چهار پلیت از یک سوسپانسیون تهیه شده است. دو پلیت با ۱ ml آزمونه و دو پلیت دیگر با 0.1 ml آزمونه مجموعاً 2.2 ml حجم کل سوسپانسیون نهایی برآورد می‌شود.

$$1 \text{ ml} + 1 \text{ ml} + 0.1 \text{ ml} + 0.1 \text{ ml} = 2.2 \text{ ml.}$$

عدم قطعیت حجم کل بهتر است محاسبه شود.

عدم قطعیت نسبی (تجددیدپذیری) حجم‌های انتقال یافته با پی‌پت که قبلًا محاسبه شده است، برای 1 ml حجم پی‌پت شده، به مقدار 8% و برای 1 ml برابر 2% می‌باشد.

عدم قطعیت‌های نسبی باید در واحد حجمی بیان شوند:

$$u_{1 \text{ ml}} = 0.02 \times 1 \text{ ml} = 0.02 \text{ ml} \quad \text{و} \quad u_{0.1 \text{ ml}} = 0.08 \times 0.1 \text{ ml} = 0.008 \text{ ml.}$$

عدم قطعیت مجموع طبق فرمول (۱-۵) به صورت زیر است :

$$u_{\Sigma V} = \sqrt{0.02^2 + 0.008^2 + 0.02^2 + 0.008^2} = \sqrt{0.000928} = 0.0305 \text{ ml} \quad (1-5)$$

و عدم قطعیت نسبی آن به صورت زیر است:

$$u_{\text{rel}, \Sigma V} = u_{\Sigma V} / \sum V = 0.0305 / 2.2 = 0.014 = 1.4\%.$$

د-۲-۳ یک رقت، حجم آزمونه یکسان

معمولاً در یک سری از پلیت‌های موازی حجم آزمونه‌ها مساوی است. اگر عدم قطعیت وسایل اندازه‌گیری حجمی در مقیاس نسبی داده شده باشد به عنوان مثال به صورت درصدی، عدم قطعیت نسبی مجموع به صورت درصدی می‌تواند آسان‌تر از موارد بالا به دست آید. عدم قطعیت نسبی مجموع برابر است با عدم قطعیت نسبی در یک اندازه‌گیری تقسیم بر ریشه دوم تعداد پلیت‌های موازی طبق فرمول (د-۳) :

$$u_{\text{rel}, \Sigma V} = \frac{u_{\text{rel}, V}}{\sqrt{n}} \quad (d-3)$$

که در آن :

$$\begin{aligned} n &= \text{تعداد پلیت‌های موازی;} \\ u_{\text{rel}, V} &= \text{عدم قطعیت نسبی یک آزمونه، است.} \end{aligned}$$

د-۳ دو رقت

د-۳-۱ کلیات

فرض کنید نتیجه نهایی بر اساس شمارش کلنی‌ها از n_0 پلیت سوسپانسیون نهایی و n_1 پلیت از دومین رقت حاصله از یک مرحله رقیق‌سازی سوسپانسیون نهایی یا چند مرحله بیش‌تر با فاکتور رقت f در میان رقت‌ها به دست آمده باشد.

مجموع حجم آزمونه‌های کشت داده شده بر حسب سوسپانسیون نهایی مطابق فرمول (د-۴) حاصل می‌شود :

$$\Sigma V = n_0 V_0 + \frac{1}{f} n_1 V_1 \quad (d-4)$$

که در آن :

$$\begin{aligned} n_0 &= \text{تعداد پلیت‌های موازی تهیه شده از سوسپانسیون نهایی;} \\ V_0 &= \text{حجم آزمونه اندازه‌گیری شده از سوسپانسیون نهایی;} \\ n_1 &= \text{تعداد پلیت‌های موازی حاصل از رقت دوم;} \\ f &= \text{فاکتور رقت;} \\ V_1 &= \text{حجم آزمونه اندازه‌گیری شده از رقت دوم;} \end{aligned}$$

معمولاً تعداد تکرارها و حجم‌های تلقیح شده در هر دو رقت با هم برابرند یعنی :

$$V_0 = V_1 = V \quad n_0 = n_1 = n$$

محاسبه عدم قطعیت نسبی مجموع حجم‌های آزمونه‌ها طبق فرمول (د-۵) به صورت زیر است :

$$u^2_{\text{rel}, \Sigma V} = \frac{1}{(f+1)^2} \left[\frac{u^2_{\text{rel}, V}}{n} (f^2 + 1) + u^2_{\text{rel}, f} \right] \quad (d-5)$$

که در آن :

$$f = \text{فاکتور رقت بین دو سطح درون سیستم شناسایی;}$$

n تعداد پلیت‌های موازی در هر رقت؛
 V حجم تلقیح به ازاء هر پلیت؛
 $u_{rel,V}$ عدم قطعیت نسبی حجم تلقیح؛
 $u_{rel,f}$ عدم قطعیت نسبی فاکتور رقت (طبق پیوست-ذ، از روی عدم قطعیت‌های نسبی حجم منتقل شده و حجم رقت شاهد)، است.

یادآوری- مشارکت رقت دوم در عدم قطعیت مجموع حجم‌ها زمانی معنی‌دار است که فاکتور رقت، f میان دو رقت بالا (پنج یا بیشتر) باشد. عدم قطعیت رقت و عدم قطعیت اندازه‌گیری‌ها در رقت دوم می‌تواند نادیده‌گرفته شود. فقط با درنظرگرفتن اولین رقت و با استفاده از فرمول زیر مطابق پیوست (د-۳-۲) می‌توان به عدم قطعیت قابل قبول دست یافت.

$$u_{rel,\Sigma V}^2 \approx \frac{u_{rel,V}^2}{n}$$

برخی اوقات ممکن است پلیت یک رقت از دست برود، یا حجم تلقیح‌های متفاوت مورد استفاده قرار گیرد. در این حالت فرمول کلی (د-۶) را می‌توان برای تعیین واریانس حجم کل آزمونه‌ها به کار برد:

$$u_{rel,\Sigma V}^2 = \frac{1}{(fn_0V_0 + n_1V_1)^2} \left[n_0 f^2 V_0^2 u_{V_0}^2 + n_1 V_1^2 \left(\frac{u_{rel,V_1}^2}{n_1} + u_{rel,f}^2 \right) \right] \quad (\text{د-۶})$$

که در آن :

f	فاکتور رقت بین دو رقت؛
n_0	تعداد پلیت‌های موازی در سوسپانسیون نهایی؛
V_0	حجم سوسپانسیون تلقیح شده به ازاء هر پلیت در سوسپانسیون نهایی؛
n_1	تعداد پلیت‌های موازی در رقت دوم؛
V_1	حجم سوسپانسیون تلقیح شده به ازاء هر پلیت در رقت دوم؛
u_{rel,V_0}	عدم قطعیت نسبی حجمی V_0 ؛
u_{rel,V_1}	عدم قطعیت نسبی حجمی V_1 ؛
$u_{rel,f}$	عدم قطعیت نسبی فاکتور رقت f ؛

فرمول (د-۶) پیچیده ولی کامل است، زیرا تعداد متفاوت پلیت‌های موازی (n_0 و n_1) در دو رقت و حجم‌های مایع تلقیح (V_0 و V_1) در رقت‌های مختلف را در بر می‌گیرد.

۵-۳-۲- مثال

یک نمونه با ساخت سوسپانسیون اولیه از همگن‌سازی g ۲۵ گرم نمونه با ml ۲۲۵ رقیق‌کننده مورد مطالعه قرار گرفت. این ترکیب رقت اولیه (10^{-1}) یا سوسپانسیون اولیه نامیده می‌شود. سوسپانسیون اولیه در چندین مرحله رقیق‌تر می‌شود ($1ml + 9ml$). دو پلیت موازی از هر رقت با حجم $1ml$ از آزمونه تلقیح می‌شوند. پلیت‌های با تعداد مناسب از کلنی‌ها برای شمارش در رقت‌های 10^{-4} و 10^{-5} قرار دارند. سابقه رقیق‌سازی تا مرحله سوسپانسیون نهایی (اولین رقت قابل شمارش) در این مثال اهمیتی ندارد. حجم کلی آزمونه‌ها در سوسپانسیون نهایی ($\sum V = 1 ml + 1 ml + 0.1 ml + 0.1 ml = 2.2 ml$) است.

برای محاسبه عدم قطعیت نسبی (درصد) مجموع آزمونه‌ها، اطلاعاتی راجع به عدم قطعیت اندازه‌گیری حجم‌های مختلف مورد نیاز است. این اطلاعات در جدول (۵-۱) جمع‌آوری شده است.

جدول ۵-۱ عدم قطعیت نسبی اندازه‌گیری‌های حجمی

عدم قطعیت استاندارد نسبی $u_{rel,V}$	سنجهش ml
۰/۰۰۵	۱
۰/۰۲	۹

عدم قطعیت نسبی مرحله رقیق‌سازی همانند روش ارائه شده در پیوست-ذ محاسبه می‌شود :

$$u^2_{rel,f} = \left(\frac{9^2}{10^1} \right) (0.005^2 + 0.02^2) = 0.000344 \quad (۵-۷)$$

اطلاعات مرتبط با محاسبه عدم قطعیت نسبی، V در ادامه آمده است :

$$V = 1\text{ml}, f = 10, n = 2, u^2_{rel,f} = 0.000344, u^2_{rel,V} = 0.000025 \quad (۵-۸)$$

مقادیر در فرمول (۵-۶) جایگزین می‌شوند :

$$u^2_{rel,\Sigma V} = \frac{1}{(10+1)^2} = \left[\frac{0.000025}{2} (100+1) + 0.000344 \right] = 0.000013 \quad (۵-۹)$$

واریانس نسبی مجموع آزمونه‌ها (0.000013) است. بنابراین تخمین عدم قطعیت نسبی مجموع حجم‌ها $u_{rel,\Sigma V} = \sqrt{0.000013} = 0.0036$ است.

با استفاده از راه حل تقریب ارائه شده در یادآوری، فرمول به صورت زیر ساده‌سازی می‌شود:

$$u^2_{rel,\Sigma V} = \frac{u^2_{rel,V}}{n} = \frac{0.000025}{2} = 0.0000125$$

ریشه دوم عدد (0.0035) مقدار (0.0000125) است که همان عدم قطعیت نسبی است. تفاوت میان 0.0036 و 0.0035 ناچیز و قابل چشم‌پوشی است.

۴-۵ روش MPN

برخی از سیستم‌های MPN با حجم بزرگی از آزمونه (مثلاً ۱۰۰ ml) که در تعدادی از چاهک‌ها توزیع شده است، تلکیح می‌شوند. عدم قطعیت حجم کل، با کالیبراسیون ابزارهای حجم‌سنجی که در پیوست-خ شرح داده شده است، تعیین می‌گردد.

در برخی از دیگر سیستم‌های MPN، آزمونه در داخل چاهک‌های یا لوله‌ها در یک زمان ریخته می‌شود. عدم قطعیت مجموع مطابق پیوست (۵-۲) تعیین می‌شود. عدم قطعیت حجم کل در این مثال قابل چشم‌پوشی است.

پیوست ذ

(الزامی)

عدم قطعیت نسبی فاکتور رقت F

فاکتور رقت می‌تواند شامل مراحل متوالی مختلفی باشد.

$$F = f1 f2 \dots fk \quad (ذ-1)$$

عدم قطعیت نسبی (واریانس) در هر مرحله منفرد مطابق فرمول (ذ-۲) تخمین‌زده می‌شود:

$$u_{rel,f}^2 = \left(\frac{Vb}{Vb + Va} \right) (u_{rel,a}^2 + u_{rel,b}^2) \quad (ذ-2)$$

که در آن :

V_a حجم سوسپانسیون میکروبی انتقال یافته؛

V_b حجم رقت شاهد؛

$u_{rel,a}$ عدم قطعیت نسبی در حجم انتقالی؛

$u_{rel,b}$ عدم قطعیت نسبی حجم رقت شاهد؛

واریانس نسبی کل فاکتور رقت عبارت است از مجموع ریشه دوم عدم قطعیت‌های نسبی منفرد به شرح زیر:

$$u_{rel,F}^2 = u_{rel,f1}^2 + u_{rel,f2}^2 + \dots + u_{rel,fk}^2 \quad (ذ-3)$$

مثال: سوسپانسیون اولیه با همگن نمودن ۲۵g از نمونه با ۲۲۵ ml رقیق‌کننده حاصل می‌شود. ترکیب حاصل، رقت اولیه (-1) است و سوسپانسیون اولیه نام دارد. سوسپانسیون اولیه در چندین مرحله (۱ml + ۹ml) رقیق‌تر شد. رقت‌های با تعداد مناسب کلنی برای شمارش عبارتند از ($^{+4}$ و $^{+5}$). اولین رقت با کلنی‌های قابل شمارش، ($^{+4}$) سوسپانسیون نهایی خواهد بود.

تکلیف آن است که عدم قطعیت استاندارد نسبی فاکتور رقت، رقت نهایی ($F = 1 / 10^{-4}$) محاسبه شود. این متغیر نشان‌دهنده عدم قطعیت نسبی درست اما ناشناخته میانگین غلظت عامل مورد آزمایش در سوسپانسیون نهایی است.

داده‌های مربوط به عدم قطعیت اندازه‌گیری‌های مختلف جرم و حجم موردنیاز است. این اطلاعات در جدول (ذ-۱) وارد شده‌اند (بهتر است مقادیر از روی مشاهدات برنامه‌های تضمین‌کیفیت آزمایشگاه قابل دسترسی باشند).

جدول ذ-۱ داده‌های مربوط به عدم قطعیت نسبی اندازه‌گیری‌های متفاوت جرم و حجم

اندازه‌گیری	عدم قطعیت نسبی	مربع عدم قطعیت
۲۵ g	۰.۰۱	۰.۰۰۰۱
۲۲۵ ml	۰.۰۲۵	۰.۰۰۰۶۲۵
۱ ml	۰.۰۱۶	۰.۰۰۰۲۵۶
۹ ml	۰.۰۰۵	۰.۰۰۰۰۲۵

عدم قطعیت‌های نسبی مراحل مختلف رقیق‌سازی با فرمول (ذ-۲) به دست می‌آیند. مراحل رقت f_1 ، f_2 و f_3 مشابه هستند. بنابراین:

$$u_{rel,f1}^2 = \left(\frac{225}{250}\right)^2 \times (0.025^2 + 0.01^2) = 0.000587 \quad \text{برای رقت اولیه}$$

$$u_{rel,f2}^2 = \left(\frac{9}{10}\right)^2 \times (0.016^2 + 0.005^2) = 0.000228 \quad \text{دیگر مراحل رقیق‌سازی}$$

$$u_{rel,f}^2 = 0.000587 + 0.000228 + 0.000228 + 0.000228 + 20.00028 = 10.00499 \quad \text{درنتیجه}$$

و عدم قطعیت نسبی فاکتور رقت F $u_{rel,F} = \sqrt{0.001499} = 0.0387 \approx 3.9\%$ می‌شود.

پیوست ر

(الزامی)

تکرار پذیری و تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی شمارش

۱- کلیات

عدم قطعیت خواندن تعداد کلنی‌ها در پلیت اغلب یکی از عمدترین مولفه‌های عدم قطعیت در میکروبیولوژی کمی است. هر شخصی معمولاً می‌تواند نتیجه خواندن خود را با دقت چند درصد تکرار کند. شمارش‌های اشخاص متفاوت توافق اندکی با یکدیگر دارند، که درنتیجه منجر به عدم قطعیت درون آزمایشگاهی معنی‌دار شمارش می‌گردد.

مقادیر این متغیر با خواندن پلیت‌های مشابه توسط کاربرهای متفاوت یا با تکرار خواندن توسط یک کاربر مورد مطالعه و بررسی قرار می‌گیرد. این کار بهتر است به عنوان بخشی از برنامه‌های عادی تضمین کیفیت آزمایشگاه انجام شود. بهتر است که پلیت‌ها بعد از شمارش اول برای شمارش دوم به صورت تصادفی انتخاب شوند. موردهای مسئله‌دار درصورتی شامل می‌شوند که فقط در حدودی که به صورت تصادفی انتخاب شده‌اند قرار داشته باشند.

تفاوت فردی به ویژه وقتی بارز می‌شود که کلنی‌های هدف بایستی با مشخصات ظاهری خود (شکل، اندازه و رنگ) از بقیه کلنی‌ها قابل تشخیص باشند. به همین دلیل، عدم قطعیت نه تنها فقط مربوط به کاربران نیست بلکه هم‌چنین به اختصاصات روش و احتمالاً به اختصاصات نوع نمونه نیز بستگی پیدا می‌کند.

تکرارپذیری و تجدیدپذیری شمارش هر دو متغیرهای معنی‌داری هستند. تکرارپذیری می‌تواند در تضمین کیفیت داخلی به کار گرفته شود و تجدیدپذیری برای تخمین مقادیر عدم قطعیت مرکب با روش اجرایی مولفه‌ای موردنیاز می‌باشد.

خواندن واکنش‌های مثبت در روش MPN از خواندن کلنی‌ها قابلیت تجدیدپذیری بیشتری دارد. اگرچه اثرات حتی اندک تفاوت خواندن، در مقادیر MPN تاثیر بزرگ می‌گذارد. مشاهدات اخیر نشان داده که تجدیدپذیری خواندن با روش MPN می‌تواند مورد توجه بیشتری قرار بگیرد.

۲- عدم قطعیت خواندن کاربران

۱- کلیات

تخمین عدم قطعیت خواندن کاربران برخی مقادیر ذاتی دارد، اما این اطلاعات هم‌چنین وقتی موردنیاز است که مولفه‌های عدم قطعیت مثل اثرات گرمخانه‌گذاری با آزمایش‌های متفاوت ارزیابی شده باشد. توصیه می‌شود که ارزیابی با هر روش و در هر ارگانیسم هدف به صورت مجزا بررسی شود. داده‌ها در طول روزها و هفته‌ها جمع‌آوری می‌شوند تا زمانی که تعداد کافی (حداقل ۳۰ و یا ترجیحاً بیشتر) از پلیت‌ها خوانده شوند.

تنها مشکل عملی آن است که چگونه از تاثیر شمارش اول بر دومی اجتناب شود. محاسبات نشان داده شده در مثال، نحوه پایه‌گذاری تدریجی داده‌ها را تشریح کرده است.

ر-۲-۱ مثال ۱

یکی از کاربران نتایج حاصل از تکرارخواندن نتایج (L_1 , L_2) چندین پلیت را یادداشت برداری کرده است. پلیت‌ها به صورت تصادفی در طی کارهای روزمره انتخاب شده‌اند. بخش کمی از نتایج در جدول (ر-۱) نشان داده شده است.

واریانس نسبی هر جفت با استفاده از فرمول زیر محاسبه شده است.

$$u_{\text{rel},L}^2 = 2 \left(\frac{L_1 - L_2}{L_1 + L_2} \right)$$

جدول ر-۱ نتایج حاصل از تکرارخواندن (L_1 , L_2) چندین پلیت

$U_{\text{rel},L}^2$	$L_1 - L_2$	$L_1 + L_2$	L_2	L_1	پلیت
۰,۰۰۰۱۵۶	۶۸۰	-۶	۳۳۷	۳۴۳	۱
۰,۰۰۰۳۲۰	۷۹	۱	۳۹	۴۰	۲
۰,۰۰۳۵۳۱	۱۱۹	-۵	۶۲	۵۷	۳
۰,۰۰۰۰۱۳	۷۹۶	۲	۳۹۷	۳۹۹	۴
۰,۰۱۱۰۶۴	۲۴۲	-۱۸	۱۳۰	۱۱۲	۵
۰,۰۰۲۵۳۶	۶۷۴	۲۴	۳۲۵	۳۴۹	۶
۰,۰۰۰۰۷۰	۱۶۹	۱	۸۴	۸۵	۷
۰,۰۰۱۵۵۶	۲۵۱	۷	۱۲۲	۱۲۹	۸
۰,۰۰۱۸۳۷	۳۳	-۱	۱۷	۱۶	۹
۰,۰۰۰۰۰۰	۵۴	۰	۲۷	۲۷	۱۰
۰,۰۲۱۰۸۳			۱۵۴۰	۱۵۵۷	مجموع

مقدار میانگین حاصل، همان متوسط تخمین واریانس نسبی خواندن کاربران است:

$$u_{\text{rel},L1}^2 = \frac{0.021083}{10} = 0.0021083$$

ریشه دوم آن $\sqrt{0.0021083} = 0.0459$ است، بنابراین عدم قطعیت استاندارد نسبی تکرارپذیری در شمارش‌های انجام شده توسط این کاربر 4.59% می‌باشد.

ر-۳ تجدیدپذیری درونآزمایشگاهی شمارش کلنی‌ها

ر-۳-۱ کلیات

عدم قطعیت درونآزمایشگاهی را می‌توان با درگیر کردن همه یا چندین کاربر آزمایشگاه در خواندن پلیت‌های مشابه ارزیابی کرد. هر تفاوت سیستماتیک (اریبی‌ها) میان افراد در تخمین عدم قطعیت وارد شده و به عنوان تغییر تصادفی لحاظ می‌شود.

ر-۳ مثال

چهار کاربر (A,B,C,D) در گیر در کار روزمره آزمون‌های میکروبیولوژی نتایج هشت پلیت منتخب تصادفی را به صورت مستقل از هم بررسی کردند. نتایج در جدول (ر-۲) نمایش داده شده است.

جدول ر-۲ پلیت‌های منتخب تصادفی

$u_{rel,Li}$	s_i	میانگین	L_D	L_C	L_B	L_A	پلیت
۰,۰۸۹	۲,۰۸	۲۳,۵	۲۶	۲۴	۲۳	۲۱	۱
۰,۰۴۸	۱,۹۱	۳۹,۵	۴۰	۴۲	۳۸	۳۸	۲
۰,۰۹۸	۲,۹۴	۳۰,۰	۳۰	۳۴	۲۹	۲۷	۳
۰,۱۳۶	۲,۶۵	۱۹,۵	۲۱	۱۹	۲۲	۱۶	۴
۰,۱۶۷	۵,۳۸	۲۳,۳	۳۸	۳۳	۲۵	۳۳	۵
۰,۰۶۰	۴,۰۸	۶۸,۰	۶۶	۷۴	۶۵	۶۷	۶
۰,۰۴۴	۷,۳۹	۱۶۹,۰	۱۷۴	۱۷۶	۱۶۶	۱۶۰	۷
۰,۰۶۴	۵,۷۲	۸۹,۰	۹۲	۹۴	۸۱	۸۹	۸
مجموع							
s_i عدم قطعیت استاندارد							
$u_{rel,Li}$ عدم قطعیت نسبی استاندارد در شمارش پلیت نام							

حاصل جمع‌های پایین جدول (ر-۲) نشان می‌دهد که متوسط نتایج شمارش می‌تواند بین کاربران از A تا D متفاوت باشد که سبب دو دسته تفسیر شود. مجموعه داده‌ها برای نتیجه‌گیری قاطع بسیار کوچک است. تفاوت‌های سیستماتیک احتمالی می‌تواند سزاوار بررسی باشد، اما به زودی در عدم قطعیت استاندارد ادغام می‌شود.

مجموع مربعات $u_{rel,Li}$ (مجموع واریانس‌های نسبی)، $0.0892 + 0.0482 + \dots + 0.0642 = 0.075846$ و میانگین آن‌ها $۰,۰۰۹۴۸۰۷۵$ می‌باشد. این مقدار تخمین مطلوب، متوسط واریانس تجدیدپذیری نسبی خواندن نتایج در آزمایشگاه به صورت یکپارچه می‌باشد. ریشه دوم آن به مقدار $۰,۰۹۷۴$ ، عبارت از متوسط عدم قطعیت درون آزمایشگاهی نسبی شمارش با همان روش و گروه کاربران است (۹,۷%). این تخمین به صورت سخت‌گیرانه تنها در موقعیت‌های مشابه (نوع نمونه یکسان، روش یکسان، گروه یکسان) کاربرد دارد.

ر-۴ تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی ناشی از عدم قطعیت خواندن نتایج MPN

ر-۴-۱ کلیات

عدم قطعیت درون آزمایشگاهی خواندن نتایج MPN را می‌توان به کمک کاربران مختلف جهت خواندن سری‌های روزمره MPN مورد بررسی قرارداد و هیچ آزمایش خاصی موردنیاز نیست.

ممکن است در ثبت متوسط اختلافها و عدم قطعیت‌های چاهک‌ها یا لوله‌های مثبت مزایای چندی وجود داشته باشد، اما اثر واقعی عدم قطعیت، در تخمین‌های MPN دیده شده است. محاسبات عدم قطعیت با مقادیر MPN انجام می‌شود.

ر-۴ مثال

آزمون *E.coli* در آب با استفاده از سیستم MPN تجاری انجام شد. نتایج در بسیاری از نمونه‌های روزمره توسط دو کاربر خوانده شد و مقادیر MPN از جداول به دست آمد. نتایج هفت نمونه ابتدایی مجموعه در جدول ر-۳ نشان داده شده است. عددها نشان‌دهنده مقادیر MPN در ۱۰۰ ml آب است.

جدول ر-۳ مجموعه نتایج

نمونه	x_1	x_2	واریانس نسبی	لگاریتم اعشاری واریانس
۱	۳۴۵۰	۳۵۰۰	۰.۰۰۰۱	۰.۰۰۰۰۲
۲	۴	۴	۰.۰۰۰۰۰	۰.۰۰۰۰۰
۳	۱۲	۱۴	۰.۰۱۱۹	۰.۰۰۲۲۴
۴	۱۲۶	۱۳۰	۰.۰۰۰۵	۰.۰۰۰۰۹
۵	۱۴	۱۴	۰.۰۰۰۰	۰.۰۰۰۰۰
۶	۱۳	۱۷	۰.۰۳۶۰	۰.۰۰۶۷۹
۷	۳	۴	۰.۰۴۱۴	۰.۰۰۷۸۰
میانگین				۰.۰۰۲۴۲
۰.۰۱۲۸				

واریانس نسبی طبق فرمول (ر-۱) محاسبه می‌شود :

$$(ر-۱) \quad u_{rel}^2 = \frac{(\ln x_1 - \ln x_2)^2}{2}$$

و مقدار واریانس بر حسب لگاریتم اعشاری مطابق فرمول (ر-۲) به دست می‌آید :

$$(ر-۲) \quad \frac{(lg x_1 - lg x_2)^2}{2}$$

ریشه دوم میانگین واریانس نسبی، همان متوسط مقدار عدم قطعیت‌نسبی MPN ناشی از عدم قطعیت خواندن نتایج توسط کاربرهای متفاوت است. آنرا می‌توان عدم قطعیت تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی خواندن نتایج نامید. مقدار آن براساس همین مجموعه محدود داده‌ها برابر $\sqrt{0.128} = 0.113 = 11.3\%$ است.

با استفاده از لگاریتم اعشاری، ابتدا متوسط عدم قطعیت به مقدار ریشه دوم 0.00242 یعنی مقدار 0.0492 خواهد شد و با تبدیل آن به لگاریتم طبیعی می‌شود : $0.1133 \approx 11.3 = 2.303 \times 0.0492 = u_{rel} = 0.113$ با افزایش تعداد نمونه‌ها، مقدار میانگین به واقعیت نزدیک‌تر می‌شود.

ر-۵ عدم قطعیت نسبی خواندن مجموعه‌ای از شمارش‌ها

حاصل جمع شمارش کلندی‌های چند پلیت از جمله عناصر محاسبه نتایج نهایی در زمانی است که از شیوه چند پلیتی استفاده می‌شود. هیچ داده تجربی کافی وجود ندارد که بر اساس آن بتوان تصمیم‌گیری کرد که

عدم قطعیت خواندن یک حاصل جمع به تعداد بخش‌هایی که آن را تشکیل داده است، بستگی دارد. اگرچه مشخص شده‌است که هر زمان تعداد کلی‌ها در پلیت‌های مشابه افزایش یابد، عدم قطعیت نسبی خواندن چندان تغییری نمی‌کند.

در حال حاضر پیشنهاد می‌شود که از عدم قطعیت نسبی خواندن مشابه، هم برای شمارش‌های منفرد و هم مجموع شمارش‌ها استفاده شود. مقدار عدم قطعیت تخمین زده شده در تجربه‌های عملی که قبلاً در پیوست‌های (ر-۲) و پیوست (ر-۳) تشریح شده است، به همان ترتیب برای مجموعه کلی‌ها نیز کاربرد دارد.

پیوست ز

(الزامی)

اثرات گرمخانه‌گذاری – عدم قطعیت ناشی از موقعیت و زمان

ز-۱ کلیات

هنگام گرمخانه‌گذاری ممکن است مواردی رخدده که منجر به تغییر تعداد کلنی‌ها در پلیت‌ها شود. کلنی‌ها ممکن است رشد نکنند یا در سطح محیط کشت پخش شوند. ممکن است به کلنی‌های مجاور نفوذ کرده و یا با آن‌ها ادغام شوند و در کل ظاهر عجیبی به خود بگیرند. آلودگی می‌تواند تعداد کلنی‌ها را افزایش دهد. در نتیجه تعداد کلنی‌های مشاهده شده بعد از گرمخانه‌گذاری می‌تواند نسبت به تعداد ذرات زنده (ناشناخته) تشکیل شده کلنی که از ابتدا در هر پلیت قرار گرفته بودند، متفاوت باشد. زمانی که شرایط گرمخانه‌گذاری به حدود رواداری برخی از اعضاء در جمعیت هدف نزدیک باشد، تغییرات جزئی در شرایط (دما، رطوبت، اتمسفر) سبب می‌شود که نقاط مختلف گرمخانه اثرات متفاوتی بر جای بگذارند.

حتی اگر تعداد ذرات تشکیل‌دهنده کلنی در یک مجموعه از پلیت‌ها، از سوسپانسیونی تهیه شده باشد که احتمالاً از قانون پواسون پیروی می‌کند، اثرات شرایط گرمخانه‌گذاری منجر به پراکندگی بالا در پلیت‌های موازی خواهد شد. اثرات در طول گرمخانه‌گذاری بروز می‌کند. آن را می‌توان اثرات گرمخانه‌گذاری نامید، اگرچه احتمالاً علت اصلی آن کمتر مربوط به تجهیز گرمخانه‌گذاری (انکوباتور) است و احتمالاً بیشتر به کنش و واکنش میان اعضاء متفاوت در جمعیت میکروبی درون پلیت‌ها بستگی دارد.

برای هر روش آزمون یک دوره زمانی استاندارد شده برای خواندن نتایج آزمون وجود دارد. توصیه می‌شود آزمایشگاه‌ها در کارهای روزمره خود تعیین کنند که چه مقدار از عدم قطعیت کل نتایج آن‌ها ممکن است بر اثر متفاوت بودن زمان گرمخانه‌گذاری، نسبت به شرایط واقعی به وجود آمده باشد. این متغیر را می‌توان به راحتی با طراحی عملیات تجربی و با خارج کردن پلیت‌ها از گرمخانه در زمان‌هایی زودتر از زمان استانداردشده هر روش، که به صورت تصادفی تعیین شده‌اند و خواندن نتایج آن‌ها شناسایی کرد.

عواملی که بر اثر نقص در محیط کشت از رشد میکرووارگانیسم‌ها جلوگیری می‌کنند به یک نسبت در کلیه پلیت‌ها تاثیر می‌گذارند. سایر اثرات می‌تواند ثانوی بوده و مثلاً محدود به یک پلیت باشد. آلوده شدن یکی از بارزترین مثال‌ها می‌باشد. آنتی‌بیوتیک‌ها و اثرات هم‌افزایی بین کلنی‌ها از مثال‌های دیگرند. برخی خطاهای دیگر می‌توانند اتفاق بیافتد. به این دلایل برای مدل‌سازی تعیین پراکندگی بالای ناشی از گرمخانه‌گذاری، شанс نسبتاً کمی وجود دارد. می‌توان با رویکرد تجربی بر مبنای پلیت‌های مواتی عمل کرد، اما تشریح ریاضی صحیح آن از منطق محکمی برخوردار نخواهد بود. در نتیجه، با فرض متناسب دانستن میانگین با اثرات شرایط گرمخانه‌گذاری می‌توان از مدل توزیع دوچمله‌ای منفی در این خصوص استفاده کرد. این شیوه تا حد امکان به نتیجه تقریباً درست، ساده و واقعی‌تری منتهی می‌شود.

ز-۲ طرح تجربی

تجربه برپایه سوسپانسیون‌های آزمون به خوبی مخلوطشده قرار دارد. تنها الزام این است که سوسپانسیون‌های آزمون دارای آن مقدار از غلظت جمعیت میکروبی باشند که بتوانند مستقیماً کشت داده شوند. نمونه‌های روزمره معمولی یا رقت‌های آن‌ها بهترین هستند. برای کاستن از تأثیرات دیگر غیر از اثرات گرمخانه‌گذاری، بهتر است شرایط تکرارپذیری در طول آماده‌سازی برقرار باشد. مجموعه‌ای از شش تا ده پلیت موازی از هر سوسپانسیون آزمون تهیه می‌شود. مجموع حجم آزمونه‌های واردشده در پلیت‌ها نباید بیش‌تر از ۱۰٪ حجم سوسپانسیون باشد تا از به کارگیری فاکتور اصلاح نمونه محدود (پیوست پ) پیش‌گیری شود.

بهتر است پلیت‌ها در موقعیت تصادفی مناسب در گرمخانه قرار‌گیرند. همچنین بهتر است که بعد از گرمخانه‌گذاری همه پلیت‌ها توسط فقط یکی از کاربران خوانده شود. واریانس کل بین پلیت‌های موازی محاسبه شده و مولفه واریانس ذاتی (پواسون) از آن کم می‌شود. اگر دلایلی مبنی بر حضور معنی‌دار عدم قطعیت شمارش و/یا عدم قطعیت حجم آزمونه وجود داشته باشد، بهتر است آن‌ها نیز از واریانس کل تفریق شوند. باقی‌مانده همان عدم قطعیت ناشی از گرمخانه‌گذاری است. طراحی کامل ترتیبات تصادفی کمیت‌های اثرگذار در گرمخانه‌گذاری آسان نیست. طرح تجربی مناسب‌تر آن است که فضای گرمخانه به طبقات، ناحیه‌ها و ردیف‌هایی به شرح زیر تقسیم‌بندی شود:

الف- طبقات ۱، ۲ و ۳ در گرمخانه

ب- ۶ ناحیه در هر طبقه شامل : جلو و عقب سمت چپ (LF,LB)، جلو و عقب سمت وسط (MF,MB)، جلو و عقب سمت راست (RF,RB)

ج- چینش چند ردیف پلیت روی همدیگر

هر پلیت از سری‌های موازی به صورت تصادفی در یک طبقه، یک ناحیه و در ردیف‌هایی خاص که از طریق قرعه‌کشی انتخاب شده‌اند، درون گرمخانه قرار می‌گیرند. پلیت‌ها در موقعیت‌های خود در میان سایر پلیت‌های روزمره معمول جای می‌گیرند. به منظور تسهیل جداسازی پلیت‌ها بعد از تکمیل گرمخانه‌گذاری، توصیه می‌شود از علامت مشخصی با رنگ‌های خاص روی پتریدیش‌ها استفاده شود. اگر بیش‌تر از یک گرمخانه استفاده می‌شود، گرمخانه‌ای که در آن همه پلیت‌های موازی جای‌گذاری می‌شوند، می‌تواند با قرعه‌کشی انتخاب شود. انتخاب تصادفی گرمخانه برای هر پلیت به صورت مجزا از لحاظ تئوری بهترین جایگزین است اما از نظر عملی سخت می‌باشد.

جدول ز-۱ مثالی از موقعیت انتخاب‌شده تصادفی و زمان گرمخانه‌گذاری یک مجموعه شش پلیتی

پلیت	طبقه	ناحیه	ردیف	زمان
۱	۲	۳	۵	۳,۵ + t_{min} ساعت
۲	۲	۳	۳	۳ + t_{min} ساعت
۳	۳	۲	۲	۴ + t_{min} ساعت
۴	۲	۵	۲	۲,۵ + t_{min} ساعت
۵	۳	۲	۵	۱ + t_{min} ساعت
۶	۱	۴	۴	۰,۵ + t_{min} ساعت

t_{min} کوتاهترین زمان مجاز گرمخانه‌گذاری است. افزایش زمان به t_{min} به صورت تصادفی از صفر تا هشت دوره نیم ساعته انجام شد. یک چنین ترتیب تصادفی می‌تواند به صورت جداگانه برای هر سری پلیت‌های هر سوسپانسیون آزمون طراحی گردد.

ز-۳ مثال ۱- روش شمارش کلنج

شش مقدار ۱۰ml از یک نمونه آب ۱۰۰۰ml با روش فیلترکردن غشایی کشت داده شد. موقعیت گرمخانه‌گذاری شامل سه طبقه و شش ناحیه به ازاء هر طبقه و شش ردیف با قرعه‌کشی به صورت تصادفی انتخاب می‌شود. ردیف پلیت‌ها از پایین به بالا، دارای شماره یک تا شماره شش است. این پلیت‌ها در میان پلیت‌های روزمره قرار داده شدند. مجموعه پلیت‌های مشابه با دیگر نمونه‌ها در روزهای دیگری بررسی شدند. جدول (ز-۲) و جدول (ز-۳) موقعیت اختصاص داده شده تصادفی و تعداد کلنج‌های مشاهده شده، n_c در این تجربه را نشان می‌دهد.

جدول ز-۲ نمونه ۱

n_c	زمان	ردیف	ناحیه	طبقه	پلیت
۲۵	۱۹/۵	۵	۵	۲	۱
۴۰	۱۸/۰	۴	۴	۱	۲
۵۴	۲۲/۰	۱	۳	۱	۳
۳۲	۲۱/۵	۱	۶	۳	۴
۲۰	۱۹/۵	۶	۴	۳	۵
۳۵	۲۱/۰	۴	۱	۱	۶

جدول ز-۳ نمونه ۲

n_c	زمان	ردیف	ناحیه	طبقه	پلیت
۱۱۴	۲۱/۰	۲	۳	۱	۱
۱۶۲	۲۲/۰	۲	۲	۳	۲
۶۱	۲۱/۰	۶	۴	۱	۳
۱۴۲	۲۱/۰	۱	۴	۳	۴
۱۰۵	۲۰/۰	۵	۶	۲	۵
۱۵۵	۲۰/۵	۳	۶	۱	۶

در اولین نمونه میانگین برابر $۳۴/۳۳۳۳$ ، عدم قطعیت استاندارد برابر $۱۱/۹۷۷۸$ ، عدم قطعیت استاندارد نسبی برابر $۴۳/۳۳۳۳ / ۱۱/۹۷۷۸ = ۰/۳۴۸۹$ و واریانس نسبی $= ۰/۱۲۱۷$ است. در نمونه دوم میانگین برابر $۱۶۶۷/۱۲۲$ ، عدم قطعیت استاندارد برابر $۳۷/۸۲۸$ ، عدم قطعیت استاندارد نسبی برابر $۰/۳۰۷۱$ و واریانس نسبی برابر $= ۰/۰۹۴۳$ می‌باشد.

تخمین عدم قطعیت‌های استاندارد نسبی شامل عدم قطعیت پواسون، عدم قطعیت کاربران در شمارش، و عدم قطعیت اندازه‌گیری حجم آزمونهای نیز می‌باشد. توصیه می‌شود که واریانس‌ها ابتدا از این مولفه‌ها پاکسازی شوند. مولفه نمونه‌برداری، $0.060 = \frac{1000 \text{ ml}}{10 \times 6}$ به قدر کافی کوچک و قابل اغماض است.

میانگین نمونه اول 34.3333 است. واریانس نسبی یک توزیع پواسون نامحدود (پیوست-پ) این میانگین $0.0291 = \frac{1}{34.3333}$ می‌باشد.

با فرض پذیرش تخمین عدم قطعیت شمارش‌ها و عدم قطعیت اندازه‌گیری آزمونه در حدود ۵٪ (مقادیر حاصل از برنامه‌های تضمین کیفیت آزمایشگاه) مقدار آن، $0.0025 = 0.05^2$ دو بار کسر می‌گردد.

تخمین خالص واریانس نسبی اثرات گرمخانه‌گذاری در نمونه اول به صورت زیر است:
 $0.34892 - (0.0291 + 0.0025 + 0.0025) = 0.1217 - 0.0341 = 0.0876$.

و در نمونه دوم تخمین زیر حاصل می‌شود:
 $0.30712 - (0.0081 + 0.0025 + 0.0025) = 0.0943 - 0.0131 = 0.0812$.

میانگین دو واریانس نسبی برابر ۰.۸۴۴، و ریشه دوم آن ۰.۲۹٪ یا ۲۹٪ است که همان عدم قطعیت اضافه‌شده (پراکندگی بالا)، ناشی از اثرات گرمخانه‌گذاری می‌باشد.

ز-۴ مثال ۲ روش MPN

ز-۴-۱ طراح تجربی

پنج سری اثرات تجربی گرمخانه‌گذاری با تدارک شش آزمون موازی بر پنج نمونه آب متفاوت در دو نوبت A و B انجام شد. روش مورد استفاده یک سیستم تجاری برای *E. coli* به روش MPN بود. سینی‌ها در موقعیت‌های تصادفی آنچنان که در قبل شرح داده شده، گرمخانه‌گذاری شدند. برخی از داده‌ها (نتایج دو سری) همراه با موقعیت‌های تعیین شده تصادفی در جدول (ز-۴) نشان داده شده است. اثرات زمان مطالعه نشده‌اند. همه سینی‌ها در یک زمان خاص (۱۸ ساعت) از گرمخانه برداشته شدند.

شناسه‌های هر موقعیت عبارتند از: L = چپ، M = وسط، R = راست، F = جلو، B = عقب. چیدن حداکثر ده ردیف سینی روی یکدیگر مجاز بود.

تعاریف علامت‌های مورد استفاده در جدول ز-۴ به شرح زیر است:

تعداد چاهک‌های مثبت n_+

مقدار MPN n_{MP}

حدود پایین‌تر ضریب اطمینان ۹۵٪ T_0

حدود بالاتر ضریب اطمینان ۹۵٪ T_1

واریانس توزیع نسبی از فرمول $u_{d,rel}^2 = \left(\frac{\ln T_1 - \ln T_0}{3.92} \right)^2$ مطابق پیوست ت محاسبه می‌شود.

جدول ز-۴ نتایج تجربه عملی اثرات گرمخانه‌گذاری

$u_{d,rel}^r$	$\ln n_{MP}$	T_I	T_0	MPN	مقدار چاهک مثبت	ردیف	ناحیه	طبقه	سینی	نمونه
۰,۰۳۰۹	۴,۱۳۳۶	۸۸,۸	۴۴,۶	۶۲,۴	۳۶	۶	RB	۲	۱	A
۰,۰۳۰۱	۴,۴۲۰۰	۱۱۸,۳	۵۹,۹	۸۳,۱	۴۱	۳	LF	۱	۲	
۰,۰۳۱۷	۴,۰۷۹۲	۸۴,۴	۴۲,۰	۵۹,۱	۳۵	۳	RF	۲	۳	
۰,۰۳۰۶	۴,۱۸۸۱	۹۳,۷	۴۷,۲	۶۵,۹	۳۷	۷	MF	۲	۴	
۰,۰۳۰۹	۴,۱۳۳۶	۸۸,۸	۴۴,۶	۶۲,۴	۳۶	۱	LF	۲	۵	
۰,۰۳۰۱	۴,۴۸۳۰	۱۲۶,۲	۶۳,۹	۸۸,۵	۴۲	۱	RB	۱	۶	
$0,1689$		s($\ln n_{MP}$)								
۰,۰۳۰۷	میانگین									
۰,۰۳۰۶	۴,۱۸۸۱	۹۳,۷	۴۷,۲	۶۵,۹	۳۷	۵	MF	۳	۱	B
۰,۰۳۰۱	۴,۳۰۱۴	۱۰۴,۸	۵۳,۱	۷۳,۸	۳۹	۴	LF	۲	۲	
۰,۰۳۰۱	۴,۴۸۳۰	۱۲۶,۲	۶۳,۹	۸۸,۵	۴۲	۹	LF	۲	۳	
۰,۰۳۷۹	۳,۶۴۸۱	۵۶,۶	۲۶,۴	۳۸,۴	۲۷	۸	RF	۱	۴	
۰,۰۳۰۶	۴,۱۸۸۱	۹۳,۷	۴۷,۲	۶۵,۹	۳۷	۱	RB	۳	۵	
۰,۰۳۶۹	۳,۹۲۰۰	۷۵,۲	۳۵,۴	۵۰,۴	۳۲	۹	RF	۳	۶	
$0,2955$		s($\ln n_{MP}$)								
۰,۰۳۲۷	میانگین									

ز-۴ محاسبات

برای محاسبه مراحل زیر را دنبال کنید :

الف - عدم قطعیت استاندارد در شش مقدار موازی یک نمونه مستقیماً با محاسبه عدم قطعیت استاندارد مقادیر MPN در مقیاس لگاریتمی طبیعی به دست می‌آید.

نمونه A : عدم قطعیت استاندارد $\ln n_{MP} = s(\ln n_{MP}) = u_{rel} = 0,1689$

نمونه B : عدم قطعیت استاندارد $\ln n_{MP} = s(\ln n_{MP}) = u_{rel} = 0,2955$

یادآوری - اگر لگاریتم اعشاری ارجح باشد، مقدار حاصل را در $2/303$ ضرب کنید.

نمونه A : عدم قطعیت استاندارد $u_{rel} = 2.303 \times 0.0734 = 0.1690$ ، $\lg n_{MP} = 0.0734$

نمونه B : عدم قطعیت استاندارد $u_{rel} = 2.303 \times 0.1283 = 0.2955$ ، $\lg n_{MP} = 0.1283$

ب - واریانس نسبی، مربع عدم قطعیت‌های استاندارد نسبی است که به صورت زیر محاسبه می‌شود :

نمونه A : $0.1689^2 = 0.0285$

نمونه B : $0.2955^2 = 0.0873$

پ - واریانس ذاتی توزیع، $u_{d,rel}^2$ به صورت مجزا برای هر تخمین MPN با حدود اطمینان ۹۵٪ بر اساس لگاریتم‌های طبیعی طبق پیوست-T به دست می‌آید. مقدار میانگین واریانس ذاتی نسبی عبارت است از :
داخلی به صورت زیر به دست آمد:

$$u_{d,rel}^2 = 0.0327 \quad \text{میانگین نمونه A} \quad u_{d,rel}^2 = 0.0307 \quad \text{میانگین نمونه B}$$

ت- تفریق کردن میانگین واریانس توزیع از واریانس نسبی اثرات گرمخانه‌گذاری :

$$u_{rel,I}^2 = 0.0285 - 0.0307 = -\mathbf{0.0022} \quad \text{نمونه A}$$

$$u_{rel,I}^2 = 0.0873 - 0.0327 = \mathbf{0.0546} \quad \text{نمونه B}$$

یادآوری- از لحاظ نظری واریانس هرگز منفی نیست. با وجود این، زمانی که تخمین واریانس به کمک تفریق محاسبه می‌شود و واریانس‌های تجربی حاصل با تعداد تکرار کم به دست آمده باشد، چنین حالتی اتفاق می‌افتد.

ث- میانگین واریانس اثرات گرمخانه‌گذاری، همان تخمین اثرات گرمخانه‌گذاری است. میانگین آن در دو نمونه A و B عبارت است از : $0.0262 = \frac{0.0022 + 0.0546}{2}$

ج- ریشه دوم واریانس میانگین عبارت است از تخمین عدم قطعیت استاندارد مولفه اثرات گرمخانه‌گذاری که همچنین می‌توان آن را به صورت درصد نیز بیان کرد. ریشه دوم 0.0262 مساوی است با 0.162 یا $\approx 0.16 = 16\%$.

با تغییر فاحش مشاهده شده میان دو سری از نمونه A و B، بدیهی است که برای به دست آوردن یک تخمین عدم واقعی، نمونه‌های قابل ملاحظه بیشتری باید مورد بررسی قرار بگیرند.

یادآوری- بهتر است که تخصیص تصادفی موقعیت‌های مکانی و زمان گرمخانه‌گذاری، در طراحی رویکرد کلی نگر تخمین عدم قطعیت مورد استفاده قرار بگیرد.

پیوست ژ

(اطلاعاتی)

نحوه بیان و کاربرد عدم قطعیت اندازه‌گیری

۱- ۱ کلیات

استاندارد ملی ایران ایزو-آی‌اسی شماره ۱۷۰۲۵ آزمایشگاهها را ملزم می‌کند تا عدم قطعیت نتایج آزمون خود را تعیین‌نمایند. مشتری نیازمند تخمین عدم قطعیت به همراه نتایج آزمون است تا بتواند تصمیمات درستی اتخاذ کند. نهادهای تأیید صلاحیت ممکن است بخواهند که مقدار تخمین چقدر است و نحوه محاسبه آن چگونه است. آزمایشگاه می‌تواند از این اطلاعات جهت بهبود عملیات خود استفاده کند.

وقتی که آزمایشگاه از دستورالعمل‌های این استاندارد استفاده کند، قادر خواهد بود که تخمین عدم قطعیت عملیاتی u_0 را برای هر روش آزمون مرتبط و هر نوع نمونه تحت شرایط تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی (دقیق میانی) به دست آورد. در رویکرد مولفه‌ای عدم قطعیت اندازه‌گیری به صورت عدم قطعیت استاندارد نسبی بیان می‌شود. در رویکرد کلی‌نگر، مقادیر در مقیاس لگاریتمی اعشاری بیان می‌شوند.

تمایل آزمایشگاه و عوامل تأیید صلاحیت ممکن است به مقدار زیاد معطوف به تأمین مقادیر عدم قطعیت عملیاتی و/یا مولفه‌های موجود آن باشد. همچنین عدم قطعیت اندازه‌گیری مرکب نیز می‌تواند از جمله علائق باشد. احتمال دیگر این است که مشتری می‌تواند درخواست تخمین عدم قطعیت اندازه‌گیری گستردگی حدود اطمینان ۹۵٪ یا حدود سایر بازه‌های تخمینی را داشته باشد.

بر اساس دستورالعمل بیان شده در کتابنامه شماره (۷) اعلام عدم قطعیت اندازه‌گیری به صورت محدوده‌ای از مقادیر که مقدار واقعی اندازه‌ده در بین آن‌ها قرار داشته باشد، تناقضی با سایر مفاهیم عدم قطعیت ندارد. چون‌که توجه این استاندارد معطوف به دقت (بی‌دقیقی) نتیجه آزمون است، سایر مفاهیمی که بر تخمین دلالت دارند، مثل نظریه بایز^۱ و محدوده میانگین جمعیت‌ها، همین منظور را ارائه می‌دهند.

۱- ۲ عدم قطعیت اندازه‌گیری مرکب

۱- ۲- ۱ کلیات

در صورت درخواست مشتریان یا عوامل تأیید صلاحیت، عدم قطعیت اندازه‌گیری مرکب، با استفاده از نتیجه آزمون، n_z ، و عدم قطعیت عملیاتی نسبی، $u_{0,rel}$ ، محاسبه می‌شود.

۱- ۲- ۲ عدم قطعیت مرکب شمارش کلنی‌ها

مقیاس اندازه‌گیری متناسب با هدف استفاده از عدم قطعیت مرکب طبق فرمول‌های ۱- ۳ تا ۱- ۴ انتخاب می‌شود:

الف- مقیاس بازه‌ای

$$u_c = \sqrt{n_z + u_{o,rel}^2 n_z^2} \quad (ژ-۱)$$

که در آن :

$u_{o,rel}$ مولفه عدم قطعیت عملیاتی نسبی؛

n_z تعداد کلندی‌های مشاهده شده است.

- ب مقیاس لگاریتم طبیعی و نسبی

$$u_{c,rel} = \sqrt{\frac{1}{n_z} + u_{o,rel}^2} \quad (ژ-۲)$$

- پ مقیاس لگاریتم اعشاری

$$u_{c(lg)} = \sqrt{\frac{0.1886}{n_z} + u_{o(lg)}^2} \quad (ژ-۳)$$

که در آن ، $u_{o(lg)}$ عدم قطعیت عملیاتی بر حسب لگاریتم اعشاری، است (پیوست-پ).

ژ-۲-۳ عدم قطعیت مرکب شمارش کلندی‌های تاییدشده

عدم قطعیت مرکب شمارش کلندی‌های تاییدشده در مقیاس لگاریتم طبیعی و نسبی با استفاده از فرمول (ژ-۴)

یا فرمول (ژ-۵) و سایر مقیاس‌ها به شرح زیر است :

$$u_{c,rel} = \sqrt{u_{o,rel}^2 + \frac{1}{n_c} + \frac{n_z - n_k}{n_z n_k}} \quad (ژ-۴)$$

یا

$$u_{c,rel} = \sqrt{u_{o,rel}^2 + \frac{1}{n_c} + \frac{(n_k + 0.5)(n_z - n_k + 0.5)n_z^2}{(n_z + 1)^2(n_z + 2)n_k^2}} \quad (ژ-۵)$$

که در آن :

n_c تعداد کل کلندی‌های هدف احتمالی شمارش شده؛

n_z تعداد کل کلندی‌های هدف جدا شده جهت تأیید؛

n_k تعداد کلندی‌هایی تاییدشده؛

سپس تبدیل این مقادیر به صورت لگاریتم اعشاری، بهتر انجام می‌شود.

مقیاس بازه‌ای:

مقیاس لگاریتمی معمولی :

(پیوست-ث)

ژ-۲-۴ عدم قطعیت مرکب در شمارش MPN

عدم قطعیت مرکب شمارش MPN با استفاده از فرمول‌های (ژ-۶) به دست می‌آید :

$$u_{c,rel} = \sqrt{u_{o,rel}^2 + \left(\frac{\ln T_1 - \ln T_0}{3.92}\right)^2} \quad (ژ-۶)$$

$$u_{c(lg)} = \sqrt{u_{o(lg)}^2 + \left(\frac{\lg T_1 - \ln T_0}{3.92}\right)^2}$$

که در آن :

حد بالاتر ضریب اطمینان % ۹۵ مقادیر MPN:	T_1
حد پایین تر ضریب اطمینان % ۹۵ مقادیر MPN:	T_0
عدم قطعیت عملیاتی نسبی (لگاریتم طبیعی):	$u_{o,rel}$
همان عدم قطعیت در مقیاس لگاریتم اعشاری:	$u_{o(lg)}$

(پیوست-ت)

ژ-۲-۵ عدم قطعیت اندازه‌گیری مرکب بین آزمایشگاهی

تخمین و استفاده از عدم قطعیت تجدیدپذیری بین آزمایشگاهی در این استاندارد مورد بررسی قرار نمی‌گیرد. زمانی که نیاز باشد، بررسی موارد مرتبط با تخمین عدم قطعیت تجدیدپذیری بین آزمایشگاهی را می‌توان از داده‌های آزمون مهارت استخراج کرد. تخمین متغیرها تخمین زده شده، یعنی عدم قطعیت تجدیدپذیری بین آزمایشگاهی استاندارد، s_R از آزمون نمونه‌های مرجع مشخص در آزمایشگاه‌های متفاوت به دست می‌آید.

در زمان انتشار این استاندارد، مدرکی توسط استاندارد فرانسه (کتابنامه شماره ۹) در دست تهیه است که شامل جزئیات پروتکل کاربرد داده‌های کنترل کیفیت برای تخمین سطوح متفاوت عدم قطعیت اندازه‌گیری (تکرارپذیری، تجدیدپذیری درون آزمایشگاهی و بین آزمایشگاهی) است.

ژ-۲-۶ عدم قطعیت اندازه‌گیری مرکب گستردۀ

در صورت لزوم عدم قطعیت مرکب گستردۀ U را می‌توان با ضرب تخمین عدم قطعیت مرکب در فاکتور پوششی k به دست آورد. مقدار $(k = 2)$ ، نیم‌پهنانی تقریب % ۹۵ تخمینی بازه‌ای است و $(k = 3)$ ، نیم‌پهنانی % ۹۹ تخمینی بازه‌ای را نشان می‌دهد.

ژ-۳ تخمین‌گر بازه‌ای

ژ-۳-۱ کلیات

توزیع آماری شمارش‌های میکروبی در شمارش‌های موازی از یک سوسپانسیون یا از آزمون‌های تکرارشده، با درجات مختلفی نامتقارن (مورب) است. با افزایش عدم قطعیت عملیاتی، نامتقارن‌بودن نیز افزایش می‌یابد. تعیین دقیق مرزهای حدود اطمینان نیازمند یک مدل منطقی از توزیع احتمالی شمارش و کاربرد برنامه‌های رایانه‌ای می‌باشد. این امکانات در این استاندارد ارائه نشده است. دو نوع تقریب که محاسبه آن آسان است ارائه می‌شود. این دو نوع با حدود دقیق و حدود بر اساس تئوری بایز در نمونه‌های آزمون‌شده، مقایسه شده‌اند.

ژ-۳-۲ بازه‌های اطمینان دقیق

چون که هیچ شکی در کاربرد مدل توزیع دو جمله‌ای در شمارش‌های میکروبی مطرح نشده است، احتمالاً بهترین تقریب ساده برای این هدف است. حدود اطمینان دقیق را می‌توان با وارد کردن تخمین متغیرهای (میانگین و عدم قطعیت عملیاتی) در توابع توزیع احتمالات آماری مناسب محاسبه کرد. به عنوان مثال حدود اطمینان ۹۵٪ را می‌توان با مشاهده نقاط ۲۵٪ و ۹۷٪ از تابع چگالی احتمال به دست آورد. استفاده از برنامه‌های کامپیوتری لازم است.

۳-۳-۳ تقریب توسط حدود متقارن در مقیاس بازه‌ای

تخمین تقریب بازه‌ای را می‌توان بدون استفاده از رایانه انجام داد. در اطراف مقدار مشاهده شده در مقیاس بازه‌ای، حدود به صورت متقارن است. فرض بر این می‌باشد که شمارش مشاهده شده، تخمینی بدون اربیتی از میانگین است. این حدود مطابق پیوست (۳-۲) و با استفاده از فرمول (۳-۷) به دست می‌آید:

$$T_0 = n_z - 2 \sqrt{n_z + u_{o,rel}^2 n_z^2} \quad (3-7)$$

$$T_1 = n_z + 2 \sqrt{n_z + u_{o,rel}^2 n_z^2}$$

که در آن :

T_0 حد پایین تر تخمین گر بازه‌ای؛

T_1 حد بالاتر تخمین گر بازه‌ای؛

n_z تعداد کلی های مشاهده شده؛

$u_{o,rel}$ عدم قطعیت عملیاتی نسبی، است.

یادآوری - اگر تعداد کلی های مشاهده شده مشتمل بر شمارش های حاصل از پلیت های موازی سوسپانسیون نهایی یا از پلیت های با رقت متفاوت باشد، محاسبات بر اساس مجموع کلی های شمارش شده انجام می شود. تخمین های بازه‌ای آن با استفاده از فرمول (۳-۸) به دست می‌آید:

$$T_0 = \sum n_z - 2 \sqrt{\sum n_z + u_{o,rel}^2 (\sum n_z)^2} \quad (3-8)$$

$$T_1 = \sum n_z + 2 \sqrt{\sum n_z + u_{o,rel}^2 (\sum n_z)^2}$$

که در آن، $\sum n_z$ مجموع شمارش کلی ها است.

اگر قرار است نمونه جهت تولید سوسپانسیون نهایی رقیق شود، نتیجه آن در فاکتور رقت، F ضرب می شود.

اگر عدم قطعیت عملیاتی صفر باشد، توزیع به صورت مدل پواسون در می‌آید. در نتیجه حدود اطمینان را می‌توان با استفاده از فرمول های سنتی مطابق فرمول (۳-۹) محاسبه کرد:

$$T_0 = n_z - 2\sqrt{n_z} \quad (3-9)$$

$$T_1 = n_z + 2\sqrt{n_z}$$

که n_z تعداد کلی های مشهود در آزمونه سوسپانسیون نهایی است.

با داشتن مقدار عدم قطعیت عملیاتی کمتر از حدود ۰/۱ (۰/۴ بر حسب لگاریتم)، توزیع پواسون به احتمال زیاد مدل مناسبی است، اگرچه در شمارش‌های کمتر از چهار، حد منفی پایین‌تر آن منفی می‌شود. عدم قطعیت عملیاتی در نمونه آب به ندرت بزرگ‌تر از ۱/۰ است و انتظار می‌رود که تحت هر شرایطی بیش‌تر از ۰/۲۵ نباشد. برای آزمون آب، حدود متقاضی در مقیاس بازه‌ای تقریب خوبی به نظر می‌رسد (مثال بند ۳-۴).

ژ-۳-۴ تقریب توسط حدود نسبی:

زمانی که عدم قطعیت عملیاتی بیش‌تر از ۰/۲۵ باشد و بهویژه در شمارش کلندی‌های زیاد، تخمین‌های بازه‌ای نسبی می‌تواند مناسب باشد (مثال بند ۳-۴).

برای بیان عدم قطعیت مرکب در مقیاس لگاریتم طبیعی یا نسبی (بند ژ-۳)، حدود اطمینان با استفاده از فرمول (ژ-۱۰) و فرمول (ژ-۱۱) تعیین می‌شوند :

الف- تخمین تقریب بالاتر بازه (۹۵٪) :

$$T_1 = n_z \exp(2u_{c,rel}) \quad (ژ-۱۰)$$

که در آن، n_z شمارش نهایی کلندی‌ها است.

ب- تخمین تقریب پایین‌تر بازه (۹۵٪) :

$$T_0 = \frac{n_z}{\exp(2uc,rel)} \quad (ژ-۱۱)$$

زمانی که عدم قطعیت بر حسب لگاریتم اعشاری بیان می‌شود، حدود اطمینان با استفاده از فرمول (ژ-۱۲) و فرمول (ژ-۱۳) تعیین می‌شوند :

الف- تخمین تقریب بالاتر بازه (۹۵٪) :

$$T_1 = n_z 10^{2uc(lg)} \quad (ژ-۱۲)$$

ب- تخمین تقریب پایین‌تر بازه (۹۵٪) :

$$T_0 = \frac{n_z}{10^{2uc(lg)}} \quad (ژ-۱۳)$$

ژ-۳-۵ محاسبه احتمال بایز

حدود اطمینان بر حسب نظریه بایز با محاسبات احتمال آینده‌نگر^۱ که نوعی مدل توزیع احتمال است، تخمین‌زده می‌شود. این شیوه در مدارک دردست تهیه توسط استاندارد فرانسه (کتاب‌نامه شماره ۹) به کار گرفته شده است. جدول‌هایی تهیه شده است که از روی آن‌ها می‌توان حدود اطمینان‌های ۹۹٪ و ۹۵٪ برای توزیع دوچمله‌ای منفی با مقادیر میانگین و عدم قطعیت عملیاتی را به صورت مستقیم یا به وسیله نمودارهای خطی به دست آورد.

ژ-۴ مقایسه چهار رویکرد بازه‌ای

تقریب بازه‌های ۹۵٪ (فاکتور پوشش $k = 2$) توسط چهار روش ارزیابی شده و مورد مقایسه قرار گرفته‌اند. دو روش بر اساس مدل توزیع احتمال "دقیق" و "بایز" مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت و در هر مدل میانگین

1 Posteriori

و عدم قطعیت عملیاتی به کارگرفته شدند. نتایج حاصل با "بازه‌های نسبی" و "تقارن" براساس عدم قطعیت مرکب اندازه‌گیری مرکب مقایسه شدند. نتایج مقایسه در جدول‌های (۱-۲) و (۲-۳) قابل مشاهده است.

جدول س-۱ تخمین بازه‌ای محاسبه شده با چهار روش متفاوت برای شمارش‌های ۴، ۱۰، ۳۰ و ۱۰۰ کلني

بايز	نسبی ^۳	متقارن ^۲	دقیق ^۱	$u_{c,rel} = \frac{n_z}{u_c}$	$u_c = \sqrt{n_z + u_{o(rel)}^2 n_z^2}$	شمارش ^{n_z}
۱ - ۹	۱ - ۱۱	۰ - ۸	۰ - ۸	۰,۵۰۹۹	۲,۰۴۰	۴
۵ - ۱۸	۵ - ۱۹	۳ - ۱۷	۳ - ۱۷	۰,۳۳۱۷	۳,۳۱۷	۱۰
۲۰ - ۴۵	۲۰ - ۴۵	۱۸ - ۴۲	۱۸ - ۴۲	۰,۲۰۸۲	۶,۲۴۵	۳۰
۷۸ - ۱۳۱	۷۵ - ۱۳۳	۷۳ - ۱۲۸	۷۳ - ۱۲۹	۰,۱۴۱۴	۱۴,۱۴۲	۱۰۰

یادآوری- عدم قطعیت عملیاتی نسبی $u_{o,rel} = 0,01 / 100\% = 0,01\%$ گردکردن تخمینی به نزدیکترین عدد کامل

۱ حاصل از تابع چگالی از توزیع دوجمله‌ای منفی

۲ حاصل از $n_z \pm 2u_c$

۳ حاصل از $n_z \exp[2u_{c,rel}]$ و $n_z / \exp[2u_{c,rel}]$

جدول س-۲ تخمین بازه‌ای محاسبه شده با چهار روش متفاوت برای شمارش‌های ۴، ۱۰، ۳۰ و ۱۰۰ کلني

بايز	نسبی	متقارن	دقیق	$u_{c,rel}$	u_c	شمارش
۱ - ۱۱	۱ - ۱۲	۰ - ۸	۰ - ۹	۰,۵۵۹۰	۲,۲۳۶	۴
۴ - ۲۳	۴ - ۲۲	۲ - ۱۷	۲ - ۱۹	۰,۴۰۳۱	۴,۰۳۱	۱۰
۱۶ - ۵۹	۱۶ - ۵۶	۱۱ - ۴۹	۱۳ - ۵۰	۰,۳۰۹۶	۹,۲۸۷	۳۰
۵۹ - ۱۸۴	۵۸ - ۱۷۱	۴۶ - ۱۵۴	۵۳ - ۱۵۹	۰,۲۶۹۳	۲۶,۹۲۶	۱۰۰

یادآوری- عدم قطعیت فرایندی نسبی $u_{o,rel} = 0,25 / 25\% = 0,01\%$ گردکردن تخمینی به نزدیکترین عدد کامل

جدول س-۳ اثرات عدم قطعیت عملیاتی نسبی بر بازه‌های تخمینی با چهار روش

بايز	نسبی	متقارن	دقیق	$u_{c,rel}$	u_c	$u_{o,rel}$
۲۰ - ۴۲	۲۱ - ۴۳	۱۹ - ۴۱	۱۹ - ۴۱	۰,۱۸۲۶	۵,۴۷۷۲	۰,۰۰
۲۰ - ۴۳	۲۱ - ۴۴	۱۹ - ۴۱	۱۸ - ۴۲	۰,۱۸۹۳	۵,۶۷۸۹	۰,۰۵
۲۰ - ۴۵	۲۰ - ۴۵	۱۸ - ۴۲	۱۸ - ۴۳	۰,۲۰۸۲	۶,۲۴۵۰	۰,۱۰
۱۷ - ۵۳	۱۷ - ۵۲	۱۴ - ۴۶	۱۵ - ۴۷	۰,۲۷۰۸	۸,۱۲۴۰	۰,۲۰
۱۵ - ۶۸	۱۵ - ۶۱	۹ - ۵۱	۱۲ - ۵۳	۰,۳۵۲۱	۱۰,۵۳۵۷	۰,۳۰
۱۲ - ۹۶	۱۲ - ۷۲	۴ - ۵۶	۸ - ۶۰	۰,۴۳۹۷	۱۳,۱۹۰۹	۰,۴۰
۹ - ۱۵۵	۱۰ - ۸۷	۰ - ۶۲	۶ - ۶۸	۰,۵۳۲۳	۱۵,۹۶۸۷	۰,۵۰
۷ - ۳۳۷	۹ - ۱۰۵	۰ - ۶۸	۴ - ۷۶	۰,۶۲۷۲	۱۸,۸۱۵	۰,۶۰

یادآوری- عدم قطعیت فرایندی نسبی $u_{o,rel} = 0,60 / 60\% = 0,01\%$ به دست می‌آید. گردکردن نتایج در نزدیکترین تعداد کامل، با فرض تعداد کلني‌ها $n_z = 30$ در همه موارد

۱ - حد منفی پایین تر

با توجه به جداول (ژ-۱) تا (ژ-۳) به نظر می‌رسد که امکان این نتیجه‌گیری وجود دارد که برای کل دامنه شمارش‌ها و مقادیر عدم قطعیت عملیاتی در آزمون آب، تخمین‌های بازه‌ای متقارن، تقریب مناسبی است. تخمین‌های بازه‌ای نسبی معمولاً در نمونه‌هایی ارجحیت دارند که در معرض تغییر نمونه‌برداری فرعی یا دیگر علت‌های عملیاتی قرار دارند.

ژ-۵ کاربردهای عدم قطعیت اندازه‌گیری

ژ-۵-۱ گزارش عدم قطعیت

گزارش تخمین عدم قطعیت بستگی به نحوه استفاده مورد نظر از نتیجه آزمون دارد. در صورت نیاز مشتریان، باید مشخص باشد که چگونه تخمین عدم قطعیت محاسبه شده است و به چه صورتی ارائه می‌شود (عدم قطعیت مرکب، عدم قطعیت گسترده و یا تخمین بازه‌ای). مقیاس اندازه‌گیری آن، بازه نسبی، لگاریتم اعشاری، لگاریتم طبیعی و یا درصد، همیشه باید معلوم و مشخص باشد.

س-۵ مقایسه با استفاده از عدم قطعیت

مقایسه دو نتیجه آزمون x_1 و x_2 ، دارای تخمین‌های عدم قطعیت گسترده U_1 و U_2 غالباً به صورت گرافیکی انجام می‌شود. نتایج با عدم قطعیت گسترده که با خطوط منقطع و به صورت عمودی پایین و بالای مقدار امتداد یافته‌اند، کنار هم‌بین رسم می‌شوند. اگر خطوط منقطع روی هم‌بین قرار بگیرند، نتایج به صورت معنی‌داری متفاوت به نظر نمی‌رسند. این امر از نظر محاسباتی تطابق دارد با مقایسه این موضوع که تفاوت مطلق x_1 و x_2 بزرگ‌تر و یا کوچک‌تر از مجموع $U_1 + U_2$ باشد، روشی که کاملاً قابل مقایسه با آزمون‌های آماری نیست.

مقایسه نتایج x در مقابل مقادیر مجاز می‌تواند به همین نحو انجام شود. اگر مقدار مجاز در محدوده $U \pm x$ باشد، تفاوت معنی‌دار نیست.

روش علمی‌تر مقایسه x با a با محاسبه امتیاز z مطابق فرمول (ژ-۱۴) است.

$$z = \frac{|x-a|}{u_c(x)} \quad (\text{ژ-۱۴})$$

که در آن :

مدار مجاز؛ a

عدم قطعیت مرکب نتیجه x است.

اگر امتیاز z بیش از ۲ باشد، x به صورت معنی‌داری مغایر با a محسوب می‌شود.

پیوست س

(اطلاعاتی)

کتاب نامه

[۱] استاندارد ملی ایران شماره ۹۶۰۶، میکروبیولوژی مواد غذایی و خوراک دام - تخمین عدم قطعیت اندازه‌گیری در آزمون‌های کمی - راهنما

[۲] استاندارد ملی ایران ایزو-آی‌اسی شماره ۱۷۰۲۵، الزامات عمومی برای احراز صلاحیت آزمایشگاه‌های آزمون و کالیبراسیون

- [3] ISO 3534-1:2006, Statistics — Vocabulary and symbols — Part 1: General statistical terms and terms used in probability
- [4] ISO 5725-3, Accuracy (trueness and precision) of measurement methods and results — Part 3: Intermediate measures of the precision of a standard measurement method
- [5] ISO 8199, Water quality — General guidance on the enumeration of micro-organisms by culture
- [6] ISO/TR 13843, Water quality — Guidance on validation of microbiological methods
- [7] ISO/IEC Guide 98-3:2008, Uncertainty of measurement — Part 3: Guide to the expression of uncertainty in measurement (GUM_1995)
- [8] BS 8496, Water quality — Enumeration of micro-organisms in water samples — Guidance on the estimation of variation of results with particular reference to the contribution of uncertainty of measurement
- [9] XP-T 90-465-2, Qualité de l'eau — Protocole d'estimation de l'incertitude de mesure associée à un résultat d'analyse pour les méthodes de dénombrement microbiologiques — Partie 2 : Les techniques de dénombrement [Water quality — Protocol to estimate the uncertainty of measurement associated with an analysis result for microbiological enumeration methods — Part 2: Enumeration techniques]1)
- [10] EURACHEM/CITAC CG 4, Quantifying uncertainty in analytical measurement, Ellison, S. L. R. Rosslein, M., Williams, A., editors. 2nd edition, 2000. Available (viewed 2012-01-13) at: <http://www.eurachem.org/guides/pdf/QUAM2000-1.pdf>
- [11] NMKL Procedure No. 8, Measurement of uncertainty in quantitative microbiological examination of foods
- [12] Nordtest Report TR 537, Handbook for calculation of measurement uncertainty in environmental laboratories, Magnusson, B., Näykki, T., Hovind, H., Krysell, M., editors, 2nd Edition. Espoo: Nordtest, 2004. 41 p. Available (viewed 2012-01-13) at: <http://www.nordicinnovation.net/nordtestfiler/tec537.pdf>
- [13] Brown, L.D., Cai, T.T., Dasgupta, A. Interval estimation for a binomial proportion. Statist. Sci. 2001, 16, pp. 101-133
- [14] Cochran, W.G. Sampling techniques, 3rd edition. New York, NY: Wiley, 1977. 428 p. ISBN 0-471-02939-4
- [15] Evans, M., Hastings, N., Peacock, B. Statistical distributions, 3rd edition. New York, NY: Wiley, 2000.221 p.
- [16] Forster , L.I. Conclusions on measurement uncertainty in microbiology. J. AOAC Int. 2009, 92, pp. 312-319
- [17] Haldane, J.B.S. Sampling errors in the determination of bacterial or virus density by the dilution method.J. Hyg. (Lond.) 1939, 39, pp. 289-293

- [18] Hurley, M.A., Roscoe, M.E. Automated statistical analysis of microbial enumeration by dilution series. *J. Appl. Bacteriol.* 1983, 55, pp. 159-164
- [19] Nieme lä, S.I. Uncertainty of quantitative determinations derived by cultivation of microorganisms. Helsinki: MIKES, 2003, 82 p. (Publication J4/2003.) ISBN 952-5209-76-8, ISSN 1235-5704. Available (viewed 2012-01-13) at: http://www.mikes.fi/documents/upload/J4_2003.pdf